

۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مایع با چگالی بیشتر در عمق بیشتر قرار دارد. پس میان این سه مایع، A، بیشترین چگالی و مایع C کمترین چگالی را دارد:

$$\frac{\rho_C}{\rho_A} = \frac{1/2}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نیروی هم‌چسبی میان اتم‌های جیوه از نیروی دگرچسبی میان جیوه و شیشه بیشتر است. این باعث می‌شود که در وسط سطح آزاد جیوه، حالات تحدب ایجاد شود.

۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به معادله پیوستگی، هرگاه در ناحیه‌ای مساحت مقطع تغییر کند، تندی حرکت شاره تغییر می‌کند به طوری که $V \propto \frac{1}{A}$. در عبور مایع از دو ناحیه B و C، مساحت مقطع تغییر نکرده است پس تندی مایع در این دو ناحیه ثابت می‌ماند. اما در ناحیه A مساحت مقطع در حال کاهش است. در نتیجه تندی مایع در هنگام عبور از این قسمت افزایش می‌یابد.

۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. دماسنج‌های گازی، مقاومت پلاتینی و تفسنج، سه دماسنج معیار هستند.

۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اندازه تغییر دما در دو مقیاس سلسیوس و کلوین یکسان است $\Delta T = \Delta \theta$ و رابطه تغییر دما در دو مقیاس فارنهایت و سلسیوس به صورت $\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta$ است:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \times \frac{60}{1} = 108^\circ F$$

۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای تعیین اندازه تغییر چگالی با دما، از رابطه $\Delta \rho = -\rho_1 \beta \Delta t$ استفاده می‌کنیم:

$$\text{تغییر چگالی بر حسب درصد} = \frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = -\beta \Delta T \times 100 = -(3\alpha) \Delta T \times 100$$

$$= -3 \times 3 \times 10^{-5} \times 50 \times 100 = -0.45\%$$

۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. آب $30^\circ C$ به آب $0^\circ C$ تبدیل می‌شود و مقداری از یخ (x گرم) را ذوب می‌کند:

$$x L_F = m c_{H_2O} \Delta \theta \rightarrow x (1 \text{ cal/g}^\circ C) = 1600 \text{ cal/g} \times 30 \rightarrow x = 4800 \text{ g}$$

پس تمام یخ ذوب نمی‌شود. در نتیجه دمای مشترک (تعادل) آب و یخ $0^\circ C$ خواهد بود. با آب شدن 4800 g از یخ جرم آب موجود $1600 + 4800 = 6400 \text{ g}$ خواهد شد.

۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. گرم و سرد شدن بخش‌های مختلف بدن بر اثر گردش خون مثالی از همرفت واداشته است.

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. به کمک معادله حالت داریم:

$$PV = nRT \rightarrow 1/2 \times 10^5 \times 4 \times 10^{-3} = n \times 8 \times (273 + 127) \rightarrow n = 0.15 \text{ mol}$$

$$n = \frac{N}{N_A} \rightarrow N = 0.15 \times 6 \times 10^{23} = 9 \times 10^{22}$$

۱۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مساحت زیر نمودار P - V معرف اندازه کاری است که گاز با محیط مبادله کرده است. با توجه به انبساطی بودن فرایند $W < 0$ است:

$$W = -\frac{3/2 \times 10^5 + 5 \times 10^5}{2} \times (1 \times 10^{-3}) = -410 \text{ J}$$

اکنون با به کارگیری قانون اول ترمودینامیک داریم:

$$\Delta U = Q + W \rightarrow -180 = -410 + Q \rightarrow Q = +230 \text{ J}$$

۱۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در فرایند هم فشار علامت ΔU و Q یکسان است، اما علامت W با هر دو متفاوت است. در این سؤال $Q < 0$ است، پس $\Delta U < 0$ و $W > 0$ است. در فرایند هم فشار گرما، کار و تغییر انرژی درونی از رابطه‌های زیر به دست می‌آید:

$$Q = nC_P \Delta T = \frac{C_P = \frac{5}{2}R}{\frac{5}{2}nR\Delta T} = \frac{nR\Delta T = P\Delta V}{\frac{5}{2}P\Delta V} \rightarrow P\Delta V = \frac{-245}{\frac{5}{2}} = -70 \text{ J}$$

$$W = -P\Delta V = +70 \text{ J}$$

$$\Delta U = nC_V \Delta T = \frac{C_V = \frac{5}{2}R}{\frac{5}{2}nR\Delta T} = \frac{nR\Delta T = P\Delta V}{\frac{5}{2}P\Delta V} = \frac{-245}{\frac{5}{2}} = -175 \text{ J}$$

۱۲- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ماشین استرلینگ یک ماشین برون‌سوز است. در ماشین‌های بنزینی با افزایش نسبت تراکم، بازده افزایش می‌یابد. در ماشین‌های درون‌سوز دیزلی بازده در حدود ۳۰ تا ۳۵ درصد است.

۱۳- گزینه ۴ درست است. به کمک رابطه ضریب عملکرد داریم:

$$K = \frac{Q_L}{W} = \frac{600}{150} = 4$$

۱۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

زیرا می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} x_A = -2t + 16 = 0 \Rightarrow t = 8s \\ x_B = 4t - 8 = 0 \Rightarrow t = 2s \end{cases} \Rightarrow (8 - 2)s = 6s$$

۱۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.
 زیرا خواهیم داشت:

$$\Delta x = \left(\frac{v_2 + v_1}{2} \right) t \Rightarrow 64 = \left(\frac{24 + v_1}{2} \right) 4 \Rightarrow v_1 = 8 \frac{m}{s}$$

$$a = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \left(\frac{24 - 8}{4} \right) \frac{m}{s} = 4 \frac{m}{s}$$

۱۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر جهت مثبت محور y به طرف بالا اختیار شود، داریم:

$$v_y = 0 \Rightarrow \Delta y = -\frac{1}{2} g t^2 = \left(-\frac{1}{2} \times 9.8 \times 4 \right) m = -19.6 m$$

$$h = (20/4 + 19/6) m = 40 m$$

$$v^2 = -2g\Delta y \Rightarrow v^2 = -2 \times 9.8 \times (-40) \Rightarrow v = -28 \frac{m}{s} \Rightarrow |v| = 28 \frac{m}{s}$$

۱۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طبق نمودار در بازه زمانی ۵s تا ۲۰s، شتاب حرکت ثابت و علامت آن منفی است. اگر لحظه تغییر جهت حرکت در این بازه زمانی را t بنامیم، با استفاده از تشابه دو مثلث ایجاد شده در این بازه زمانی، داریم:

$$\frac{16}{12} = \frac{20 - t}{t - 5} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{20 - t}{t - 5} \Rightarrow t - 5 = 40 - 2t \Rightarrow 3t = 45 \Rightarrow t = 15 s$$

بازه زمانی ۱۵ تا ۲۰ ثانیه حرکت تندشونده و خلاف جهت محور x است و بزرگی جابه‌جایی برابر مساحت سطح زیر نمودار است.

$$|\Delta x| = \left(\frac{5 \times 6}{2} \right) m = 15 m$$

۱۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در نمودار گزینه ۲ اندازه سرعت در حال افزایش است، پس حرکت تند شونده می‌باشد.

۱۹- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون جسم در حال تعادل است، پس برابری نیروهای وارد برد آن صفر است. لذا داریم:

$$T_1 \cos 60^\circ = T_2 \cos 30^\circ \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

۲۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
 زیرا می‌توان نوشت:

$$w = mg \Rightarrow \frac{w'}{w} = \frac{g'}{g} \Rightarrow \frac{w'}{w} = \left(\frac{R_e}{R_e + h} \right)^2 \Rightarrow \frac{11}{100} = \left(\frac{R_e}{R_e + h} \right)^2 \Rightarrow \frac{9}{10} = \frac{R_e}{R_e + h} \Rightarrow h = \frac{1}{9} R_e$$

۲۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
زیرا خواهیم داشت:

$$T = \frac{60}{900} \text{ s} = \frac{1}{15} \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi \text{ rad}}{\frac{1}{15} \text{ s}} = 30\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$v = r\omega = (2 \times 30\pi) \frac{\text{m}}{\text{s}} = 60\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۲۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.
طبق تعریف ثابت فنر، خواهیم داشت:

$$k\Delta l = mg \Rightarrow \begin{cases} k(0.22 - l_0) = 0.2 \times 10 \\ k(0.23 - l_0) = 0.3 \times 10 \end{cases} \Rightarrow l_0 = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

۲۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
طبق قانون دوم نیوتون، داریم:

$$|F_{\text{net}}| = m |a| = (50 \times 2) \text{ N} = 100 \text{ N}$$

۲۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

اگر جهت برخورد اتومبیل به دیواره، جهت مثبت فرض شود، خواهیم داشت:

$$|F_{\text{av}}| = \left| \frac{m\Delta V}{\Delta t} \right| = \left| \frac{1000 \times (-5 - 15)}{0.2} \right| \text{ N} = 10^5 \text{ N}$$

۲۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

طبق قانون گرانش نیوتون و قاعده تخمین مرتبه بزرگی، خواهیم داشت:

$$F_G = \frac{Gm_1 m_2}{r^2} = \left[\frac{6.67 \times 10^{-11} \times 5/98 \times 10^{24} \times 7/36 \times 10^{22}}{(3/84 \times 10^8)^2} \right] \text{ N}$$

$$\cong \left(\frac{7 \times 6 \times 7 \times 10^{35}}{16 \times 10^{16}} \right) \text{ N} = \left(\frac{2/94 \times 10^{37}}{1/6 \times 10^{17}} \right) \text{ N} \cong 10^{20} \text{ N}$$

$$= 10^{20} \text{ N} = \text{مرتبه بزرگی نیروی گرانش ماه و زمین}$$

۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
بر اساس قانون کولن، داریم:

$$F = k \frac{|q||q'|}{r^2} \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{F}{\frac{1}{4}F} = \left(\frac{r_2}{r} \right)^2 \Rightarrow \frac{r_2}{r} = 2 \Rightarrow r_2 = 2r$$

۲۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_2 برابر صفر است، باید دو نیروی الکتریکی وارد بر این بار، هم اندازه و در خلاف جهت هم باشند، لذا لازم است دو بار الکتریکی q_1 و q_3 هم نام باشند، پس خواهیم داشت:

$$F_{12} = F_{32} \Leftrightarrow \frac{k |q_1| |q_2|}{(2d)^2} = \frac{k |q_3| |q_2|}{d^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{4d^2} = \frac{|q_3|}{d^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_3|} = 4 \xrightarrow{q_1 \text{ و } q_3 \text{ هم نام هستند.}} \frac{q_1}{q_3} = 4$$

۲۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای آن که برآیند دو نیرویی که دو بار هم نام q_1 و q_2 بر بار q_3 وارد می کنند برابر صفر باشد، لازم است که بار q_3 روی پاره خط واصل این دو بار و در فاصله بین دو بار و نزدیک تر به بار q_2 قرار گیرد. لذا اگر فاصله q_3 تا q_2 را X بنامیم، خواهیم داشت:

$$r_{12} = AB = \sqrt{(-0.3 - 0.6)^2 + (-0.4 - 0.8)^2} \text{ m} = \sqrt{2/25} \text{ m} = 1/5 \text{ m}$$

$$F_{13} = F_{23} \Rightarrow \frac{|q_1|}{r_{13}^2} = \frac{|q_2|}{r_{23}^2} \Rightarrow \frac{12}{(1/5 - X)^2} = \frac{3}{X^2} \Rightarrow 2X = 1/5 - X \Rightarrow X = 0.5 \text{ m}$$

فاصله محل بار q_2 یعنی نقطه B از مبدا مختصات برابر 0.5 m است که برابر X می باشد، پس بار q_3 را باید در مبدا مختصات قرار دهیم.

۲۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

با توجه به شکل داده شده و با استفاده از قانون کولن، خواهیم داشت:

$$F_{12} = F_{32} = \left(\frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 5 \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-2}} \right) \text{ N} = 1 \text{ N}$$

$$F_{42} = \left(\frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 5 \times 10^{-12}}{9 \times 2 \times 10^{-2}} \right) \text{ N} = 1 \text{ N}$$

اگر برآیند دو نیروی هم اندازه و عمود بر هم \vec{F}_{12} و \vec{F}_{32} را \vec{F}' بنامیم، خواهیم داشت:

$$F' = \left(\sqrt{1^2 + 1^2} \right) \text{ N} = \sqrt{2} \text{ N}$$

\vec{F}' بر \vec{F}_{42} عمود است، لذا خواهیم داشت:

$$F_{\text{net}} = \left(\sqrt{(\sqrt{2})^2 + 1^2} \right) \text{ N} = \sqrt{3} \text{ N}$$

۳۰- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

اگر ۵۰ درصد از $2q$ برداریم و آن را به $-2q$ اضافه کنیم، خواهیم داشت:

$$q'_1 = (2q - 0.5 \times 2q) = q, q'_2 = (-2q + 0.5 \times 2q) = -q$$

$$F = \frac{K |q||q'|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{q \times q}{2q \times 2q} = \frac{1}{4}$$

۳۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. چون نیروی برآیند زاویه مساوی با هر یک از نیروها می‌سازد، باید دو نیروی وارد بر بار q_3 هم اندازه باشند. و با تجزیه نیروی برآیند مشخص می‌شود که بار q_3 مثبت است، بنابراین می‌توان نوشت:

$$F_T = \sqrt{F_{13}^2 + F_{23}^2} \Rightarrow 50 \sqrt{2} = \sqrt{2E_{13}^2} \Rightarrow F_{13} = 50 \text{ N}$$

یا $F_{13} = F_{23} = F_T \cos 45^\circ = \left(50 \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \text{ N} = 50 \text{ N}$

$$F_{13} = \frac{kq_3q_1}{r^2} \Rightarrow 50 = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times q_3}{72 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_3 = 10^{-5} \text{ C} = 10 \mu\text{C}$$

۳۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

طبق قانون کولن، خواهیم داشت:

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{r}{r'} \right)^2 \Rightarrow 16 = \left(\frac{r}{r-2} \right)^2 \Rightarrow 4 = \frac{r}{r-2} \Rightarrow r = \frac{8}{3} \text{ m}$$

۳۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

بر اساس قانون کولن، می‌توان نوشت:

$$\frac{F'}{F} = \frac{q_1 \times q_2}{q_1 \times q_2} \left(\frac{r}{\frac{r}{2}} \right)^2 = 4 \times 4 = 16 \Rightarrow F' = 16F$$

۳۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

با توجه به هم‌فشار بودن هر یک از دو فرایند **AB** و **CD** و تک اتمی بودن گاز کامل، خواهیم داشت:

$$Q_{AB} = \frac{5}{2} R \Delta T = \left(\frac{5}{2} \times 1 \times 8 \times 400 \right) \text{ J} = 8000 \text{ J}$$

$$W_{CD} = -p \Delta V = -nR \Delta T = -1 \times 8 \times (200 - 400) \text{ J} = 1600 \text{ J}$$

۳۵- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

قدر مطلق کار انجام شده برابر مساحت سطح زیر نمودار است، ولی چون در فرایند انبساطی $W < 0$ است، خواهیم داشت:

$$|W_{AB}| = \left[\frac{(3+8)10^5 \times 4 \times 10^{-3}}{2} \right] J = 2200 J \Rightarrow W_{AB} = -2200 J$$

$$\Delta U = nC_V \Delta T \Rightarrow \Delta U_{AB} = \frac{3}{2} nR \Delta T = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$= \frac{3}{2} (8 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-3} - 3 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3}) J$$

$$\Delta U_{AB} = 6300 J$$

۳۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

بر اساس تعریف ضریب عملکرد یخچال و قانون اول ترمودینامیک برای چرخه یخچال، می توان نوشت:

$$k = \frac{Q_L}{W} = \frac{|Q_H| - W}{W} \Rightarrow 4 = \frac{50 - W}{W} \Rightarrow W = 10 kJ$$

$$|Q_H| - W = Q_L \Rightarrow Q_L = (50 - 10) kJ = 40 kJ$$

$$\text{انرژی الکتریکی مصرفی} = \left(10 \times \frac{100}{40} \right) kJ = 25 kJ$$

۳۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

طبق تعریف بازده ماشین گرمایی و قانون اول ترمودینامیک برای چرخه ماشین گرمایی، خواهیم داشت:

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{2/5 \times 10^3}{Q_H} \Rightarrow Q_H = 10^4 J$$

$$Q_H - |W| = |Q_L| \Rightarrow |Q_L| = (10^4 - 2/5 \times 10^3) J = 7/5 \times 10^3 J$$

۳۸- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

برای ماشین گرمایی کارنو، می توان نوشت:

$$T_{LTH} = \frac{|Q_L|}{Q_H} \Rightarrow \frac{300}{360} = \frac{|Q_L|}{600} \Rightarrow |Q_L| = 500 J$$

۳۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. سطح زیر نمودار شتاب - زمان برابر تغییرات سرعت است.

$$|a_{av}| = \frac{|\Delta v|}{\Delta t} = \frac{|2t_1 + (-6t_1)| m}{3t_1} = \frac{4}{3} \frac{m}{s}$$

۴۰- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

اگر سرعت در ۳ ثانیه قبل از توقف را v_* ، در نظر بگیریم، خواهیم داشت:

$$v = at + v_* \Rightarrow 0 = -5 \times 3 + v_* \Rightarrow v_* = 15 \frac{m}{s}$$

$$v_{av} = \frac{v + v_*}{2} = \left(\frac{0 + 15}{2} \right) \frac{m}{s} = 7.5 \frac{m}{s}$$

۴۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

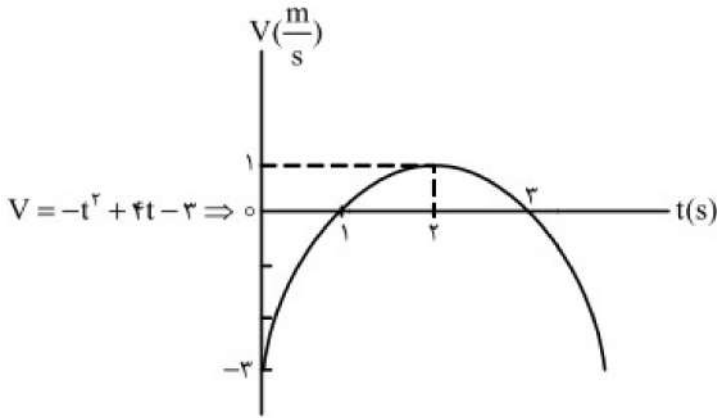
اگر جهت مثبت در راستای قائم و به طرف بالا اختیار شود، خواهیم داشت:

$$v_* = 0 \Rightarrow \Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow -20 = -5t^2 \Rightarrow t = 2s \Rightarrow t_2 = 2s, t_1 = t + t_2 = (2 + 2)s = 4s$$

$$v_* = 0 \Rightarrow V = -gt \Rightarrow \begin{cases} v_1 = (-10 \times 4) \frac{m}{s} = -40 \frac{m}{s} \\ v_2 = (-10 \times 2) \frac{m}{s} = -20 \frac{m}{s} \end{cases}$$

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{-40}{-20} = 2 \Rightarrow v_1 = 2v_2$$

۴۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر نمودار سرعت - زمان را مطابق شکل روبه‌رو رسم کنیم، مشخص می‌شود که در بازه زمانی ۱s تا ۳s، حرکت ابتدا تندشونده و سپس کند شونده است.



۴۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

اگر جهت مثبت به طرف بالا و سطح زمین مبدا مکان اختیار شود، خواهیم داشت:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + V_*t + y_* \xrightarrow{V_* = 0} \begin{cases} h_1 = -5t^2 + h \\ h_2 = -5(t+2)^2 + h \end{cases} \Rightarrow h_1 = h_2 = 20t + 20$$

بنابراین نتیجه می‌شود که اختلاف h_1 و h_2 به t بستگی دارد.

۴۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

چون جسم ساکن است، می توان نوشت:

$$\vec{\Sigma F} = 0 \Rightarrow \begin{cases} N = F = 10 \text{ N} \\ f_s = mg = 10 \text{ N} \end{cases} \Rightarrow R = \sqrt{N^2 + f_s^2} = \left(\sqrt{10^2 + 10^2} \right) N = 10\sqrt{2} \text{ N}$$

۴۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

با توجه به داده های سوال، خواهیم داشت:

$$\begin{cases} \vec{v}_1 = 10\vec{i} \text{ N} \\ \vec{v}_2 = -6\vec{i} \text{ N} \end{cases} \Rightarrow \Delta \vec{v} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1 = -16\vec{i}$$

$$\Delta \vec{p} = m\Delta \vec{v} = 0.5(-16\vec{i}) = -8\vec{i}$$