

نمودار تغییرات تعداد هسته‌های یک عنصر رادیواکتیو نسبت به

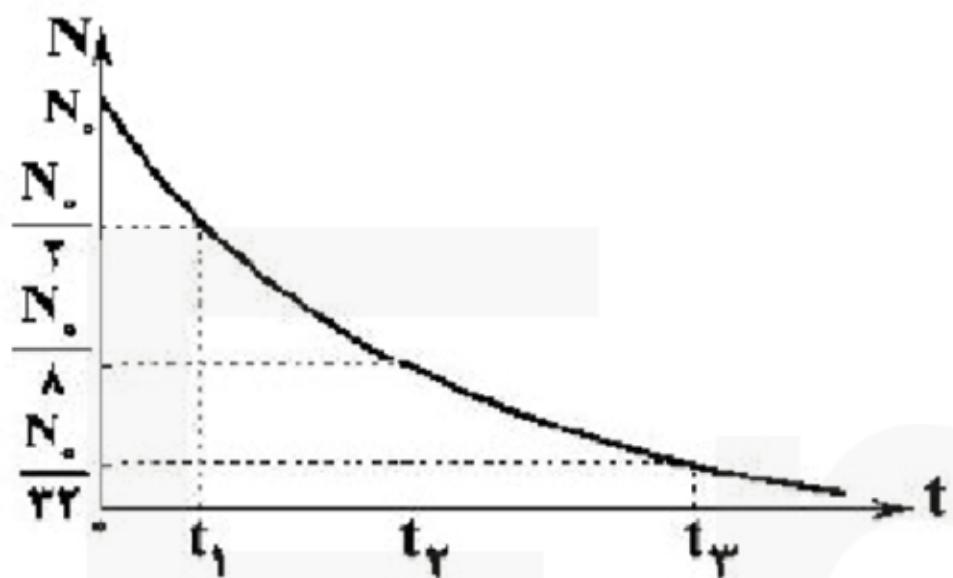
زمان مطابق شکل زیر است. حاصل $\frac{t_1}{t_2 + t_3}$ کدام است؟

$$\frac{1}{5} \quad (2)$$

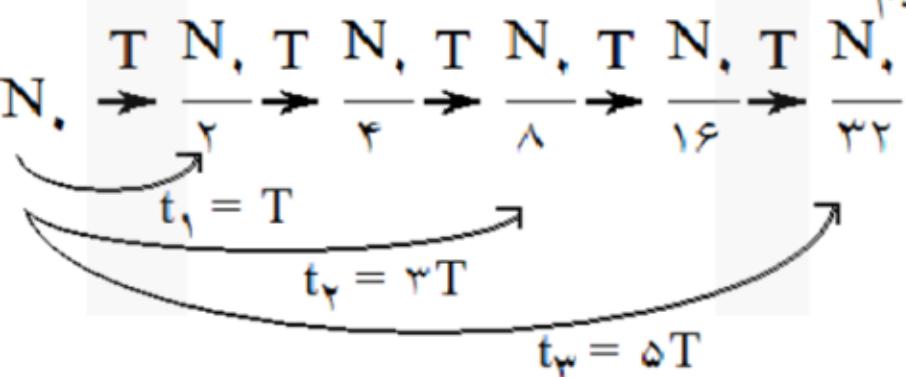
$$\frac{3}{5} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{1}{8} \quad (3)$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اگر نیمه عمر عنصر را با نماد T نشان دهیم:



$$\frac{t_1}{t_2 + t_3} = \frac{T}{3T + 5T} = \frac{T}{8T} = \frac{1}{8}$$

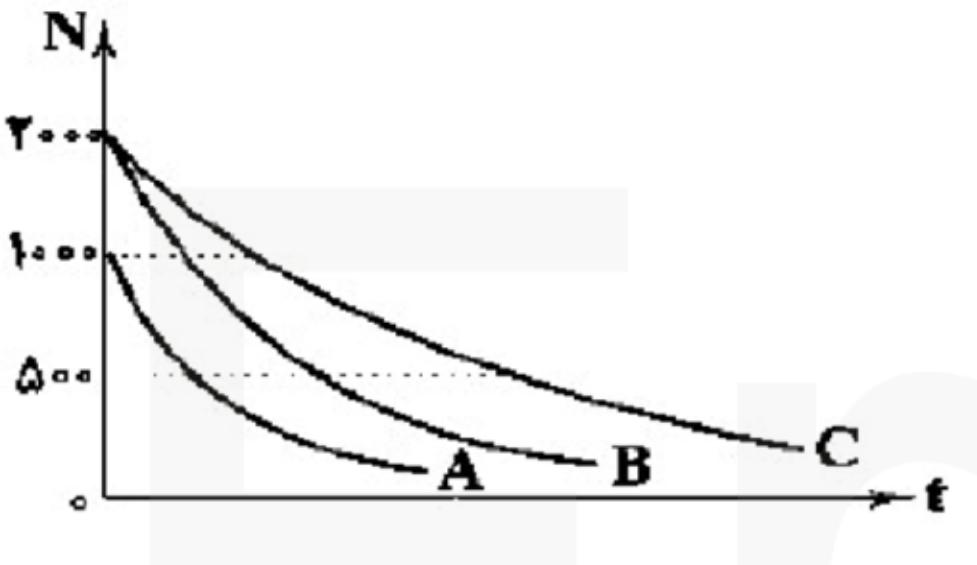
نمودار تغییرات تعداد هسته‌های سه عنصر رادیواکتیو بر حسب زمان مطابق شکل زیر است، اگر نیمه عمر این عناصر به ترتیب T_A , T_B و T_C باشد، کدام رابطه صحیح است؟

$$T_A > T_B > T_C \quad (1)$$

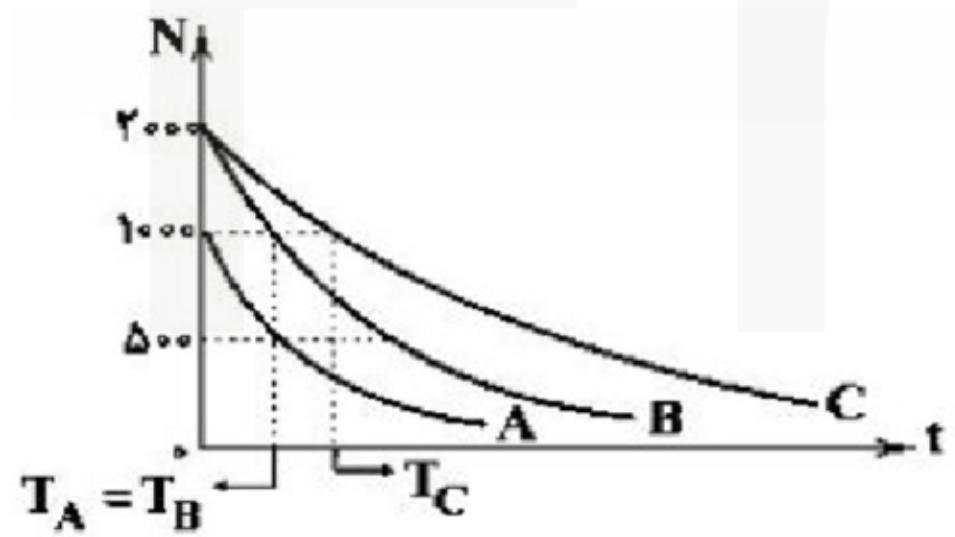
$$T_A < T_B < T_C \quad (2)$$

$$T_B = T_A < T_C \quad (3)$$

$$T_B = T_C > T_A \quad (4)$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نیمه عمر، مدت زمانی است که طول می‌کشد، تعداد هسته‌های مادر عنصر رادیواکتیو نصف شود، مطابق شکل صورت سوال، مدت زمانی که تعداد هسته‌های عنصر A نصف شده (از ۱۰۰۰ به ۵۰۰ رسیده) با مدت زمان نصف شدن تعداد هسته‌های B (از ۲۰۰۰ به ۱۰۰۰) برابر است ولی مدت زمان C از این دو بزرگ‌تر است.



در اتم هیدروژن، الکترون در تراز $n = 3$ قرار دارد. نسبت کوتاهترین طول نور تابشی به بلندترین طول نور تابشی چه قدر است؟ (nm^{-1}) ثابت ریدبرگ)

$$\frac{32}{5} \quad (4)$$

$$\frac{5}{32} \quad (3)$$

$$\frac{8}{9} \quad (2)$$

$$\frac{5}{36} \quad (1)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. الکترون در گذار از یک تراز به تراز دیگر، اختلاف انرژی دو تراز را به صورت نور تابش می‌کند.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\text{کوتاهترین طول نور} \rightarrow n = 3 \rightarrow n' = 1 \rightarrow \frac{1}{\lambda_1} = R \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{3^2} \right) = \frac{8}{9}R$$

$$\text{بلندترین طول نور} \rightarrow n = 3 \rightarrow n' = 2 \rightarrow \frac{1}{\lambda_2} = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) = \frac{5}{36}R$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\frac{9}{8}R}{\frac{5}{36}R} = \frac{9 \times 5}{8 \times 36} = \frac{5}{32}$$

طیف اتمی (خطی) عناصر و است و طیف مربوط به تاپش گرمایی اجسام جامد است.

(۱) پیوسته - منحصر به فرد - گستته

(۲) گستته - یکسان - پیوسته

(۳) گستته - یکسان - پیوسته

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. طیف اتمی هیچ دو عنصری مثل هم نیست (منحصر به فرد است) و چون حاصل گذارهای اتمی مشخص است، پس به صورت گسته می‌باشد. این طیف توسط گازهای کم فشار و رقیق که اتمهای منفرد آنها از برهم کنش‌های قوی موجود در جسم جامد آزاد هستند، ایجاد می‌شود.

طیف عادی یا گرمایی، طیف پیوسته است، چون کلیه خطوط طیف را شامل می‌شود.

اگر انرژی الکترون در اتم هیدروژن 850 eV است، برای این که الکترون بتواند به یک تراز بالاتر رود، چه مقدار انرژی لازم دارد؟ ($E_R = 13.6 \text{ eV}$)

(۱) 544 eV

(۲) 45 eV

(۳) 75 eV

(۴) 306 eV

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اندازه انرژی الکترون در هر تراز از رابطه‌ی $|E_n| = \frac{E_R}{n^2}$ به دست می‌آید، پس ابتدا حساب کنیم در چه ترازی انرژی الکترون 850 eV است.

$$850 = \frac{13.6}{n^2} \Rightarrow n^2 = 16 \Rightarrow n = 4$$

حال که الکترون باید به تراز بالاتر یعنی تراز ۵ برود، انرژی الکترون در تراز ۵ برابر است با:

$$|E_5| = \frac{E_R}{5^2} = \frac{13.6}{5^2} = \frac{13.6}{25} = 0.544 \text{ eV}$$

برای رفتن الکترون به تراز بالاتر، باید به اندازه اختلاف انرژی دو تراز به الکترون انرژی بدهیم، پس:

$$\Delta E = |E_4| - |E_5| = 0.85 - 0.544 = 0.306 \text{ eV}$$

- از تبدیل ۸ میلی گرم از یک ماده به انرژی چند مگاوات ساعت انرژی تولید می شود؟
- (۱) ۲۰۰
 - (۲) ۷۲۰
 - (۳) ۲۰۰۰۰
 - (۴) ۷۲۰۰۰۰

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای تبدیل جرم به انرژی داریم:

$$E = mc^2 = 8 \times 10^{-6} \times (3 \times 10^8)^2 = 8 \times 10^{-6} \times 9 \times 10^{16} = 72 \times 10^1 J$$

$$E = \frac{72 \times 10^1 \times 10^3}{3600} = 2 \times 10^2 Mwh$$

نیمه عمر یک عنصر رادیواکتیو به جرم ۱۰۰ گرم، ۱۰ سال است. پس از ۴۰ سال، چند گرم از این ماده واپاشیده می شود؟

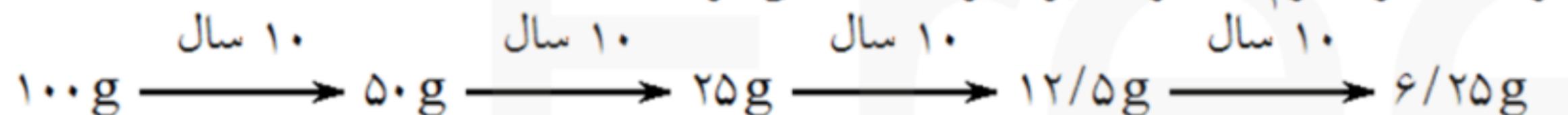
۸۷/۵ (۴)

۹۳/۷۵ (۳)

۱۲/۵ (۲)

۶/۲۵ (۱)

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در هر نیمه عمر، جرم عنصر رادیواکتیو، نصف می شود.



جرم باقیمانده $\frac{6}{25}$ گرم

$$\text{جرم متلاشی شده } \frac{6}{25} = 100 - \frac{6}{25}$$

دقیق کنید: نیمه عمر، مدت زمانی است که طول می کشد جرم یا تعداد هسته های مادر عناصر رادیواکتیو (عنصر مربوطه) نصف شود.

در یک لیزر، فوتون تاپشی، باعث گشیل فوتون می شود که انرژی آن به اندازه‌ی است.

۱) القایی - انرژی حالت برانگیخته

۲) القایی - اختلاف انرژی حالت پایه و برانگیخته

۳) خود به خودی - انرژی حالت برانگیخته

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در لیزر یک نوع گشیل القایی روی میدهد که در آن اختلاف انرژی حالت پایه و حالت

است.

همان انرژی فوتون تاپشی توسط لیزر باریکه نور تک بسامد - تک انرژی و هم‌فاز و موازی

اگر توان باریکه‌ی نور خروجی از یک لیزر گازی برابر $1/32$ میکرووات باشد و در هر ثانیه $2/12 \times 10^{12}$ فوتون از این لیزر گسیل شود، طول موج فوتون‌های گسیل شده چند نانومتر است؟

$$\left(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 6/6 \times 10^{-34} \text{ J.s} \right)$$

۴۲۴ (۴)

۲۱۲ (۳)

۶۳۶ (۲)

۳۱۸ (۱)

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$p = \frac{E}{t} \Rightarrow E = pt$$

$$pt = nh \frac{c}{\lambda} \Rightarrow 1/32 \times 10^{-6} = \frac{2/12 \times 10^{12} \times 6/6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{212 \times 66 \times 3 \times 10^{-17}}{132 \times 10^{-8}} = 318 \times 10^{-9} \text{ m} = 318 \text{ nm}$$

عنصر رادیواکتیو Ra^{226}_{88} با تابش ذرات α و β^- به عنصر پایدار Pb^{206}_{82} تبدیل می‌شود. در این تبدیل، اختلاف تعداد ذرات آلفا و بتا چه قدر است؟

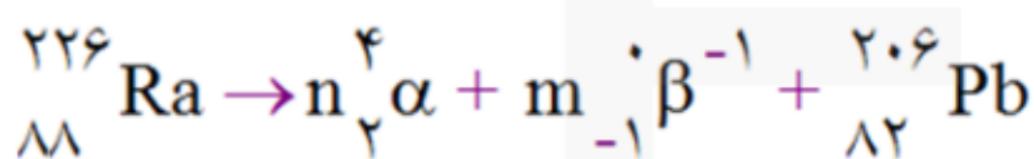
۴)

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۵)

۹)

۱)



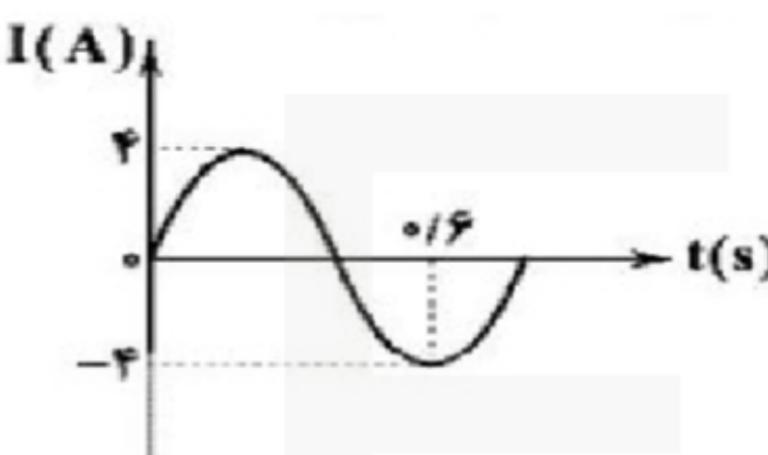
$$226 = 4n + (-1 \times m) + 206 \rightarrow n = 5$$

$$88 = 2n - m + 82 \rightarrow m = 2 \times 5 - 82 \rightarrow m = 4$$

$$5 - 4 = 1$$

α از جنس هسته‌ی اتم هلیم و دارای بار مثبت است. β^- از جنس الکترون و دارای بار منفی است.

نمودار جریان بر حسب زمان برای یک مولد جریان متناوب مطابق شکل زیر است. شدت جریان در لحظه $t = 4\text{ s}$ چند آمپر است؟



- ۱) صفر
- ۲) ۱
- ۳) ۲
- ۴) ۳

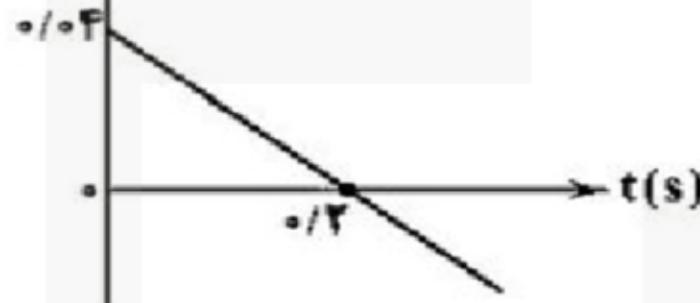
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا با توجه به نمودار جریان، دوره‌ی تناوب را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{3T}{4} = 0.1 \Rightarrow T = 0.18 \text{ s}$$

$$I_{\max} = 4\text{ A}$$

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T} t\right) = 4 \sin\left(\frac{20\pi}{1.8} t\right) \xrightarrow{t=4\text{ s}} I = 4 \sin 10\pi = 0$$

نمودار شار مغناطیسی عبوری از یک قاب با 25Ω دور سیم و مقاومت $2/5 \Omega$ ، به صورت زیر است. نیروی محرکه‌ی القایی متوسط ایجادشده در قاب در بازه‌ی زمانی $t = 0/3 \text{ s}$ تا $t = 0/5 \text{ s}$ چند ولت است؟



- (۱) -۵
- (۲) -۲
- (۳) ۵
- (۴) ۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از قاب، خطی است. بنابراین تغییرات شار عبوری از قاب در بازه‌های زمانی یکسان و با هم برابر است و در نتیجه اندازه‌ی نیروی محرکه‌ی القایی در هر بازه‌ی زمانی یکسان و ثابت است.

$$\begin{cases} \Delta t_1 = 0/5 \text{ s} \\ \Delta t_2 = 0/3 \text{ s} \end{cases} \Rightarrow \Delta t_1 = \Delta t_2 = 0/2 \text{ s}$$

$$\Rightarrow \Delta \Phi_1 = \Delta \Phi_2 = 0 - 0/04 \text{ Wb}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -25 \times \frac{-0/04}{0/2} = 5 \text{ V}$$

معادلهی جریان متناوب گذرنده از یک سیم‌لوله در دستگاه SI به صورت $I = 3\sqrt{3} \sin 50t$ است. اگر بیشینه‌ی ذخیره‌شده در این سیم‌لوله $J/9$ باشد، ضریب القاوری این سیم‌لوله چند هانتری است؟

$$\frac{2}{15} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{15} \quad (۳)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{5} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{5} \quad (۱)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. انرژی ذخیره‌شده در سیم‌لوله از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

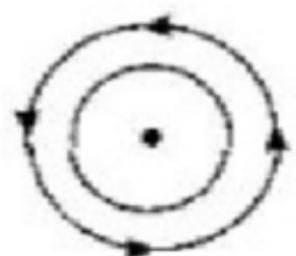
$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow U_{\max} = \frac{1}{2} LI_{\max}^2 \Rightarrow L = \frac{2U_{\max}}{I_{\max}^2}$$

با توجه به معادلهی جریان گذرنده از سیم‌لوله، داریم:

$$I = 3\sqrt{3} \sin 50t \Rightarrow I_{\max} = 3\sqrt{3} A$$

$$\Rightarrow L = \frac{2 \times 0/9}{(3\sqrt{3})^2} = \frac{1/8}{27} = \frac{1}{15} H$$

مطابق شکل زیر، دو قاب رسانای دایره‌ای شکل به صورت هم‌مرکز، در یک صفحه قرار دارند که قاب بزرگ‌تر حامل جریان الکتریکی است. اگر جریان الکتریکی عبوری از قاب بزرگ‌تر با گذشت زمان کاهش یابد، جهت جریان القایی در قاب کوچک‌تر کدام است؟



- ۱) ساعتگرد
- ۲) پاد ساعتگرد
- ۳) ابتدا ساعتگرد و سپس پاد ساعتگرد
- ۴) ابتدا پاد ساعتگرد و سپس ساعتگرد

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. جهت جریان الکتریکی در قاب بزرگ‌تر به صورت پاد ساعتگرد و بنابر قاعده ی دست راست، جهت میدان مغناطیسی ناشی از آن در مرکز قاب برونو سو می‌باشد. با کاهش جریان عبوری از قاب بزرگ‌تر، بزرگی میدان مغناطیسی ناشی از آن نیز کاهش یافته و در نتیجه شار مغناطیسی عبوری از قاب کوچک‌تر نیز کاهش می‌یابد. بنابر قانون لنز، جهت جریان القایی در قاب کوچک‌تر باید به گونه‌ای باشد که با کاهش شار مغناطیسی مخالفت کند. پس باید میدان مغناطیسی ناشی از آن در مرکز حلقه‌ی برونو سو باشد. در نتیجه جریان پاد ساعتگرد در حلقه‌ی کوچک‌تر، القا می‌شود.

یک قاب دایره‌ای شکل به مقاومت 2Ω از 100 حلقه تشکیل شده که سطح مقطع هر حلقه 100cm^2 است. این قاب به طور عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 1G قرار دارد. اگر این قاب در مدت زمان 25ms به اندازه 180 درجه حول یکی از قطرهایش بچرخد، اندازه جریان القایی متوسط ایجادشده در آن چند میلیآمپر است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

$$\bar{I} = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} = \left| -\frac{N}{R} \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right|$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نیم خط عمود بر سطح حلقه، ابتدا با خطوط میدان زاویه‌ی صفر درجه و سپس زاویه‌ی 180 درجه می‌سازد. در نتیجه، $\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1 = BA \cos 0^\circ - BA \cos 180^\circ = -2BA$

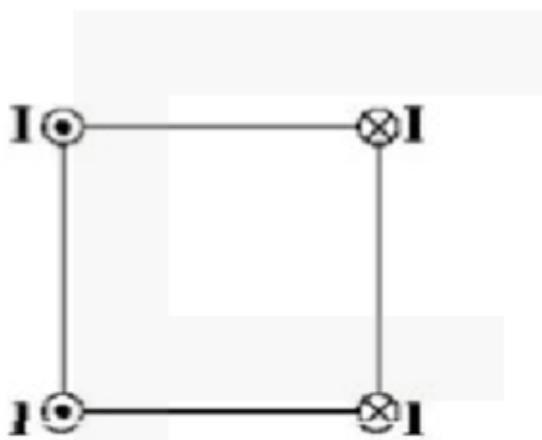
$$\Rightarrow \bar{I} = \left| -\frac{100}{2} \times \frac{-2 \times 1 \times 10^{-4} \times 100 \times 10^{-4}}{25 \times 10^{-3}} \right| = 4 \times 10^{-3} \text{ A} = 4 \text{ mA}$$

حلقه‌ای با مساحت سطح مقطع 50cm^2 در یک میدان مغناطیسی یکنواخت و هم‌راستا با خطوط آن قرار دارد. اگر بزرگی میدان مغناطیسی 100G کاهش یابد، شار مغناطیسی عبوری از سطح حلقه چند ویر تغییر می‌کند؟

$$\begin{array}{lll} \text{(۱)} & 5 \times 10^{-5} & 4 \times 10^{-5} \\ & 5 \times 10^{-1} & 2 \end{array}$$

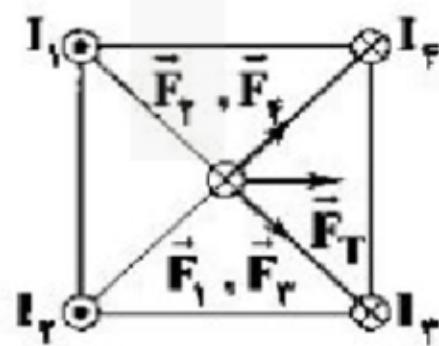
گزینه ۴ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که در رابطه‌ی شار مغناطیسی $\Phi = B A \cos \theta$ ، θ زاویه‌ی بین نیم خط عمود بر سطح حلقه و بردار میدان مغناطیسی است. چون حلقه هم‌راستا با خطوط میدان مغناطیسی قرار دارد، بنابراین $\theta = 90^\circ$ و شار مغناطیسی عبوری از حلقه برابر با صفر است و با تغییر بزرگی میدان مغناطیسی، شار تغییر نخواهد کرد.

در شکل زیر، چهار سیم بلند مشابه، حامل جریان‌های الکتریکی ثابت و مساوی در چهار رأس یک مربع قرار دارند. اگر یک سیم مستقیم و بلند که حامل جریان الکتریکی ثابت به سمت داخل صفحه است، در مرکز مربع قرار دهیم، برایند نیروهای مغناطیسی وارد بر آن به کدام جهت خواهد بود؟

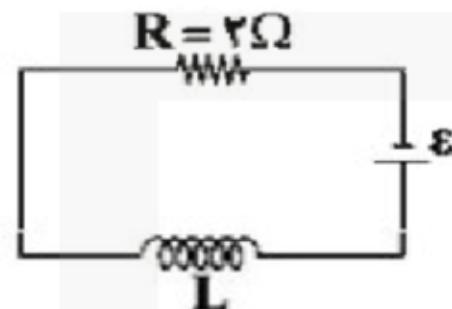


- (۱) →
- (۲) ←
- (۳) ↑
- (۴) ↓

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. اگر دو سیم موازی و بلند دارای جریان‌های الکتریکی هم‌جهت باشند، یک دیگر را جذب می‌کنند و اگر جهت جریان‌های آنها مخالف یک دیگر باشند، یک دیگر را دفع می‌کنند. چون جریان‌های $I_1 = I_2 = I_3 = I_4$ است و فاصله‌ی آنها از مرکز مربع یکسان است، بزرگی نیروی مغناطیسی که هر یک از سیم‌ها بر سیم حامل جریان واقع در مرکز مربع وارد می‌کنند با هم برابر است و برایند آنها به صورت افقی و به سمت راست خواهد بود.



در مدار شکل زیر، توان مصرفی مقاومت R برابر ۸ وات است. اگر سیم‌لوله در هر متر ۲۰ دور حلقه داشته باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز سیم‌لوله چند گاوس است؟ ($\mu = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$ و باتری ایده‌آل است).



گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا جریان الکتریکی عبوری از مقاومت که همان جریان مدار (سیم‌لوله) است را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow I = \frac{V}{R}$$

بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز سیم‌لوله عبارت است از:

$$B = \frac{\mu_0 \cdot NI}{L} \Rightarrow B = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 30 \times 2}{1} = 2/4\pi \times 10^{-5} \text{ T}$$

$$1 \text{ T} = 10^4 \text{ G} \Rightarrow B = 2/4\pi \times 10^{-1} \text{ G}$$

$$2/4\pi \times 10^{-5}$$

$$2/4\pi \times 10^{-1}$$

$$1/2\pi \times 10^{-5}$$

$$4/8\pi \times 10^{-1}$$

چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

در عنصر نیکل حوزه‌ی مغناطیسی وجود دارد.

در فولاد، حجم حوزه‌های مغناطیسی با حذف میدان مغناطیسی خارجی به راحتی تغییر می‌کند.
خاصیت مغناطیسی ذاتی در مس وجود ندارد.

در آهن، حجم حوزه‌های مغناطیسی در حضور میدان مغناطیسی خارجی به راحتی تغییر می‌کند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بررسی عبارت‌ها:

نیکل جزء مواد فرومغناطیسی است و دارای حوزه‌ی مغناطیسی می‌باشد.

فولاد جزء مواد فرومغناطیسی سخت است و حجم حوزه‌های مغناطیسی آن با حذف میدان مغناطیسی خارجی به سختی تغییر می‌کند.

مس جزء مواد دیامغناطیسی است و خاصیت مغناطیسی ذاتی ندارد.

آهن جزء مواد فرومغناطیسی نرم است و حجم حوزه‌های مغناطیسی آن در حضور میدان مغناطیسی خارجی به راحتی تغییر می‌کند.

یک ذره که که با بار الکتریکی منفی در بالای خط استوا به طور عمودی به سمت کره زمین حرکت می‌کند. نیروی که از طرف میدان مغناطیسی زمین به آن وارد می‌شود، به کدام جهت است؟

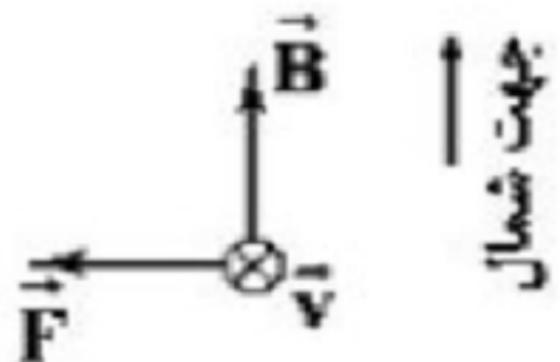
۴) غرب

۳) شرق

۲) جنوب

۱) شمال

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به این‌که جهت میدان مغناطیسی زمین در استوا به صورت افقی و به سمت شمال است، لذا طبق قاعده‌ی دست راست برای بار الکتریکی منفی، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره به سمت غرب خواهد بود.



مقاومت R را به اختلاف پتانسیل ثابت ۲۴ ولت متصل می‌کنیم و در مدت زمان ۲۰ دقیقه، بار الکتریکی ۸۰۰ میلی‌آمپر ساعت از آن عبور می‌کند. مقاومت R چند اهم است؟

۴۰) (۴)

۳۰) (۳)

۲۰) (۲)

۱۰) (۱)

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم که واحد بار الکتریکی، کولن یا آمپر ثانیه است.

$$\Delta q = I \Delta t$$

$$\Delta q = 800 \times \frac{1A}{10^3} mA \times \frac{3600s}{1h} = 2880 C$$

$$\Delta t = 20 \times 60 = 1200 s$$

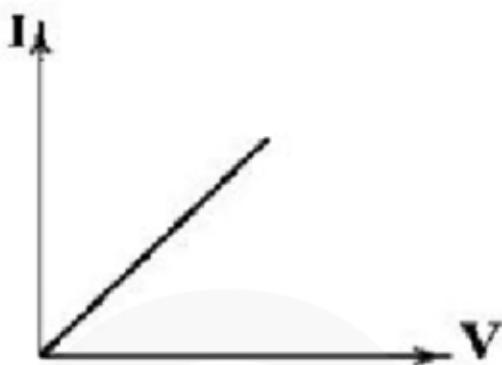
$$\Rightarrow I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{2880}{1200} = 2.4 A$$

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow R = \frac{24}{2.4} \Rightarrow R = 10 \Omega$$

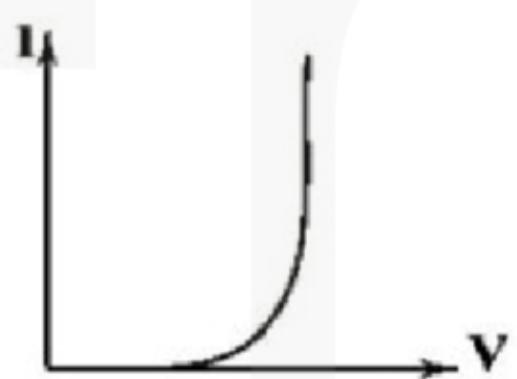
نمودار تغییرات جریان الکتریکی بر حسب اختلاف پتانسیل برای یک دیود، کدام است؟



(۲)



(۱)



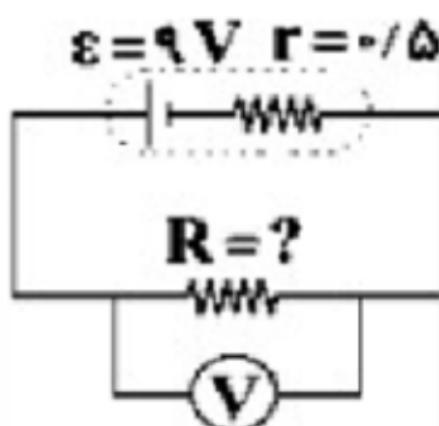
(۴)



(۳)

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. دیود یک مقاومت غیر اهمی است و تغییرات جریان الکتریکی بر حسب اختلاف پتانسیل برای آن غیرخطی است.

در مدار شکل زیر، ولت سنج ایدهآل ۸ ولت را نشان می دهد. به ترتیب از راست به چپ، مقاومت خارجی مدار چند
اهم و جریان عبوری از مدار چند آمپر است؟



۲، ۴ (۲)

۱، ۴ (۱)
۲

۲، ۲ (۴)

۴، ۲ (۳)

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در این مدار، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت خارجی که توسط ولت سنج اندازه گیری شده با اختلاف پتانسیل دو سر باتری برابر است، در نتیجه:

$$V = E - I_R \Rightarrow V = 9 - 0.5I \Rightarrow I = 2\text{A}$$

$$V = RI \Rightarrow 8 = R \times 2 \Rightarrow R = 4\Omega$$

رئوستا نوعی مقاومت متغیر است که از سیمی با مقاومت ویژه نسبتاً ساخته شده و این سیم روی یک استوانه‌ی پیچیده می‌شود. در مدارهای الکترونیکی، وسیله‌ای به نام نقش رئوستا را ایفا می‌کند.

- ۱) کم - نارسانا - ترمیستور
- ۲) زیاد - رسانا - ترمیستور
- ۳) کم - رسانا - پتانسیومتر

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. رئوستا نوعی مقاومت متغیر است که از سیمی با مقاومت ویژه نسبتاً زیاد ساخته شده و این سیم روی یک استوانه‌ی نارسانا پیچیده می‌شود. در مدارهای الکترونیکی، وسیله‌ای به نام پتانسیومتر نقش رئوستا را ایفا می‌کند.

دو سر خازن تختی که فضای بین صفحات آن خلاء است را به یک باتری با اختلاف پتانسیل ثابت ۷ وصل می‌کنیم. اگر بدون این که خازن را از باتری جدا کنیم، فضای بین صفحات آن را به وسیلهٔ ماده‌ای با ثابت دیالکتریک $1/8$ پر کرده و مساحت صفحات خازن را نصف کنیم، اندازهٔ میدان الکتریکی بین دو صفحهٔ خازن چند برابر می‌شود؟

۱) ۴

۲) $\frac{9}{5}$

۳) $\frac{1}{2}$

۴) $\frac{9}{10}$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اندازهٔ میدان الکتریکی بین دو صفحهٔ خازن از رابطهٔ $E = \frac{V}{d}$ محاسبه می‌شود. با

توجه به این که خازن از مولد جدا نشده و فاصلهٔ بین صفحات آن نیز ثابت است، بنابراین اندازهٔ میدان الکتریکی بین دو صفحهٔ خازن ثابت می‌ماند. ($E_2 = E_1$)

یک ذره با بار الکتریکی q را در یک میدان الکتریکی یکنواخت از حال سکون رها می‌کنیم. اگر این ذره تنها تحت تأثیر میدان الکتریکی شتاب بگیرد، کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

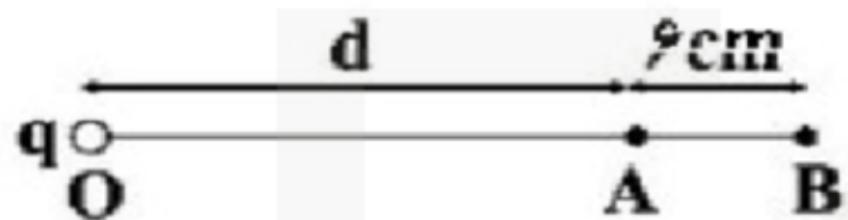
- ۱) تغییرات انرژی جنبشی ذره برابر با منفی کاری است که میدان الکتریکی روی ذره انجام می‌دهد.
- ۲) بسته به نوع بار، ممکن است انرژی پتانسیل الکتریکی ذره افزایش یا کاهش یابد.
- ۳) همان اندازه که انرژی جنبشی ذره افزایش می‌یابد، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.
- ۴) تغییرات انرژی پتانسیل ذره برابر کاری است که میدان الکتریکی روی ذره انجام می‌دهد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به صورت سؤال، نیروی الکتریکی بر ذره وارد می‌شود، بنابراین طبق قضیه کار و انرژی جنبشی گزینه‌ی (۱) نادرست است. $(\Delta K = W_E)$

از سوی دیگر، همواره تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی برابر با منفی کار میدان الکتریکی است و گزینه‌ی (۴) نیز نادرست است. $(\Delta U = W_E)$

با توجه به دو رابطه‌ی فوق، نتیجه می‌شود $\Delta K = -\Delta U$ ، یعنی تغییرات انرژی جنبشی ذره برابر با منفی تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی آن است، چون ذره از حال سکون شروع به حرکت کرده، بنابراین انرژی جنبشی آن افزایش یافته و انرژی پتانسیل الکتریکی ذره کاهش یافته است، در نتیجه گزینه‌ی (۲) نیز نادرست و گزینه‌ی (۳) صحیح است.

در شکل زیر، بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q در نقاط A و B را به ترتیب E_A و E_B مینامیم. اگر باشد، فاصله‌ی d چند سانتی‌متر است؟ (نقاط O، A و B در یک راستا قرار دارند.)



۶۰ (۲)

۷۲ (۱)

۲۴ (۴)

۳۶ (۳)

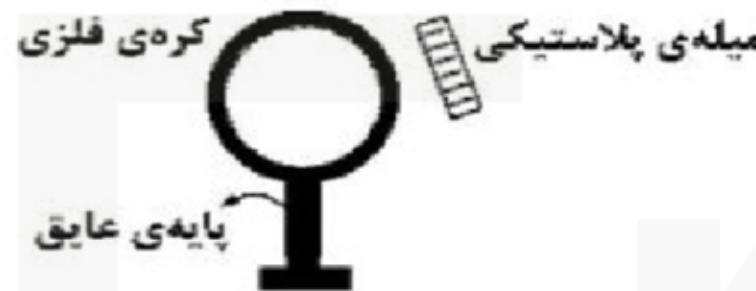
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

میدان الکتریکی در اطراف یک بار الکتریکی نقطه‌ای با مجدور فاصله از بار، رابطه‌ی عکس دارد، یعنی:

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_A}{E_B} = \left(\frac{r_B}{r_A} \right)^2 \xrightarrow{E_A = 1/21 E_B} \frac{1/21}{1} = \left(\frac{d+6}{d} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{d+6}{d} = 1/1 \Rightarrow 1/d = 6 \Rightarrow d = 6\text{cm}$$

مطابق شکل زیر، یک میله‌ی پلاستیکی با بار الکتریکی منفی را به یک کره فلزی خنثی نزدیک کرده و در نتیجه تجمع بارهای روی سطح کره و در نزدیکی میله افزایش می‌یابد. اگر در همین حالت، کره را برای مدت کوتاهی به زمین متصل کنیم، بار کل کره می‌شود.



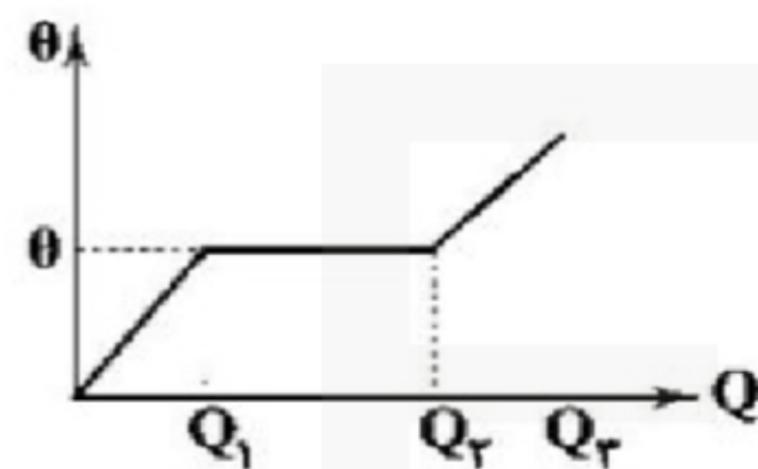
- (۱) مثبت - مثبت
- (۲) مثبت - خنثی
- (۳) منفی - خنثی
- (۴) مثبت - منفی

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. مطابق شکل، میله‌ی پلاستیکی با بار منفی در اثر القای بار الکتریکی، الکترون‌های سطح کره را دفع کرده و در نتیجه بارهای مثبت روی سطح کره و نزدیک به میله تجمع می‌کنند.



وقتی کره برای مدت کوتاهی به زمین متصل می‌شود، الکترون‌ها از میله‌ی پلاستیکی بیشتر فاصله گرفته و به زمین منتقل می‌شوند. وقتی کره مجدداً از زمین جدا می‌شود، تعداد بارهای مثبت آن بیش از بارهای منفی است و بار کل کره مثبت خواهد بود.

در شکل زیر، تغییرات دمایی یک جامد به جرم یک کیلوگرم برحسب گرمای داده شده به آن رسم شده است.
گرمای نهان ویژه ذوب جسم، کدام گزینه می‌تواند باشد؟



$$Q_1 \quad (1)$$

$$Q_2 \quad (2)$$

$$Q_2 - Q_1 \quad (3)$$

$$Q_2 + Q_1 \quad (4)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. گرمای نهان ویژه ذوب برابر با مقدار گرمایی است که به یک کیلوگرم از یک جسم جامد داده می‌شود تا در دمای ثابت (دمای ذوب جسم)، از حالت جامد به حالت مایع تبدیل شود، بنابراین دمای جسم در گذر از حالت جامد به مایع و بالعکس، ثابت می‌ماند، و با توجه به نمودار داریم:

$$Q_2 - Q_1 = m L_f \Rightarrow L_f = \frac{Q_2 - Q_1}{m} \xrightarrow{m = 1\text{ kg}} L_f = Q_2 - Q_1$$

یک میله‌ی استوانه‌ای شکل از جنس مس به طول ۲m و مساحت سطح مقطع 167cm^2 که سطح جانبی آن عایق‌بند شده، در اختیار است. یک طرف میله در مخلوط آب و یخ با دمای 0°C و طرف دیگر آن در مخلوط آب جوش و بخار آب با دمای 100°C قرار دارد. به ترتیب از راست به چپ، آهنگ انتقال گرما توسط میله و آهنگ ذوب یخ در

دستگاه SI کدام است؟

(۱) ۱۶۷، ۰/۰۰۱

(۲) ۰/۰۰۱، ۱۶۷

$$(k_{\text{مس}} = 400 \frac{\text{W}}{\text{m}\cdot^\circ\text{C}}, L_f = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$$

(۳) ۱، ۳۳۴

(۴) ۰/۰۰۱، ۳۳۴

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. آهنگ انتقال گرما برابر است با:

$$Q = \frac{kA\Delta\theta}{L} = \frac{400 \times 167 \times 10^{-4} \times 100}{2} = 334 \text{ W}$$

بنابراین در هر ثانیه ۳۳۴ ژول گرما از منبع گرم به منبع سرد منتقل شده و باعث ذوب شدن یخ موجود در منبع سرد می‌گردد، در نتیجه:

$$Q = mL_f \Rightarrow 334 = m \times 334 \times 10^3 \Rightarrow m = 1 \times 10^{-3} \text{ kg} = 0/001 \text{ kg}$$