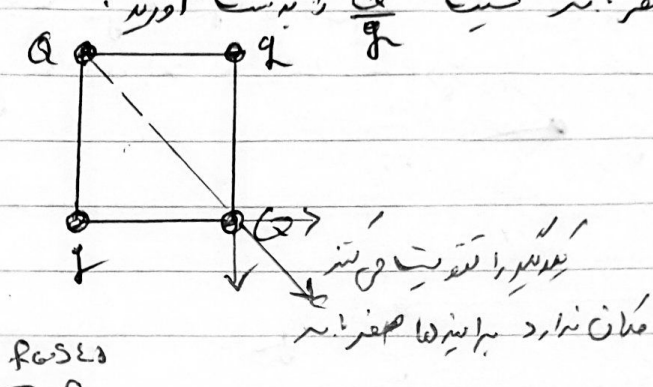
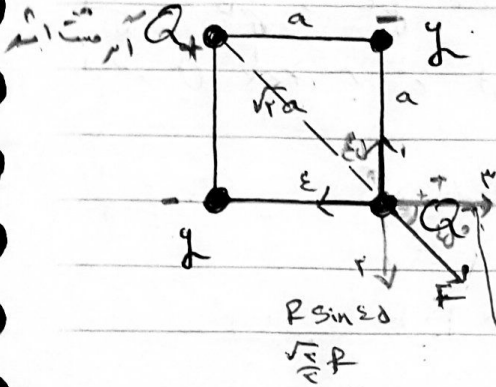


سوال ۴۸ [بارهای الکتریکی q و Q مطابق شکل در چهار رأس مربع قرار دارند اگر برآمد نیروها



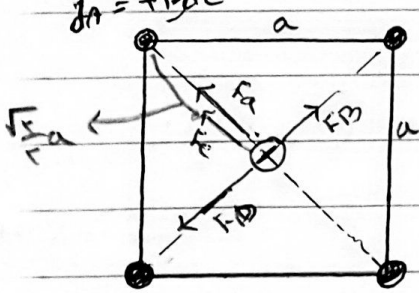
$$F = \frac{kQq}{r^2}$$

$$F_1 = F_2, \quad F_3 = F_4$$

$$\frac{x \cdot Q}{r^2} = \frac{y \cdot q}{r^2}$$

$$1 = \frac{\sqrt{2} \cdot Q}{\frac{a}{\sqrt{2}} \cdot q} \rightarrow \left| \frac{Q}{q} \right| = \frac{a}{\sqrt{2}} = r\sqrt{2} \Rightarrow \frac{Q}{q} = -\sqrt{2}$$

سوال ۴۹ [در چهار رأس یک مربع به ضلع 2 سانتی متر، مطابق شکل بارهای نقطه‌ای قرار داده‌اند اگر بار $q = 10^{-8}$ کولمب و بار $Q = 10^{-8}$ کولمب و در تمام جهت خالص بود.

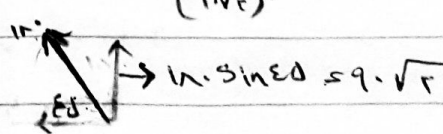
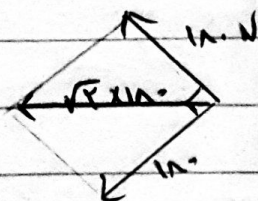


$$F_A = \frac{q \cdot q \cdot 2 \cdot 10^{-8}}{(1.414)^2} = 9 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$F_B = \frac{q \cdot q \cdot 2 \cdot 10^{-8}}{(1.414)^2} = 9 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$F_C = \frac{q \cdot q \cdot 2 \cdot 10^{-8}}{(1.414)^2} = 9 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$F_D = \frac{q \cdot Q \cdot 4 \cdot 10^{-8}}{(1.414)^2} = 18 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

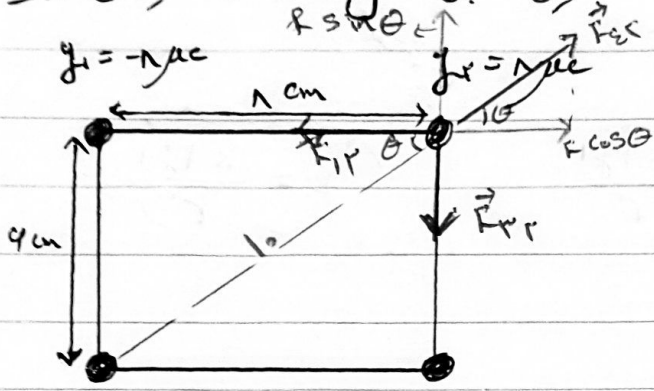


$$18 \cdot 10^{-8} \cos 45^\circ = 9\sqrt{2}$$

$$9\sqrt{2} + 9\sqrt{2} = 18\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow F_T = -18\sqrt{2} \hat{i}$$

سوال ۵۰) چهار بار الکتریکی در رأس های مستطیلی مطابق شکل قرار دارند. نیروی هر بار را در هر یک از گوشه های مستطیل بنویسید.

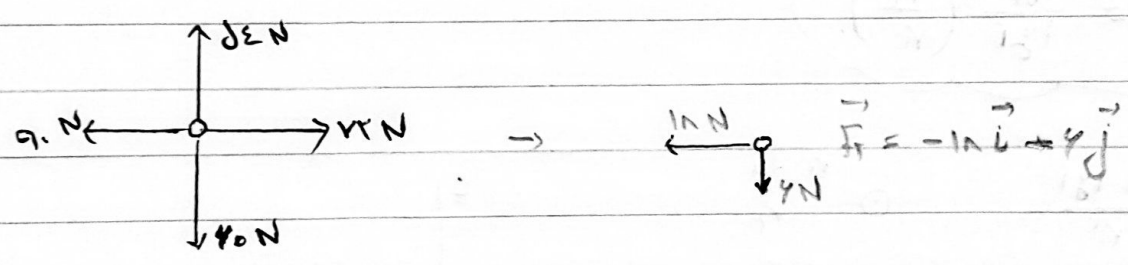


$$F_{12} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 1}{1^2} = 9 \times 10^9 \text{ N}$$

$$F_{13} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 1}{4^2} = 5.625 \times 10^8 \text{ N}$$

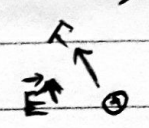
$q_1 = -1 \text{ nC}$ $q_2 = 1 \text{ nC}$ $F_{23} = \frac{9 \times 10^9 \times 17.5 \times 1}{1^2} = 1.575 \times 10^{11} \text{ N}$

$\sin \theta = \frac{4}{\sqrt{17}} \approx 0.97$ $F_{23} \cos \theta = 1.575 \times 10^{11} \times 0.97 \approx 1.52775 \times 10^{11} \text{ N}$
 $\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{17}} \approx 0.24$ $F_{23} \sin \theta = 1.575 \times 10^{11} \times 0.24 \approx 3.78 \times 10^{10} \text{ N}$



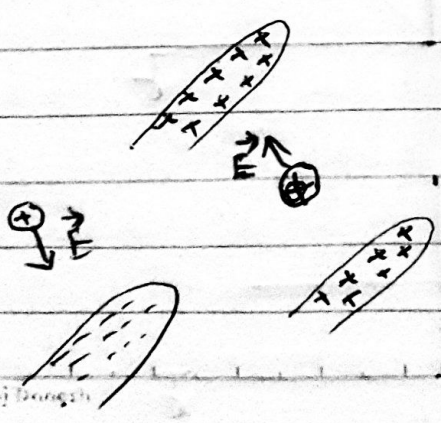
حکم ۱۱ نیروی یک میدان الکتریکی

میدان الکتریکی خاصیتی که بار q در بیرون خود ایجاد می کند و وقتی بار دیگری را در آن قرار دهیم از فضای بیرون آن قرار دهیم بار q تحت تأثیر قرار می گیرد و بر آن نیروی الکتریکی وارد می شود. بار آزمون: بار کوچک مثبت و صلب.

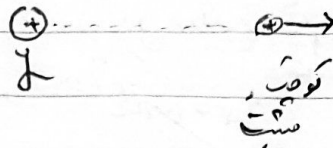
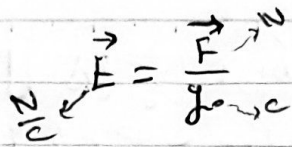


$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

میدان الکتریکی به درای است.

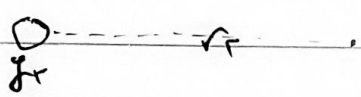
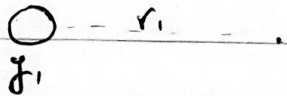


جهت میدان الکتریکی همان جهت نیروی وارد بر بار آزمون است.



$$E = \frac{F}{q_2} = \frac{\frac{k|q_1|q_2}{r^2}}{q_2} = \frac{k|q_1|}{r^2}$$

$$E = \frac{k|q_1|}{r^2}$$

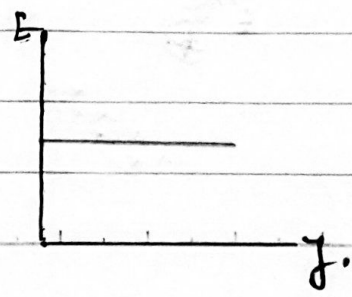
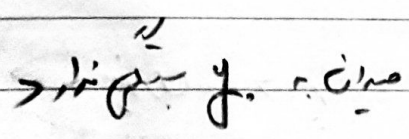
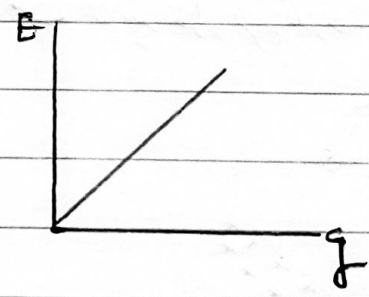
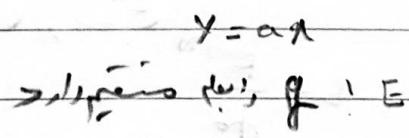
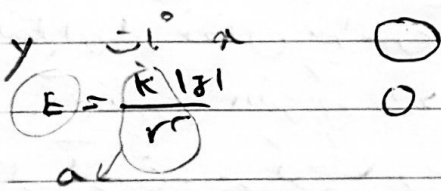
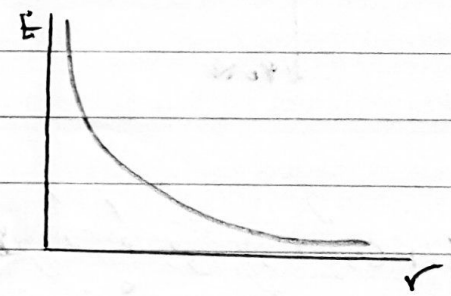
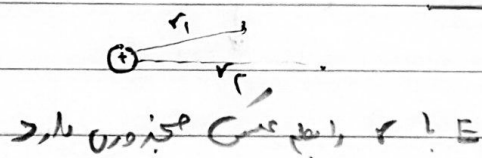


$$E_r = \frac{k|q_1|}{r^2} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{r_1}{r}\right)^2$$

$$E_i = \frac{k|q_1|}{r^2}$$

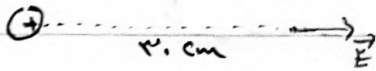
$$\frac{E_r}{E_i} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \left(\frac{r_1}{r}\right)^2$$

$$E = \frac{k|q_1|}{r^2}$$



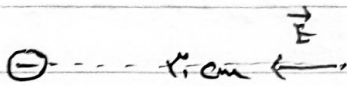
ادام حسب ۱۱ فنزینیک

سوال ۱۵۱ (الف) میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای $2 \mu\text{C}$ در فاصله 3 cm دست آورید و بردار آن را رسم کنید



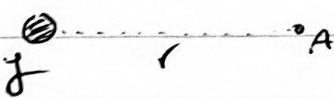
$$E = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{0.03^2} = 2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

ب) میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای $2 \mu\text{C}$ در فاصله 3 cm به دست آورید و بردار آن را رسم کنید



$$E = \frac{k|q|}{r^2} = 2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

سوال ۱۵۲ (الف) اندازه میدان الکتریکی یک ذره باردار $(q = -1 \mu\text{C})$ در نقطه A $4 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$ است. $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N}}{\text{C}})$



الف) فاصله نقطه A از بار را به دست آورید

۱- در چه فاصله‌ای میدان E برابر می‌شود؟ $E_r = 4 E_1$

۲- در چه فاصله‌ای میدان E دو برابر می‌شود؟ $E_r = 1/4 E_1$

۳- در چه فاصله‌ای میدان E چهار برابر می‌شود؟ $E_r = 1/16 E_1$

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \rightarrow 4 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{r^2} \rightarrow r = \frac{9 \times 10^3}{4 \times 10^5} = \frac{9 \times 10^{-2}}{4} = 2.25 \text{ cm}$$

$$\frac{9}{4 \times 10^5} \Rightarrow r = \frac{3}{10} = 0.3 \text{ m} = 30 \text{ cm}$$

$$\frac{E_r}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_r}\right)^2$$

$$4 = \left(\frac{10}{r_r}\right)^2 \rightarrow 2 = \frac{10}{r_r} \rightarrow r_r = 5 \text{ cm}$$

$$16 = \left(\frac{10}{r_r}\right)^2 \rightarrow \frac{4}{1} = \frac{10}{r_r} \rightarrow r_r = 2.5 \text{ cm}$$

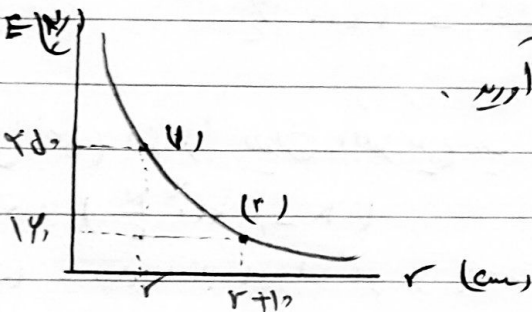
$$\Rightarrow 1/16 = \left(\frac{10}{r_r}\right)^2 \rightarrow 1/4 = \frac{10}{r_r} \rightarrow r_r = 40 \text{ cm}$$

سوال ۵۳) میدان الکتریکی در فاصله ۲۰ سانتیمتری از بار q برابر E است. چند سانتیمتری متر دیگر از این بار دور شویم تا میدان الکتریکی ۷۵ درصد کاهش یابد؟

$$E_2 = E_1 - \frac{75}{100} E_1 = \frac{25}{100} E_1 \quad E_1 = 25 E_2$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \quad \frac{25 E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \quad \frac{25}{100} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$\frac{5}{10} = \frac{r_1}{r_2} \rightarrow r_2 = 2 \text{ cm} \quad \text{یعنی ۲۰ سانتیمتری دور شویم}$$



سوال ۵۴) با توجه به نمودار مقابل فاصله r را به دست آورید.

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$\frac{14}{25} = \left(\frac{r}{r+10}\right)^2$$

$$\frac{E}{5} = \frac{r}{r+10} \rightarrow 5r + 50 = 5r \quad E = 5r$$

سوال ۵۵) اگر میدان الکتریکی در فاصله ۲ از بار q برابر E باشد.

الف) در فاصله $2\sqrt{2}$ از بار q میدان چند برابر می‌شود؟ چند درصد تغییر می‌کند؟

ب) اگر فاصله ۵ درجه افزایش یابد میدان چند برابر می‌شود؟ چند درصد تغییر می‌کند؟

ج) اگر فاصله ۵ درصد کاهش یابد میدان چند برابر می‌شود؟ چند درصد تغییر می‌کند؟

$$\text{الف) } r_2 = 2\sqrt{2} \quad \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \quad \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{2\sqrt{2}r_1}\right)^2 = \frac{1}{8}$$

$$E_2 = \frac{1}{8} E_1 = 12.5\% E_1 \quad \text{کاهش ۷۵٪} \quad \text{میدان } \frac{1}{8} \text{ برابر می‌شود}$$

$$\frac{\Delta E}{E_1} \times 100 = \frac{E_2 - E_1}{E_1} \times 100 = \frac{12.5 E_1 - E_1}{E_1} \times 100 = -87.5\% \quad \text{کاهش}$$

$$\text{ب) } r_2 = r_1 + \frac{5}{100} r_1 = 1.05 r_1 \quad \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \left(\frac{r_1}{1.05 r_1}\right)^2 = \frac{E}{1.1025}$$

$$E_2 = \frac{E}{1.1025} \quad \frac{\Delta E}{E_1} \times 100 = \frac{\frac{E}{1.1025} - E}{E} \times 100 = -9.9\% \approx -10\%$$

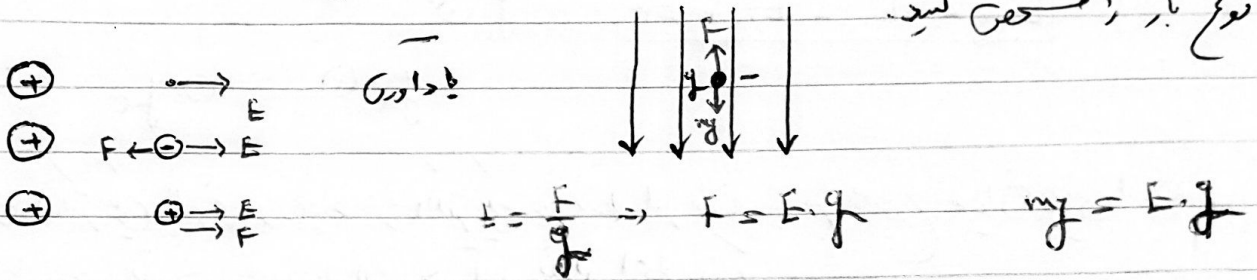
$$\text{ج) } r_2 = r_1 - \frac{5}{100} r_1 = \frac{95}{100} r_1 \quad \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \left(\frac{r_1}{\frac{95}{100} r_1}\right)^2 = \frac{E}{0.9025} \quad E_2 = 1.108 E_1$$

$$\frac{\Delta E}{E_1} \times 100 = \frac{1.108 E_1 - E_1}{E_1} \times 100 = 10.8\%$$

یعنی ۱۰.۸ درصد افزایش

سوله ران دوگراف در کتاب آورده شده است.

سوال ۵۶ - در شکل مقابل اندازه بار q معلوم، جسم آن 2 گرم است اندازه میدان الکتریکی چند $\frac{N}{C}$ باشد تا ذره در میدان الکتریکی معلق بماند. $(g = 10 \frac{N}{kg})$
 نوع بار را مشخص کنید.



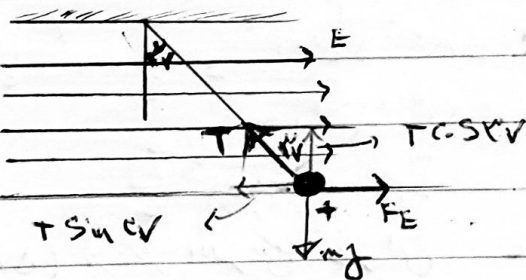
$$q = \frac{2 \times 10^{-3}}{10} = 2 \times 10^{-4} \text{ C} \Rightarrow E = \frac{2 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-4}} = 10 \frac{N}{C}$$

$$q = \frac{2 \times 10^{-3}}{10} = 2 \times 10^{-4} \text{ C}$$

سوال ۵۷ - در شکل مقابل نوع، مقدار بار q را طوری تعیین کنید تا آونگ در حال تعادل باشد.

$$E = 2 \times 10^5 \frac{N}{C} \quad m = 10^{-3} \text{ kg} \quad \sin 37^\circ = \frac{3}{5} \quad \cos 37^\circ = \frac{4}{5}$$

نوع بار مثبت خواهد بود



$$T \sin \theta = Eq$$

$$T \cos \theta = mg$$

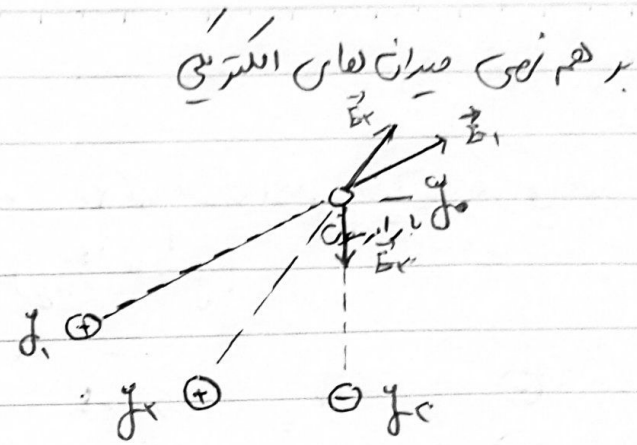
$$\tan \theta = \frac{Eq}{mg}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{2 \times 10^5 \times q}{10^{-3} \times 10} \Rightarrow q = \frac{3 \times 10^{-6}}{2} \text{ C}$$

$$\vec{F}_E = \vec{F}_{E1} + \vec{F}_{E2} + \vec{F}_{E3}$$

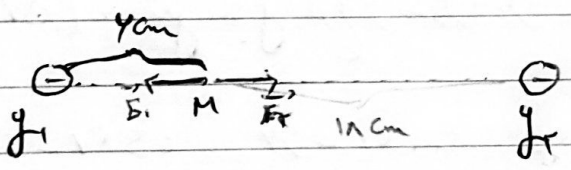
$$\frac{\vec{F}_E}{q} = \frac{\vec{F}_{E1}}{q_1} + \frac{\vec{F}_{E2}}{q_2} + \frac{\vec{F}_{E3}}{q_3}$$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3$$



میدان الکتریکی ناشی از چند بار الکتریکی در نقطه ای، فقط برابر مجموع میدان‌های آن است. هر بار در نبود سایر بارها در آن نقطه ایجاد می‌کند.

مسئله ۱۵۸) دو بار الکتریکی $q_1 = -9 \mu\text{C}$ و $q_2 = -27 \mu\text{C}$ در فاصله $2\sqrt{3} \text{ cm}$ از یکدیگر ثابت شده‌اند. بزرگی میدان الکتریکی را در نقطه M محاسبه کنید. $K = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}$

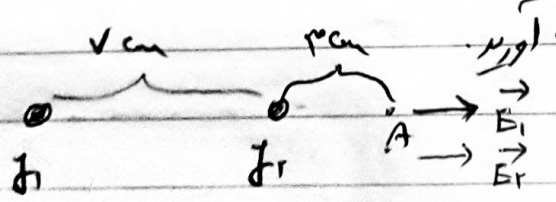


$$E_1 = \frac{K|q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-6}}{1^2} = 9 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$E_2 = \frac{K|q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 27 \times 10^{-6}}{2^2} = \frac{27}{4} \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\vec{E}_1 = \frac{9}{1} \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}} \quad \vec{E}_2 = \frac{27}{4} \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

مسئله ۱۵۹) دو بار الکتریکی $q_1 = q_2 = 3 \mu\text{C}$ در فاصله $2\sqrt{3} \text{ cm}$ از یکدیگر ثابت شده‌اند. ($K = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}$) بزرگی میدان الکتریکی را در نقطه A دست آورید.



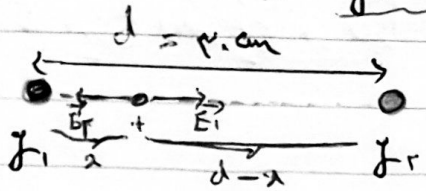
$$E_1 = \frac{K|q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-6}}{(\sqrt{3})^2} = 3 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$E_2 = \frac{K|q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-6}}{(\sqrt{3})^2} = 3 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\vec{E}_1 = 3 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\vec{E}_2 = 3 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

سوال ۱۲) دو بار الکتریکی نقطه‌ای مقدار $q_1 = 2 \mu\text{C}$ و $q_2 = -4 \mu\text{C}$ فاصله 30 cm از یکدیگر دارند. در چه فاصله‌ای از بار q_1 برآیند میدان‌های الکتریکی صفر شود؟



یادآوری: وقتی دو بار هم نام هستند یعنی دو بار مثبت یا دو بار منفی، در هر نقطه‌ای که قرار دهیم برآیند میدان‌های الکتریکی صفر می‌شود.

$$\frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \quad \frac{k|q_1|}{x^2} = \frac{k|q_2|}{(d-x)^2} \rightarrow \left(\frac{d-x}{x}\right)^2 = \frac{|q_2|}{|q_1|}$$

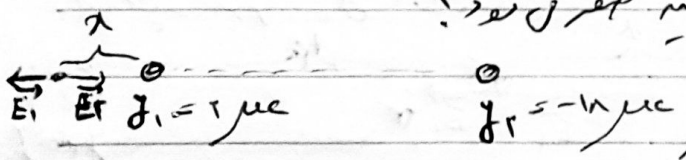
$$\frac{d-x}{x} = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} \rightarrow \frac{d}{x} - 1 = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} \Rightarrow \frac{d}{x} = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} + 1 \rightarrow x = \frac{d}{\sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} + 1}$$

$$\frac{30-x}{x} = \sqrt{\frac{4}{2}} \rightarrow \frac{30-x}{x} = 2 \Rightarrow 30-x = 2x \Rightarrow x = 10 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow d-x = 30-10 = 20 \text{ cm}$$

فاصله از بار کوچکتر
دو بار هم نام هستند
بار بزرگتر

سوال ۱۴) دو بار الکتریکی نقطه‌ای مقدار $q_1 = 2 \mu\text{C}$ و $q_2 = -1 \mu\text{C}$ فاصله 30 cm از هم واقع اند. در چه فاصله‌ای از بار q_1 میدان الکتریکی برآیند صفر می‌شود؟



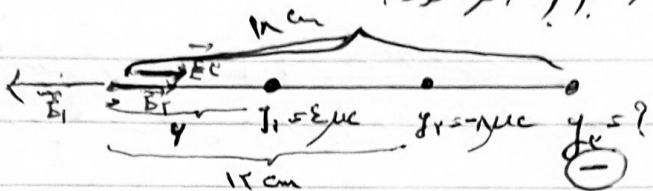
$$E_1 = E_2 \quad \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \quad \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(x+d)^2}$$

$$\left(\frac{x+d}{x}\right)^2 = \frac{|q_2|}{|q_1|} \rightarrow \frac{x+d}{x} = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} \rightarrow \frac{d}{x} + 1 = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} \rightarrow \frac{d}{x} = \sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} - 1$$

$$x = \frac{d}{\sqrt{\frac{|q_2|}{|q_1|}} - 1}$$

$$\frac{30+x}{x} = \sqrt{\frac{1}{2}} \quad \frac{30+x}{x} = 2 \rightarrow x = 10 \text{ cm}$$

سوال ۱۲) بارهای الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = 4 \mu\text{C}$ و $q_2 = 1 \mu\text{C}$ در فاصله $r = 12 \text{ cm}$ قرار دارند. بار نقطه‌ای چقدر و کجای مرکز را باید در مکان $x = 18 \text{ cm}$ قرار داد تا میدان الکتریکی در مبدأ صفر شود؟



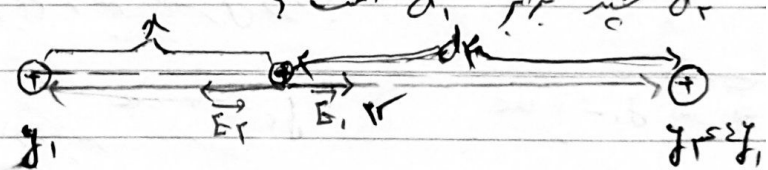
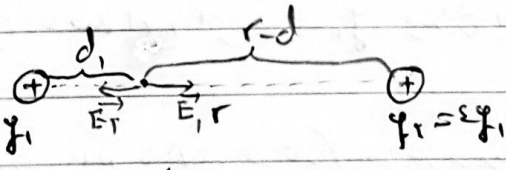
$$E_1 = \frac{k \times 4 \mu\text{C}}{12^2 \times 10^{-6}} \quad \rightarrow \quad E_2 = \frac{k \times 1 \mu\text{C}}{18^2 \times 10^{-6}}$$

$$E_1 = E_2 + E_3$$

$$\frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} + \frac{k|q|}{r^2} \quad \Rightarrow \quad \frac{4}{12^2} = \frac{1}{18^2} + \frac{|q|}{18^2}$$

$$\frac{4}{12^2} = \frac{1}{18^2} + \frac{|q|}{18^2} \quad \Rightarrow \quad 4 = \frac{12^2}{18^2} + \frac{|q|}{18^2} \quad \Rightarrow \quad |q| = 12 \mu\text{C}$$

سوال ۱۳) دو بار نقطه‌ای q_1 و $q_2 = 4q_1$ در فاصله r از هم واقعند. میدان الکتریکی ناشی از دو بار در فاصله d از بار q_1 برابر صفر است. اگر فاصله دو بار از هم r برابر شود، میدان الکتریکی برآیند در فاصله d از بار q_1 چقدر صفر شود؟



$$\frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2}$$

$$\frac{|q_1|}{d^2} = \frac{|q_2|}{(r-d)^2} = \frac{4|q_1|}{(r-d)^2}$$

$$\frac{r-d}{d} = 2$$

$$r-d = 2d$$

$$\boxed{d_1 = \frac{r}{3}}$$

$$\frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2}$$

$$\frac{|q_1|}{(2r-d)^2} = \frac{4|q_1|}{d^2}$$

$$\frac{d^2}{(2r-d)^2} = 4$$

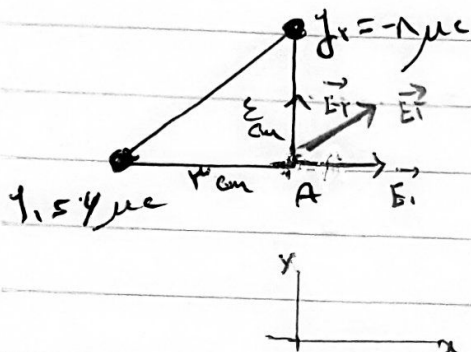
$$\frac{d}{2r-d} = 2$$

$$d = 4r - 2d$$

$$3d = 4r \quad d = \frac{4}{3}r$$

$$\frac{d_r}{d_i} = ? \quad \frac{d_r}{d_i} = \frac{\frac{4}{3}r}{\frac{r}{3}} = 4$$

سوال ۴۴) میدان الیکٹریکی برائے پوائنٹ چارج، نقطہ A پر حسب پیکار، فاصلے پیدائشی پوائنٹ سے
 دیا گیا ہے۔ ان راہدہت آوریہ ($k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$)



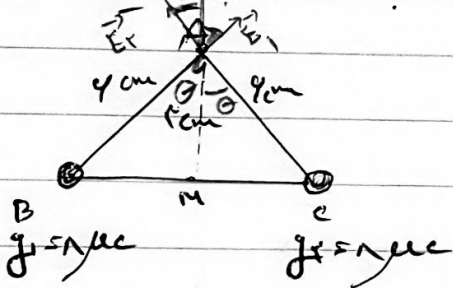
$$E_1 = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{(4 \times 10^{-2})^2} = 4 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{(4 \times 10^{-2})^2} = 4 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\vec{E}_T = 4 \times 10^7 \hat{i} + 4 \times 10^7 \hat{j}$$

$$E_T = \sqrt{(4 \times 10^7)^2 + (4 \times 10^7)^2} = 4 \times 10^7 \times \sqrt{2} = 5.65 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

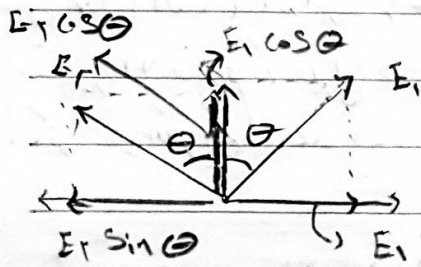
سوال ۴۵) مطابق شکل دو بار الیکٹریکی چارج B اور C پائے پوائنٹ برائے پوائنٹ A کے میدان الیکٹریکی
 حاصل ہیں، ان دو باروں A پر حسب پیکار



$$E_1 = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\cos \theta = \frac{r}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \theta = 54.7^\circ$$



$$E_T \sin \theta = \sqrt{2} \times 2 \times 10^7 = \sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\sqrt{2} \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_T \cos \theta = 2 \times 10^7 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 1.15 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

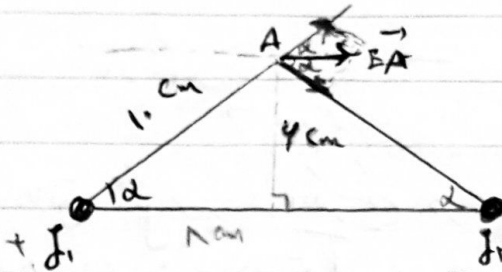
$$E_T \cos \theta = 2 \times 10^7 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 1.15 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\vec{E}_T = 1.15 \times 10^7 \hat{j}$$

حل مسأله ۱۴ فیزیکی

مسئله ۱۴) مطابق شکل دو ضربه با بارهای الکتریکی q_1 و q_2 نقطه واصل آن محور است. در دو رأس یک مثلث متساوی الساقین ثابت شده اند. اگر بردار میدان الکتریکی در نقطه A در SI بر حسب اندازه و نوع بارهای الکتریکی q_1 و q_2 را تعیین کنید.

$EA = 7,2 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$
 $K = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$



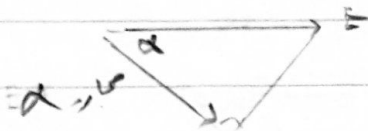
اولی را درست نگاه کنید. q_1 و q_2 را مشخص کنید

$CSd = \frac{E_1}{EA}$

$\frac{r}{10} = \frac{E_1}{7,2 \times 10^9}$

$E_1 = \frac{7,2 \times 10^9 \times r}{10} = 0,72 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1|}{10 \times 10^{-2}}$

$|q_1| = \frac{1}{9} \times 10^{-11} C$



$CSd = \frac{E_2}{EA}$

$\frac{r}{10} = \frac{E_2}{7,2 \times 10^9}$

$E_2 = \frac{7,2 \times 10^9 \times r}{10} = \frac{9 \times 10^9 \times |q_2|}{10 \times 10^{-2}} \Rightarrow |q_2| = 4 \times 10^{-11} C$

حل مسأله ۱۵

مسئله ۱۵) مطابق شکل چهار بار الکتریکی در محل خردنات قرار دارند. بزرگی و جهت میدان الکتریکی

$(K = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$



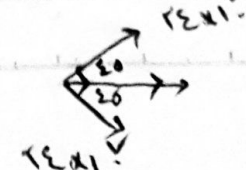
$E_2 = \frac{K|q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{(\frac{\sqrt{2}}{2} \times 3 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{\frac{9}{2} \times 10^{-4}} = \frac{1}{2} \times 4 \times 10^6 = 2 \times 10^6 \frac{N}{C}$

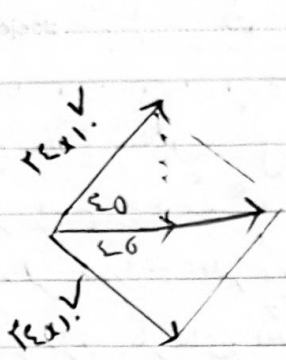
$E_4 = 12 \times 10^6 \frac{N}{C}$

$E_1 = \frac{K|q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-9}}{r^2} = 1 \times 10^6 \frac{N}{C}$

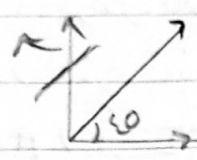
$q_3 = +1 nC$

$E_3 = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-9}}{\frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^6 \frac{N}{C}$

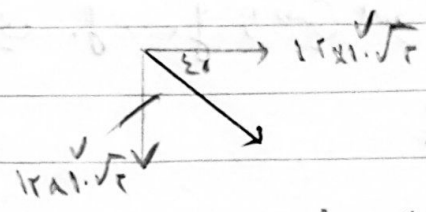




$$2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2} \sin 45^\circ = 2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2}$$



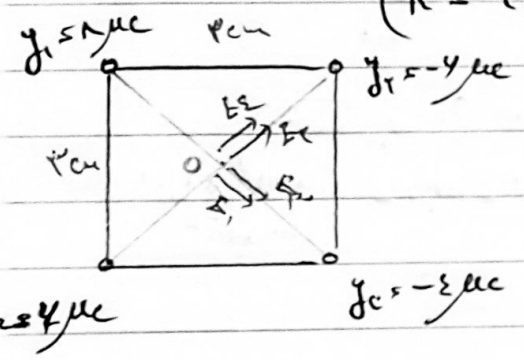
$$2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2} \cdot \cos 45^\circ = 2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2}$$



$$E_T = 2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2}$$

$$E_C = 2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2}$$

سوال ۷۰) مطابق شکل چند بار الکتریکی در محل خود ثابت شده اند. بزرگترین جهت میدان الکتریکی
برای نقطه O را به دست آورید
($k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$)



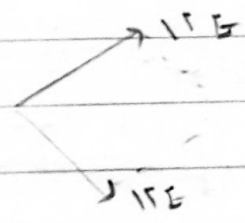
$$E = \frac{9 \times 10^9 \cdot 2 \times 10^{-6}}{\frac{1}{2} \cdot 2 \times 2 \cdot 10^{-2}^2} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_1 = 18E$$

$$E_2 = 4E \rightarrow +12E$$

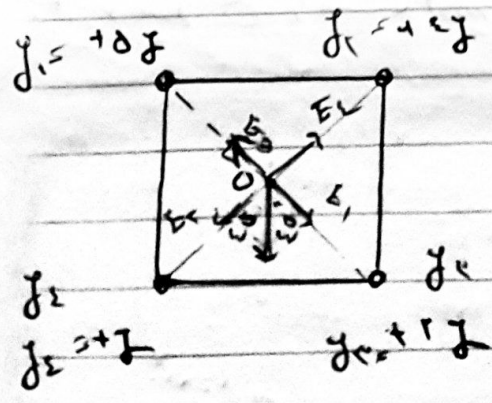
$$E_3 = 8E \rightarrow +12E$$

$$E_4 = 4E$$



$$E_T = \sqrt{(12E)^2 + (12E)^2} = \sqrt{2(12E)^2} = 12E\sqrt{2}$$

سوال ۷۱) اگر در یک رأس از مربعی بار +Q قرار گیرد، اندازه میدان الکتریکی حاصل از آن در مرکز
مربع E است حال اگر در چند رأس از همان مربع بارهای مطابق شکل قرار گیرند، اندازه میدان
الکتریکی در مرکز آن چند برابر E می شود.



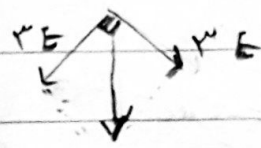
$$E = \frac{kQ}{r^2}$$

$$E_1 = 5E \rightarrow 3E$$

$$E_2 = 2E$$

$$E_3 = 4E \rightarrow 2E$$

$$E_4 = E$$



$$\sqrt{(3E)^2 + (3E)^2} = \sqrt{2(3E)^2} = 3E\sqrt{2}$$

$$E_T = 3\sqrt{2}E$$