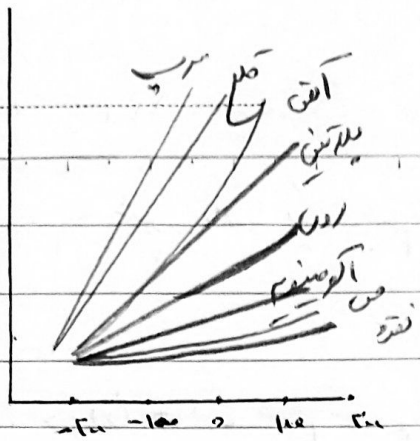


نمودار مقاومت ویژه چند فلز بر حسب گستره دمای

با افزایش دما، مقاومت ویژه افزایش می‌یابد

نکته: آزمایش نشان می‌دهد مقاومت ویژه فلزات در یک گستره دمایی نسبتاً بزرگ با دما تقریباً به طور خطی تغییر می‌کند.

$K^{-1} = \frac{1}{K} = \frac{1}{C^\circ}$

$\rho_{\Omega.m} = \rho_0 \left[1 + \alpha(T - T_0)\right]$

$T_0 = 20^\circ C = 293\,K$

T_0 = دمای مرجع، معمولاً دمای اتاق

T = دمای رسانا

α = ضریب دمایی مقاومت ویژه

ρ_0 = مقاومت ویژه در دمای T_0 ($\Omega.m$)

$\Delta T = \Delta\Theta$

$R = \rho \frac{L}{A}$

$$\rho = \rho_0 \left[1 + \alpha(T - T_0)\right]$$
$$\rho \frac{L}{A} = \rho_0 \frac{L}{A} \left[1 + \alpha(T - T_0)\right]$$
$$R = R_0 \left[1 + \alpha(T - T_0)\right]$$

نکته: اگر یک نیم رسانا داشته باشیم در دماهای پایین مقدار حاصل تقریباً ثابت است، نیم رسانا مانند یک نارسانا عمل می‌کند.

با افزایش دما بر مقدار این حامل‌ها بار افزوده می‌گردد

افزایش مقدار حامل‌های بار > افزایش برخوردها با نوسان‌ها

* ضریب دمایی نیم رسانا‌ها منفی است.

↑ دما ⟹ ↓ مقاومت

Subject: .....

جلسه ۳۴ فیزیک ۲

سوال ۲۱) در مورد مقاومت الکتریکی لامپ معمولی با رشته تنگستن کدام جمله درست و کدام نادرست است؟

الف) پس از روشن شدن لامپ، کاهش می‌یابد. ✗

ب) پس از روشن شدن لامپ، صفر می‌شود. ✗

پ) هنگامی که لامپ خاموش است، صفر است. ✗

ت) هنگام روشن بودن بیشتر از هنگام خاموش بودن است. ✓

در دما ↑ R ↑ با افزایش دما

سوال ۲۲) مقاومت سیمی از آلیاژ کروم و نیکل در دمای $20^\circ C$، $50\,\Omega$ است. مقاومت این سیم در دمای $100^\circ C$ چند اهم می‌شود؟ ضریب دمایی این آلیاژ $4\times10^{-4}\,K^{-1}$ است.

$$\rho = \rho_0[1+\alpha(T-T_0)]$$

$$R = R_0[1+\alpha(T-T_0)] = 50\left[1+\underbrace{4\times10^{-4}(80)}_{0.32}\right] = 51.4\,\Omega$$

$$\Delta T = \Delta\theta = 100-20$$

$$\rho = \rho_0[1+\alpha(T-T_0)] \longrightarrow \rho = \rho_0 + \rho_0\alpha\Delta\theta \longrightarrow \Delta\rho = \rho_0\alpha\Delta\theta$$

$$\rho = \rho_0 + \Delta\rho$$

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_0} = \alpha\Delta\theta$$

درصد تغییر ρ $= \frac{\Delta\rho}{\rho_0}\times100 = \alpha\Delta\theta\,100$

$$\Delta R = R_0\alpha\Delta\theta \longrightarrow \frac{\Delta R}{R_0} = \alpha\Delta T$$

($R_0\alpha\,\Delta T$)

درصد تغییر R $= \frac{\Delta R}{R_0}\times100 = \alpha\Delta T\,100$

$$R = R_0 + \Delta R$$

سوال ۲۳) مقاومت سیمی در دمای $20^\circ C$ برابر $10\,\Omega$ و در صورتی که دمای آن را به $100^\circ C$ برسانیم ($\alpha = 2.5\times10^{-4}\,^\circ C^{-1}$) $R = R_0(1+\alpha\Delta T) = R_0 + R_0\alpha\Delta T$

الف) مقاومت سیم در دمای $100^\circ C$ چند اهم است؟

ب) درصد این تغییر دما مقاومت چند درصد تغییر کرده است؟

$$\Delta R = R_0\alpha\Delta T$$

$$= 10\times2.5\times10^{-4}\times90$$

$$= 0.225\,\Omega$$

$$R = 10 + 0.225 = 10.225$$

$$\frac{\Delta R}{R_0}\times100 = \frac{0.225}{10}\times100 = 2.25\%$$

$$\frac{\Delta R}{R_0}\times100 = \alpha\Delta T\times100$$

$$2.5\times10^{-4}\times90\times100$$

$$= 2.25\%$$

Tej Danesh

Subject: ..... Data: .....

سوال ۲۴) آلت سازی سیمی به طول $1.1\ m$ و سطح مقطع $3.1 \times 10^{-6}\ m^2$ است و داخل خانه عایق قرار گرفته است و خود، درون یک غلاف سفالی است. با عبور جریان آلت دانی می‌شود. مقاومت ویژه ماده سازنده سیم در دمای $T_0 = 20^\circ C$ برابر $\rho_0 = 6.8 \times 10^{-5}\ \Omega m$ است و ضریب دمایی مقاومت ویژه آن $\alpha = 2.0 \times 10^{-3}\ K^{-1}$ است. مقاومت سیم در دمای $40^\circ C$ چقدر است؟

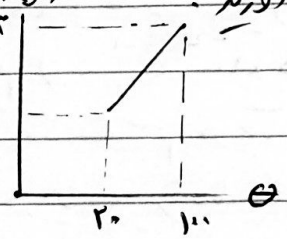
$$\rho = \rho_0 [1 + \alpha \Delta T] = 6.8 \times 10^{-5} [1 + 2 \times 10^{-3} \times 100]$$
$$= 8.2 \times 10^{-5}\ \Omega m$$
$$R = \rho \frac{l}{A} = 8.2 \times 10^{-5}\ \Omega m \frac{1.1\ m}{3.1 \times 10^{-6}\ m^2} = 29\ \Omega$$

سوال ۲۵) همان طور که در کتاب فیزیک ۱ دیدید دماسنج مقاومت پلاتینی یکی از دماسنج‌های معیار برای اندازه‌گیری دماست. این دماسنج مقاومت پلاتینی می‌تواند برای اندازه‌گیری دقیق دما در گستره دمایی حدود آن از $14\ K$ تا $1235\ K$ استفاده کرد. اساس کار دماسنج‌های مقاومت پلاتینی مبتنی بر تغییر مقاومت الکتریکی با دماست. در این دماسنج‌ها از پلاتین استفاده می‌کنند که تقریباً دچار خوردگی نمی‌شود و نقطه ذوب بالایی دارد.

فرض کنید در دمای $20^\circ C$ مقاومت پلاتینی یک دماسنج برابر با $144\ \Omega$ باشد و وقتی این دماسنج در محلول خاصی قرار گیرد، مقاومت آن $187\ \Omega$ می‌شود. دمای این محلول چند است؟ (مقدار دقیق α برای پلاتین برابر $2.92 \times 10^{-4}\ ^\circ C^{-1}$ است)

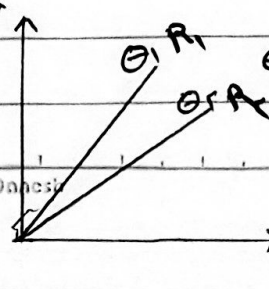
$$R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$$
$$187 = 144 [1 + 2.92 \times 10^{-4} (T - 20^\circ C)] \Rightarrow T = 55.8^\circ C$$

سوال ۲۶) نمودار مقابل برای یک سیم رسانا است. R_0 را به دست آورید. ($\alpha = 4 \times 10^{-4}\ ^\circ C^{-1}$)



$$R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$$
$$\Delta T = \Delta \theta$$
$$1.32 = R_0 [1 + 4 \times 10^{-4} \times 80] \Rightarrow R_0 = \frac{1.32}{1.032} = 1.28\ \Omega$$

سوال ۲۷) شکل روبرو نمودار $I - V$ را برای یک رسانا در دو دمای θ_1, θ_2 نشان می‌دهد. با ذکر دلیل مشخص کنید کدام یک از دماها بیشتر است؟



$$R = \frac{V}{I} \rightarrow V = R I$$
شیب

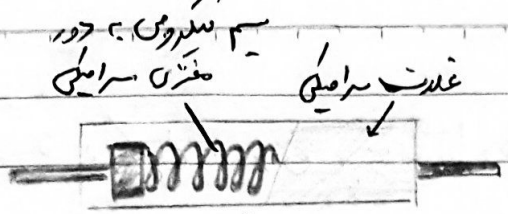
$R_1 > R_2$
$\theta_1 > \theta_2$

Taj Danesh

Subject: .....

جلسه ۴ فیزیک ۲ دهه ریاضی

مقاومت های پیچه ای :



نمونه ای از ساختار یک مقاومت پیچه ای

شامل پیچه ای از یک سیم نازک است که معمولاً جنس آن از آلیاژهای خاصی مانند نیکروم یا منگانین است.

مثلاً آلیاژ نیکل و کروم ← آلیاژ مس - نیکل - منگنز

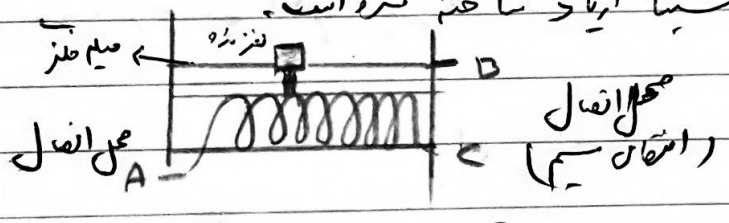
این مقاومت ها برای به دست آوردن مقاومت های پایین بسیار دقیق و به همین توان آنها را ساخت می کنند.

پیشینه توان الکتریکی که این مقاومت ها می توانند تحمل کنند، بالا نیز بسته به نوع آنها نوشته شده است.

مقاومت های پیچه ای :

رئوستا : (یک مقاومت متغیر است)

از سیم با مقاومت ویژه نسبتاً زیاد ساخته شده است.

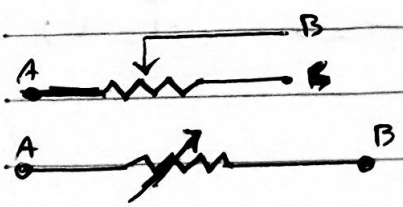


در رئوستای خطی سیم روی استوانه ای نارسانا پیچیده شده و با استفاده از لغزنده ای که روی ریلی در بالای استوانه قرار دارد و انتهای آن با سیم در تماس است می توانیم قسمتی از سیم را در مسیر جریان قرار دهیم و بنابراین مقدار مقاومت را تغییر داده و جریان را در مدار کنترل نماییم.

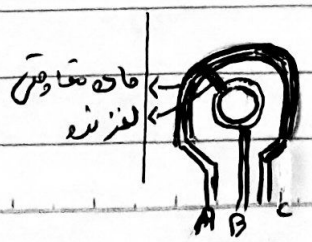
$$R = \rho \frac{L}{A}$$

مقاومت های پیچه ای رئوستا

نماد یک رئوستا یا پتانسیومتر در مدار الکتریکی



پتانسیومتر



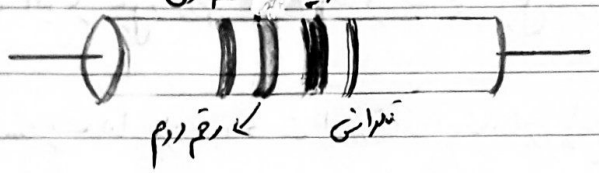
Taj Danesh

Subject: Date:

مقاومت ها و تریس

معمولاً از کربن، برخی نیم رسانا ها و یا لایه های نازک فلز ساخته شده اند.

بر بعضی مقاومت ها روی آنها مقاومت را می نویسند و بر بعضی ها با رنگ مشخص می شوند

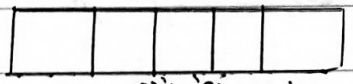


$۲۵ \times ۱۰^{۳} = ۲۵۰۰ \Omega$

تلرانس	رنگ حلقه
۵٪	بی رنگ
۱۰٪	نقره ای
۲۰٪	طلایی

تلرانس: مقدار مجاز انحراف از مقدار دقیق مقاومت را بر حسب درصد مشخص می کند.

سوال ۲۸) مقدار مقاومت نشان داده شده در شکل و مقدار مجاز انحراف از مقدار دقیق مقاومت، بر حسب اُهم چقدر است؟



$R = ۴۷ \times ۱۰^{۲} = ۴۷۰۰ \Omega$

تلرانس $\frac{۱۰}{۱۰۰} \times ۴۷۰۰ = ۴۷۰ \Omega$

$۴۷۰۰ - ۴۷۰ \leq R \leq ۴۷۰۰ + ۴۷۰$

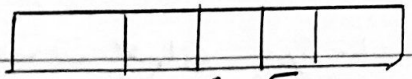
$۴۲۳۰ \leq R \leq ۵۱۷۰$

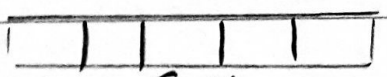
$R = ۴۷۰۰ \pm ۴۷۰$

کمترین مقدار مقاومت در مدار — بیشترین مقدار مقاومت در مدار

سوال ۲۹) مقدار مقاومت نشان داده شده در شکل، و مقدار انحراف از مقدار دقیق مقاومت بر حسب اهم چقدر است؟

(۶ ≡ آبی ۵ ≡ سبز ۲ ≡ قرمز)





$۵۶ \times ۱۰^{۲} = ۵۶۰۰ \Omega$

$\frac{۵}{۱۰۰} \times ۵۶۰۰ = ۲۸۰ \Omega$

$۵۶۰۰ - ۲۸۰ \leq R \leq ۵۶۰۰ + ۲۸۰$

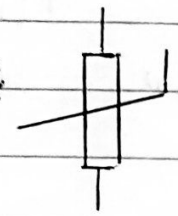
$۵۳۲۰ \leq R \leq ۵۸۸۰$

Taj Danesh

مقاومت ها خاص:

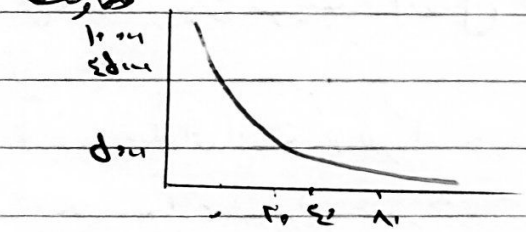
ترمیستور: ترمیستور نوعی از مقاومت است که بستگی مقاومت الکتریکی آن به دما با مقاومت های الکتریکی معمولی تفاوت دارد.

اغلب از ترمیستورها به عنوان حسگر دما در مدارها حساس به دما مانند یخچال خطر آتش و دما یاب ها و نیز در دماسنج ها استفاده می شود.



ترمیستورها: دو نوع NTC و PTC تقسیم بندی می شوند

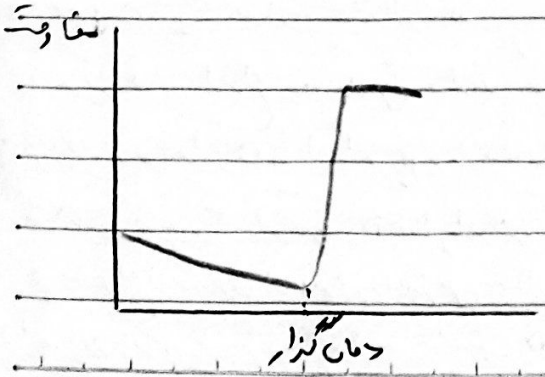
NTC ها: از نیم رسانا ها خالص مانند سیلیسیم یا ژرمانیوم ساخته شده اند با افزایش دما بر تعداد حامل های بار آن ها افزوده می گردد و بدین ترتیب از مقاومت آن ها کاسته می شود. به عبارت دیگر، ضریب دمایی مقاومت ویژه ρ آن ها منفی است.



PTC ها: خود به دو نوع اند

یک نوع که به نام سیلیستور شناخته شده اند در واقع از سیلیسیم غیر خالص ساخته شده است که با افزودن یک ناخالصی به سیلیسیم، ویژگی رسانش الکتریکی پیدا کرده است. این نوع PTC ها مانند فلزات رفتار کرده و مقاومت آن ها با افزایش دما زیاد می شود به عبارت دیگر ضریب دمایی مقاومت ویژه آن ها مثبت است.

نوع دیگر آن را، رفتار ویژه ای دارد. به طوری که ضریب دمایی مقاومت ویژه آن ها تا بیش از دمای خاص سدم به دمای گذار اندکی منفی است و پس از آن در یک محدوده دمایی تغییر چشمگیری می کند و به شدت مثبت می گردد.



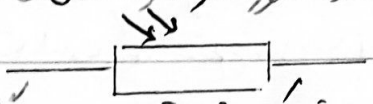
به این نوع PTC ها، نوعی تقویتی گفته می شود

از PTC ها برای تنظیم جریان و جلوگیری از افزایش آن در مدارهای الکتریکی استفاده می شود.

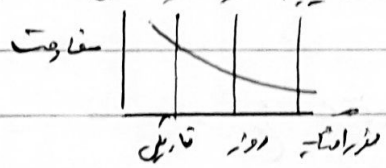
Subject: ..... Date: .....

مقاومت نوری LDR

مقاومت نوری، نوعی مقاومت است که مقاومت الکتریکی آن با نور تابیده شده به آن بستگی دارد.
به طوری که با افزایش شدت نور، از مقاومت آن کاسته می‌شود.



مثلاً یک LDR نوعی مقاومتی چند مگا اهمی دارد، درحالی که در یک نور مناسب مقاومت آن به چند صد اهم می‌رسد.
نوعی از این مقاومت‌ها از جنس نیم‌رسانای خالص، مانند سیلیسیم (سیلیکون) است که با افزایش شدت نور تابیده شده به آن تعداد حامل‌های بار الکتریکی آن‌ها افزوده شده و در نتیجه از مقاومت آن‌ها کاسته می‌شود.



(روشنایی)

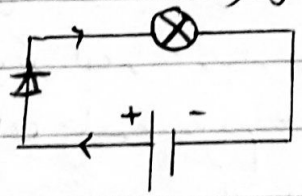
فتودیود و کاربرد

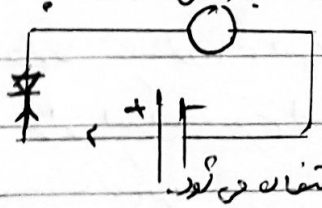
هر یک نوع از چراغ‌های روشنایی، اساس کار به این ترتیب است که با تابش نور به LDR و ایجاد جریان در آن، یک ترانزیستور فعال شده و با استفاده از یک دماپا، اتصال لامپ‌ها روشنایی به منبع اصلی جریان را قطع می‌کند. هرشب که نور به LDR برخورد می‌کند، ترانزیستور خاموش می‌ماند و بدین ترتیب، اتصال لامپ‌های روشنایی قطع نمی‌شود و لامپ‌ها روشن می‌مانند.

دیودها

دیود قطعه‌ای است که تقریباً، در حد اول مقدار جریان را تنها از یک سو عبور می‌دهد و مقاومت آن در برابر عبور جریان در این سو ناچیز است.

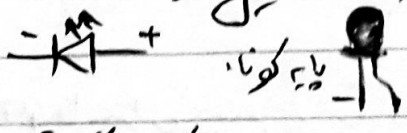
دیود را اغلب به عنوان یک سوکننده جریان در نظر می‌گیرند.
نشان در این نماد جهتی را نشان می‌دهد که جریان می‌تواند از دیود عبور کند.
با تعویض جهت دیود، جریان از مدار عبور نمی‌کند و لامپ خاموش می‌شود.





از دیود در مدارها به یک سوکننده جریان تبدیل جریان متناوب به جریان تا مستقیم استفاده می‌شود.

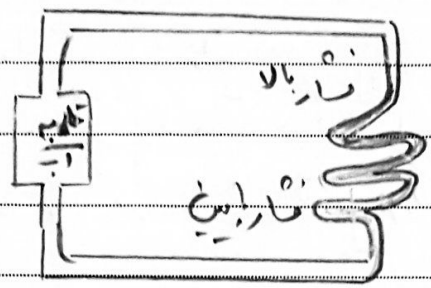
دیودها انواع متفاوتی دارند که یکی از معروف‌ترین آن‌ها دیودها نور گسیل یا LED است.
در این دیودها LED از نیم‌رسانا‌ها استفاده می‌شود

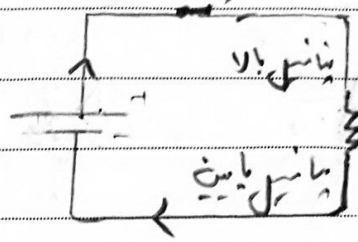


که با عبور جریان از آن‌ها LED از خود نور گسیل می‌کند
و بنابراین مقداری از انرژی الکتریکی به نوعی تبدیل می‌شود - بسته به نوع نیم‌رسانا، کار رنگ نور گسیل شده می‌تواند از فرو سرخ تا فرابنفش باشد - نخستین LED های ساخته شده قرمز بودند - متداول‌ترین LED در دهه ۹۰ میلادی با تولید LED آبی قابلیت تولید نور آبی، سفید و دستیابی محصول به رنگ‌های دیگر شد.
LED - توان الکتریکی کم مصرف کرده - نور قابل توجهی تولید می‌کند - عمر طولانی - انرژی کمتری را تولید می‌کند

Subject : ..... جلسه ۲۵ فیزیک ۲ Date : .....

نیروی محرکه الکتریکی و جداها





* در سیم‌هایی که با انجام کار درون بار الکتریکی، جریان ثابتی از بارهای الکتریکی در یک مدار ایجاد می‌کند، منبع نیروی محرکه الکتریکی نامیده می‌شود.

* منبع نیروی محرکهٔ الکتریکی بارهای مثبت را خلاف جهت میدان الکتریکی از پتانسیل پایین‌تر به پتانسیل بالاتر می‌برد و با افزایش انرژی پتانسیل آنها جریان ثابتی را در مدار برقرار می‌کنند.

انواع منبع‌ها: باتری‌ها، سلول‌های خورشیدی و مولدهای الکتریکی نمونه‌هایی از منبع‌های نیروی محرکهٔ الکتریکی‌اند.

نیروی محرکه الکتریکی: electromotive force (emf)

کار منبع نیروی محرکهٔ الکتریکی درون واحد بار الکتریکی مثبت انجام می‌دهد تا آن را از پایانهٔ با پتانسیل کمتر به پایانهٔ با پتانسیل بیشتر ببرد اصطلاحاً نیروی محرکهٔ الکتریکی (emf) نامیده می‌شود.

$\varepsilon = \frac{\Delta w}{\Delta q}$ ← ولت V

Δw → ژول J

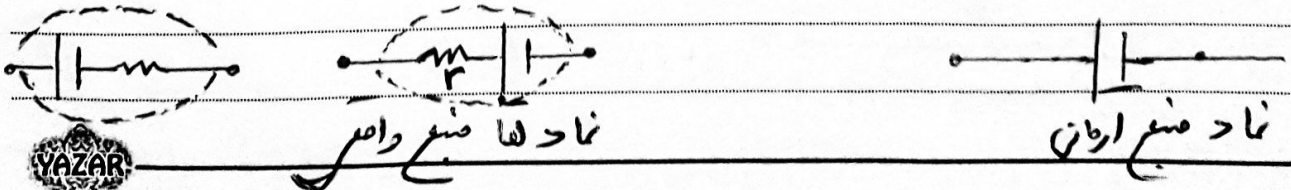
Δq → کولن C

$1V = 1 \frac{J}{C}$

نماد ع خود خاص از حرف E برداشته است.

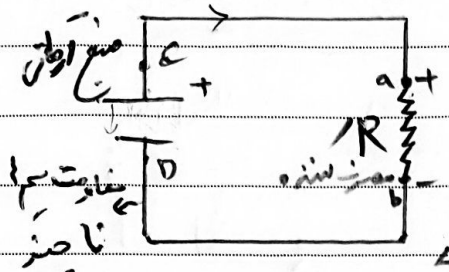
منبع ایدئال: منبع آرمانی که در واقعیت وجود ندارد و منبع‌ها نیروی محرکهٔ الکتریکی همواره دارای مقاومت داخلی (r) هستند

یعنی جریان از هر مقاومتی در برابر حرکت بارها مقاومت دارد.



YAZAR

Subject : Date :



بررسی افت یا افزایش پتانسیل در مدار

مقاومت الکتریکی مصرف کننده انرژی الکتریکی را به انرژی گرمایی تبدیل می‌کند

$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q}$

مقاومت باعث تغییر پتانسیل می‌شود یعنی باعث افت پتانسیل می‌شود.

$R = \frac{V}{I} \rightarrow V = IR$

از a تا b پتانسیل اندازه IR کاهش می‌یابد.

از b تا a باطری انرژی پتانسیل را تامین می‌کند. لذا پتانسیل D نسبت به C خواهد شد.

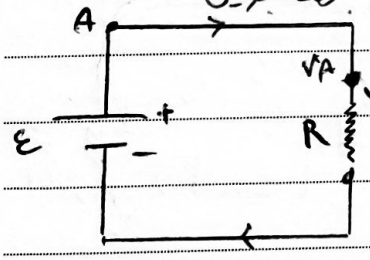
باطری چقدر کار انجام می‌دهد. $\Delta U = \varepsilon \times q$ کار نیروی باطری اختلاف پتانسیل

وجود دارد به اندازه ε (اختلاف پتانسیل دو سر منبع)

قاعده حلقه (کانون ولتاژها)

در هر دور بستن کامل حلقه‌ای از مدار، جمع جبری اختلاف پتانسیل‌ها اجزای مدار صفر است.

قاعده حلقه چیزی جز پایستگی انرژی نیست.



تغییر پتانسیل در مقاومت $= IR$

جهت جریان از پتانسیل بیشتر به کمتر حرکت می‌کند.

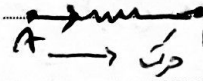
در داخل مقاومت با افت پتانسیل IR کاهش می‌یابد

در باطری با افزایش ε افزایش می‌یابد

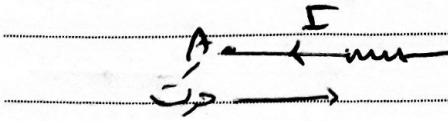
$V_A - IR + \varepsilon = V_A$

$-IR + \varepsilon = 0 \Rightarrow \varepsilon = IR$

هر وقت در جهت جریان حرکت کنیم پتانسیل $-IR$ کاهش می‌یابد



هر وقت در خلاف جهت جریان حرکت کنیم پتانسیل $+IR$ اضافه می‌شود.



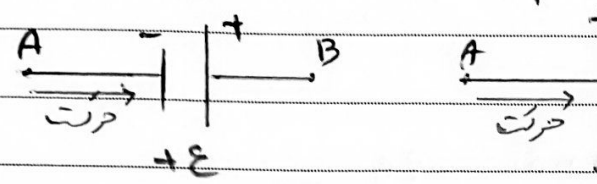
YAZAR

Subject : ادامه جزوه فیزیک ۳ Date :

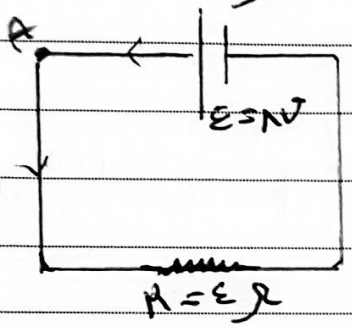
اما در باطری (منبع الکتریکی) جهت حرکت هم نیست آنرا قطب منفی و قطب مثبت

حرکت نیم اختلاف پتانسیل

یا در واقع از مثبت به منفی کم می‌شود



سوال ۳۱) در مدار مقابل جهت و مقدار جریان را به دست آورید.



جهت جریان از قطب مثبت به منفی باشد.

جریان پادساعت‌گرد

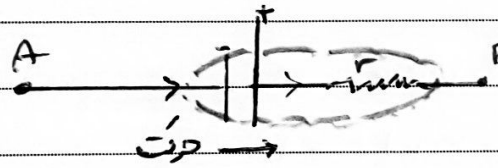
کافی است از یک نقطه شروع کنیم و هم جهت حرکت نیم. فرقی نمی‌کند حرکت نیم یا ساعت‌گرد.

$V_A - IR + \varepsilon = V_A$

$-IR + \varepsilon = 0$

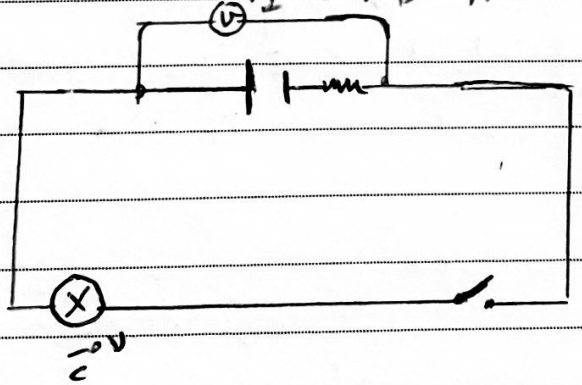
$-I \times 4 + 8 = 0 \Rightarrow I = 2A$

اختلاف پتانسیل دو سر منبع واقعی

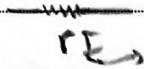


$V_A + \varepsilon - 2I = V_B$

$\varepsilon - 2I = V_B - V_A$



وقتی کلید خاموش می‌باشد جریان از مدار نمی‌گذرد لذا اختلاف پتانسیل دو حالت اول برابر ε می‌شود.

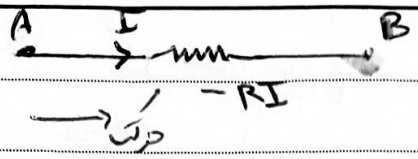


$\Rightarrow 2I = 10$

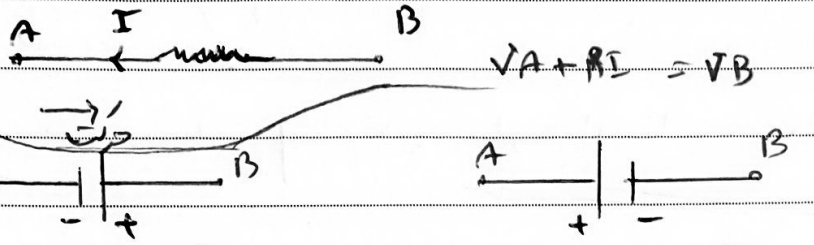
در حالت کلید را وصل می‌نیم

اختلاف پتانسیل دو سر باتری $= \varepsilon - 2I$

Subject : فیزیک ۲ جلسه ۳۶ Date :



$V_A - RI = V_B$

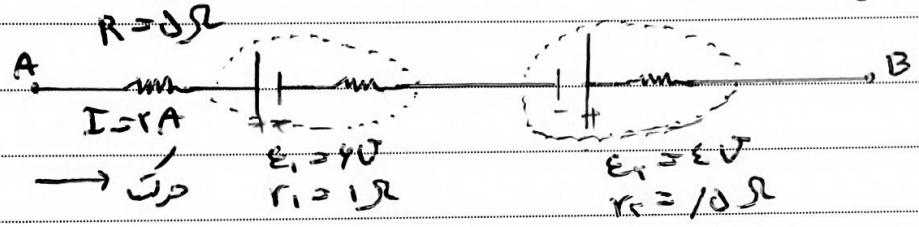


$V_A + RI = V_B$

$V_A + \mathcal{E} = V_B$

$V_A - \mathcal{E} = V_B$

سوال ۳۵) مطابق شکل، اگر پتانسیل نقطه A برابر ۱۰ ولت باشد، پتانسیل نقطه B چقدر است؟



$V_A - RI - \mathcal{E}_1 - r_1 I + \mathcal{E}_2 - r_2 I = V_B$

$V_A - 5\times 2 - 6 - 1\times 2 + 4 - 10\times 2 = V_B$

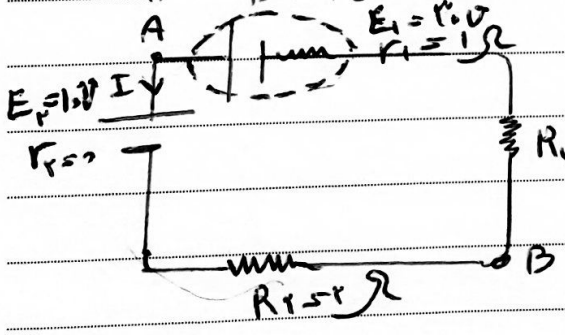
$V_A - V_B = 10 + 6 + 2 - 4 + 1 = 15$

$10 - V_B = 15 \Rightarrow V_B = -5\ V$

سوال ۳۴) در مدار شکل روبرو:

الف) جریان الکتریکی I چند آمپر است؟

ب) $V_B - V_A$ را بدست آورید.



ابتدا از یک نقطه شروع کنیم و دوباره برگردیم به همان نقطه و جهت حرکت جریان حرکت می‌کنیم.

$V_A - \mathcal{E}_1 + r_1 I + R_1 I + R_2 I + \mathcal{E}_2 = V_A$

$-20 + I + 2I + 2I + 10 = 0 \qquad 5I = 10 \qquad I = 2A$

ب) از یکی شروع می‌کنیم به نقطه دیگر می‌رسیم جهت نمی‌کنیم از کدام یک حرکت کنیم.

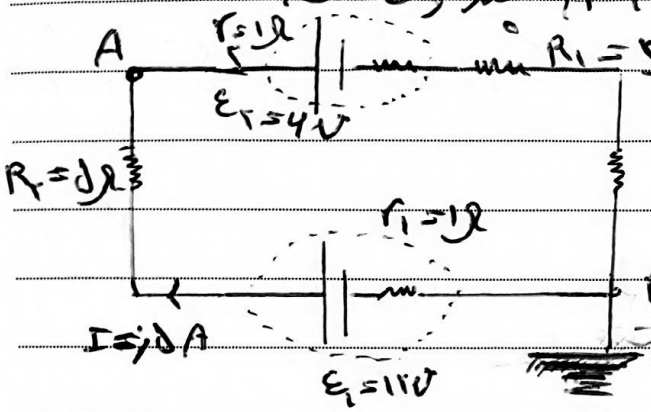
$V_A - \mathcal{E}_2 - R_1 I = V_B$

$V_A - 10 - 3\times 2 = V_B$

$V_A - 16 = V_B \Rightarrow V_B - V_A = -16$ ولت

Subject : ادامه جلسه ۲۶ فیزیک ۲ Date :

سوال ۳۴) در مدار شکل روبرو پتانسیل نقطه A چند ولت است؟



اتصال B به زمین یا پتانسیل صفر است

$$V_A - \varepsilon_2 - r_2 I - R_1 I - R_2 I = V_B$$

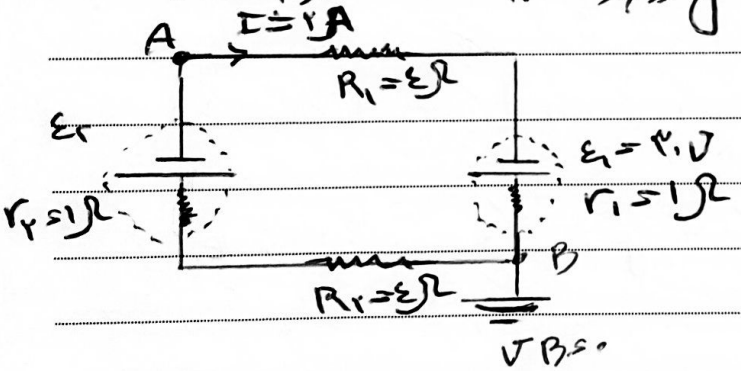
$$V_A - 4 - 1\times 1.5 - 2\times 1.5 - 3\times 1.5 = 0$$

$$V_A = 4 + 1.5 + 1 + 4.5 = 0 \Rightarrow V_A = 9\ V$$

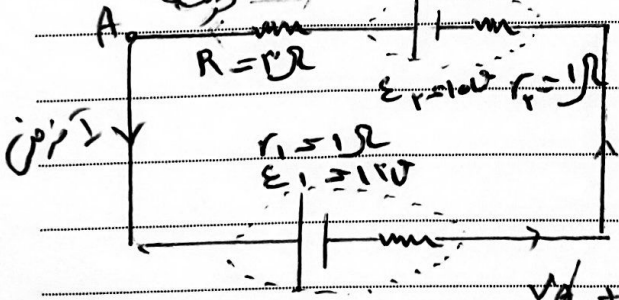
سوال ۳۵) شدت جریان در مدار شکل روبرو ۲A است، مطلوب است:

الف) پتانسیل نقطه A ۲۰ V =

ب) نیروی محرکه ε_2 ۱۰ V



سوال ۳۶) با توجه به مدار روبرو، شدت جریان الکتریکی در مدار چند آمپر است؟



روش اول: حرکت ما در مدار دلخواه،

ابتدا جهت جریان را در جهتی دلخواه فرض می‌کنم

اگر I مثبت شد انگار جهت فرض با واقعیت است

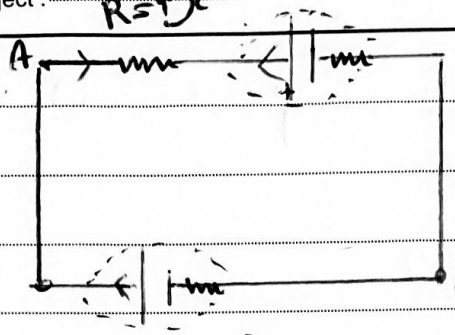
جهت فرض با ناواقعیت است $\Rightarrow$ منفی = I

$$V_B + 3I - \varepsilon_2 + r_2 I + r_1 I + \varepsilon_1 = V_A$$

$$0 = 12 + I + I + 1 - 3I$$

$I = 13 \rightarrow I = -13$ چون منفی شد جهت جریان فرض ما اشتباه است و جهت جریان ساعت‌گرد فرض شد و اندازه آن ۱۳ فرض شد.

Subject : Date :



$E_1 = 12\,V$
$r_1 = 1\,\Omega$

$R = 7\,\Omega$ $E_2 = 12\,V$ $r_2 = 1\,\Omega$

$V_A - V_B$ یا $V_B - V_A$ بستگی به اینکه از کدام سر شروع کنیم

روش اول

$$V_A - RI - \mathcal{E}_2 - r_2 I - r_1 I + \mathcal{E}_1 = V_A$$

$$-(R + r_2 + r_1) I = \mathcal{E}_2 - \mathcal{E}_1$$

$$I = \frac{\mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_2}{R + r_2 + r_1} = \frac{12 - 10}{7 + 2 + 1} = \frac{2}{10} = 0.2\,A$$

اگر باطری ۱ در مدار فقط بود جریان ساعت‌گرد تولید می‌کرد

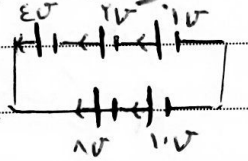
اگر باطری ۲ " " " پادساعت‌گرد "

حال هر دو جریان را جدا جدا تولید و آن را در راستای مثبت جهت جریان جمع می‌کنیم.

اگر هر دو ساعت‌گرد بودند یکدیگر را تقویت می‌کردند

جهت جریان را پایین‌ها تعیین می‌کرد $(12 + 2 + 1) - (8 + 2 + 1)$

۱۰ ولت



در واقع E_2 به عنوان مصرف کننده اصل شارژ کردن تولید می‌کند پس جریان برعکس واردان می‌شود و آنرا شارژ می‌کند

$$I = \frac{\sum \mathcal{E}_{\text{تولید}} - \sum \mathcal{E}_{\text{مصرف}}}{\sum R + \sum r}$$