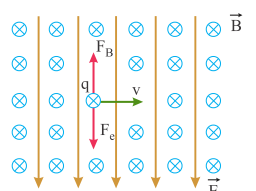


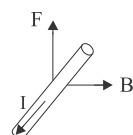
نیروی الکتریکی وارد بر ذره α در جهت میدان الکتریکی است بنابراین برای آنکه مسیر حرکت ذره تغییر نکند باید نیروی مغناطیسی برخلاف نیروی الکتریکی و رو به بالا باشد. به کمک قاعده دست راست می‌توانیم جهت حرکت ذره α که به سمت (+) محور x است را تشخیص دهیم. حالا از مساوی قرار دادن رابطه‌های $F_E = Eq$ و $F_B = qvB$ تندی ذره را به دست می‌آوریم:



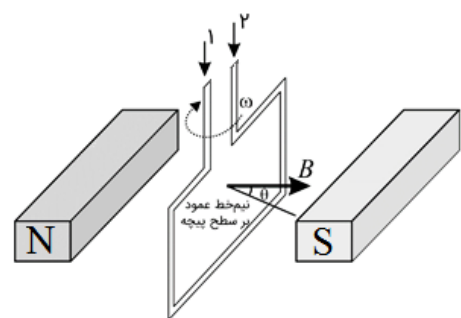
$$F_E = F_B \Rightarrow Eq = qvB \Rightarrow v = \frac{E}{B} = \frac{1000}{1000 \times 10^{-4}} = 10^4 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰

با استفاده از قانون دست راست جهت نیروی وارد بر سیم را مشخص می‌کنیم. اگر چهار انگشت دست راست را در جهت جریان سیم به گونه‌ای بگیریم که کف دست عمود بر جهت میدان مغناطیسی باشد، شست دست جهت نیروی وارد بر سیم را نشان می‌دهد.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۳



باتوجه به قانون لنز با چرخش پیچه شار مغناطیسی عبوری از پیچه کاهش می‌یابد؛ بنابراین جریان القایی مدار در جهت افزایش شار مغناطیسی (یا میدان مغناطیسی) به وجود می‌آید. بنا بر قاعده دست راست، اگر شست دست را در راستای میدان مغناطیسی قرار دهیم؛ چهار انگشت دست جهت جریان را نشان می‌دهد؛ بنابراین جریان در جهت ۱ است. باتوجه به رابطه نیروی محرکه متناوب داریم: $\varepsilon = \varepsilon_m \sin \omega t$ که در اینجا $\theta = \omega t$ در حال افزایش است و $\sin \omega t$ به ۱ نزدیک می‌شود؛ بنابراین ε افزایش می‌یابد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۳

میدان ناشی از سیم I_1 در نقطه A درون سو است پس باید میدان ناشی از سیم I_2 برون سو باشد و در نتیجه جریان آن باید به سمت راست (هم‌جهت با I_1) باشد. چون نقطه A به سیم I_2 نزدیک‌تر است پس $I_2 < I_1$ است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۰

قطر حلقه‌های آن‌ها باهم برابر است پس $A_A = A_B$

$$L = \mu_0 \frac{AN^2}{\ell} \text{ ضریب القاوری}$$

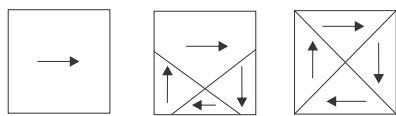
$$\left. \begin{aligned} \ell_A &= \ell_B \\ N_A &= 2N_B \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \left(\frac{N_A}{N_B}\right)^2 \times \left(\frac{\ell_B}{\ell_A}\right) = 2^2 \times \frac{1}{2} = 2$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow \frac{U_A}{U_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{I_A}{I_B}\right)^2 = 2 \times 1 = 2 \text{ انرژی دو برابر است}$$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{N_A}{N_B} \times \frac{I_A}{I_B} \times \frac{\ell_B}{\ell_A} = 2 \times 1 \times \frac{1}{2} = 1$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۰

در ماده فرو مغناطیس، دوقطبی‌های مغناطیسی کوچک، خودبه‌خود با دوقطبی‌های مجاور خود هم‌خط می‌شوند.



باتوجه به سمت‌گیری دوقطبی‌های مغناطیسی هر حوزه می‌توان میدان مغناطیسی وارد بر آن‌ها را مورد بررسی قرار داد. در شکل (الف) هیچ‌یک از جهت‌گیری‌های حوزه‌ها بر دیگری برتری ندارد و حجم آن‌ها باهم برابر است؛ بنابراین میدان مغناطیسی وارد بر آن‌ها برابر با صفر است.

در شکل (ب) نسبت به شکل (الف) مرزهای حفره‌ها جابه‌جا شده‌اند؛ بنابراین ماده فرومغناطیس تحت تأثیر میدان مغناطیسی قرار گرفته است، ولی میدان مغناطیسی آن قدر قوی نیست که تمام دوقطبی‌ها هم‌جهت با میدان شوند. در شکل (پ) میدان آن قدر قوی است که جهت‌گیری تمام دوقطبی حوزه‌ها هم‌جهت با میدان شده‌اند.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۸

باتوجه به اینکه گزینه‌های داده شده برحسب ژول و آمپر و ولت هستند، استفاده از معادله شار مغناطیسی گزینه مناسبی نیست و باید از رابطه نیروی محرکه القایی و شار مغناطیسی استفاده کنیم؛ بنابراین:

$$\varepsilon = -\frac{d\phi}{dt} \xrightarrow{\text{واحد}} V = \frac{Wb}{s} \Rightarrow Wb = V \cdot s$$

$$\text{باتوجه به رابطه } U = \frac{1}{C} qV \text{ داریم } V = \frac{1}{C} \text{ بنابراین:}$$

$$\begin{cases} Wb = V \cdot s \\ V = \frac{J}{C} \end{cases} \Rightarrow Wb = \frac{J \cdot s}{C}$$

$$\text{باتوجه به جریان الکتریکی } (I = \frac{q}{t}) \text{ داریم: } C = A \cdot s \text{؛ بنابراین:}$$

$$\begin{cases} Wb = \frac{J \cdot s}{C} \\ C = A \cdot s \end{cases} \Rightarrow Wb = \frac{J \cdot s}{A \cdot s} \Rightarrow Wb = \frac{J}{A}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۲

جریان القایی طبق قانون لنز درجهتی است که با تغییر شار مخالفت می‌کند.

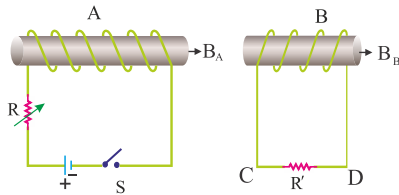
باتوجه به اینکه در صورت سؤال گفته شده جهت جریان القایی در مقاومت R' ، از C به D است؛ بنابراین میدان در سیملوله B (B_B) به سمت راست است. اگر کلید S در مدار سیملوله A بسته باشد، جریان از قطب مثبت باتری به سمت قطب منفی آن است؛ بنابراین میدان مغناطیسی حاصل از جریان سیملوله A (B_A) به سمت راست است. بنا بر قانون لنز، برای اینکه B_B ایجاد شود باید B_A کاهش یابد؛ پس گزینه‌های سؤال را بررسی می‌کنیم:

گزینه "۱": در این وضعیت لزوماً باید جریانی در مدار سیملوله B ایجاد می‌شد که با افزایش میدان B_A و در نتیجه افزایش شار عبوری در مدار سیملوله B، مخالفت کند که در این صورت انتظار داشتیم جریان القایی در مدار سیملوله B از D به طرف C باشد که با صورت سؤال در تناقض است؛ پس گزینه "۱" نادرست است.

گزینه "۲": تأثیر این وضعیت مشابه گزینه "۱" خواهد بود؛ زیرا در این حالت نیز با کاهش مقاومت، شدت جریان مدار سیملوله A افزایش یافته و در نتیجه میدان B_A و شار عبوری در محل سیملوله B افزایش می‌یابد و در نهایت جهت جریان القایی در مدار سیملوله B از D به طرف C خواهد شد؛ پس گزینه "۲" نادرست است.

گزینه "۳": در این حالت با قطع کلید، جریان و در نتیجه میدان سیملوله A رو به کاهش است؛ بنابراین میدان B_A و شار عبوری در مدار سیملوله B کاهش می‌یابد. به این ترتیب طبق قانون لنز جریان القایی در مدار سیملوله B باید به گونه‌ای باشد که با این کاهش میدان و شار مخالفت کند؛ یعنی میدان B_B را تقویت کند پس B_B نیز هم‌جهت با B_A خواهد بود و لذا جریان در مدار سیملوله B از C به طرف D خواهد بود؛ پس گزینه "۳" صحیح است.

گزینه "۴": این حالت معکوس حالت گزینه "۳" است. با وصل کلید میدان B_A و شار گذرنده از مدار سیملوله B افزایش می‌یابد و مشابه گزینه‌های ۱ و ۲ در نهایت جهت جریان القایی در مدار سیملوله B از D به طرف C خواهد شد؛ پس گزینه "۴" نادرست است.



روش حل دیگر:

وقتی در مدار سمت چپ، کلید وصل می‌شود جریان در مدار برقرار می‌شود و سیملوله A یک میدان مغناطیسی در جهت راست ایجاد می‌کند (B_A) و این میدان در محل سیملوله B، باعث می‌شود شارژ مغناطیسی گذرنده از سیملوله B تغییر می‌کند (افزایش می‌یابد)، طبق قانون لنز در سیملوله B یک جریان القایی ایجاد می‌شود که میدان مغناطیسی القایی ناشی از آن با عامل به وجود آورنده تغییر شار، مخالفت می‌کند؛ بنابراین میدان B_B باید در خلاف جهت میدان B_A باشد که طبق قانون دست راست جریان القایی در مدار سمت راست از D به C می‌شود.

در ادامه پس از اینکه جریان کاملاً در مدار سمت چپ پایدار شد و به مقدار ثابتی رسید، دیگر شار عبوری از سیملوله سمت راست تغییر نمی‌کند و لذا جریان القایی در مدار سمت راست از بین رفته و صفر می‌شود.

وقتی کلید در مدار سمت چپ قطع می‌شود؛ معکوس اتفاقاتی که در وصل کلید توضیح دادیم، رخ می‌دهد؛ یعنی میدان ناشی از سیملوله A در محل سیملوله B از یک مقدار ثابتی که وجود دارد با قطع کلید ناگهان صفر می‌شود؛ به این ترتیب شار عبوری از سیملوله سمت راست کاهش می‌یابد و طبق قانون لنز جریان القایی به گونه‌ای در مدار سمت راست برقرار می‌شود که با عامل تغییر شار مخالفت کند یعنی میدان مغناطیسی B_B هم‌جهت با میدان B_A باشد؛ بنابراین جریان در مدار سمت راست از C به D خواهد بود.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۸

مطابق شکل زیر طبق قاعده دست راست جهت نیروی وارد بر این بار مثبت، درون سو است.

$$\vec{F} = qvB \sin \alpha \Rightarrow F = 25 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^5 \times 1 \times 0.8 = 4 \text{ N}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸

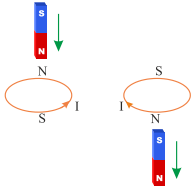
دو قطبی‌های مواد پارامغناطیسی به صورت کاتوره‌ای سمت‌گیری می‌کنند و میدان مغناطیسی خالص ایجاد نمی‌کنند، اما با قرار دادن مواد پارامغناطیسی در میدان مغناطیسی قوی، دوقطبی‌های مغناطیسی آنها به مقدار مختصری در راستای خط‌های میدان، منظم می‌شوند و با دور کردن آهنربا، دوقطبی آنها دوباره به صورت کاتوره‌ای سمت‌گیری می‌کنند.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

اگر انگشت شست دست راست را در جهت میدان مرکز حلقه قرار دهیم، جهت بسته شدن چهار انگشت، جهت جریان حلقه را نشان می‌دهد. همچنین اندازه میدان مغناطیسی داخل حلقه بزرگتر از بیرون حلقه است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

طبق قانون لنز جریان القایی در جهتی است که با عامل تغییر شار مغناطیسی گذرنده از حلقه مسی عنی با ورود و خروج آهنربا مخالفت کند. وقتی آهنربا به حلقه مسی نزدیک می‌شود، شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد بنابراین جریان القایی در حلقه جهت پادساعتگرد ایجاد می‌شود تا میدان ناشی از آن در جهت مخالف با میدان آهنربا باشد و آن را تضعیف کند. وقتی آهنربا از حلقه مسی دور می‌شود، جریان القایی ساعتگرد در حلقه ایجاد می‌شود تا میدان مغناطیسی ناشی از آن با جهت میدان آهنربا باشد و مانع از تضعیف آن شود.



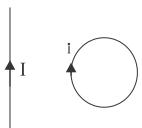
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸

وقتی ماده فرومغناطیس در یک میدان مغناطیسی خارجی قوی قرار می‌گیرد، تمام حوزه‌های مغناطیسی آن با یکدیگر هم‌خط می‌شوند، بنابراین گزینه (۳) صحیح است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۳

وقتی جریان القایی در حلقه ساعت‌گرد باشد؛ میدان القایی در مرکز حلقه درون‌سو است. میدان اصلی ناشی از سیم راست نیز در محل حلقه، درون‌سو است؛ به این ترتیب میدان القایی و اصلی هم‌سو هستند و این یعنی میدان سیم راست در حال کاهش بوده است؛ لذا یا شدت جریان سیم در حال کاهش بوده است و یا حلقه در حال دور شدن از سیم است.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۳

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۲

گام اول

الف) ضریب خودالقایی سیمولوله A، دو برابر ضریب خودالقایی سیمولوله B است $\left\langle \frac{L_A}{L_B} = 2 \right.$

ب) جریان الکتریکی عبوری از A، دو برابر جریان الکتریکی سیمولوله B است $\left\langle \frac{I_A}{I_B} = 2 \right.$

ج) انرژی ذخیره‌شده در سیمولوله A، چندبرابر انرژی ذخیره‌شده در سیمولوله B است $\left\langle \frac{U_A}{U_B} = ? \right.$

گام دوم

کافی است با استفاده از رابطه انرژی ذخیره‌شده در القاگر نسبت $\frac{U_A}{U_B}$ را محاسبه کنیم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow \frac{U_A}{U_B} = \frac{\frac{1}{2} L_A I_A^2}{\frac{1}{2} L_B I_B^2} = \frac{L_A}{L_B} \left(\frac{I_A}{I_B} \right)^2 = 2 \times (2)^2 = 8$$

گام اول

- الف) حلقه‌ای به مساحت ۲۰۰ سانتی‌مترمربع ← $N = 1, A = 200 \text{ cm}^2 = 2 \times 10^{-2} \text{ m}^2$
 ب) حلقه عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواخت قرار دارد ← $\alpha = 0$
 ج) در مدت ۰/۰۲ ثانیه ← $\Delta t = 0/02 \text{ s}$
 د) اگر میدان مغناطیسی بدون تغییر جهت به اندازه ۰/۰۸ تسلا کاهش یابد ← $\Delta B = -0/08 \text{ T}$
 هـ) نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت می‌شود ← $\varepsilon = ?$

گام دوم

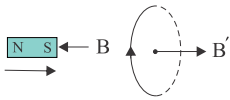
کافی است $\Delta\varphi$ را محاسبه کنیم؛ تا با استفاده از رابطه $|\bar{\varepsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \right|$ نیروی محرکه مولد را به دست بیاوریم.

$$\begin{cases} \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 \\ \varphi = BA \cos \alpha \end{cases} \xrightarrow{\alpha=0} \Delta\varphi = B_2 A - B_1 A = (B_2 - B_1) A = \Delta B \cdot A$$

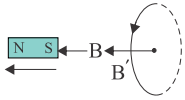
$$\Rightarrow \Delta\varphi = -8 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2} = -16 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\begin{cases} |\bar{\varepsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \right| \\ \Delta\varphi = -16 \times 10^{-4} \text{ Wb} \end{cases} \Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = \left| -1 \times \frac{-16 \times 10^{-4}}{2 \times 10^{-2}} \right| = 0/08 \text{ V}$$

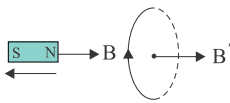
طبق قانون لنز جریان القایی درجهتی است که با جهت تغییر شار مخالفت می‌کند. حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم. جهت میدان مغناطیسی آهنربا را با B و میدان مغناطیسی ناشی از جریان القایی را با B' نمایش می‌دهیم.
گزینه ۱:



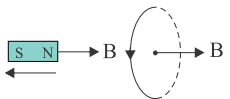
\vec{B} در حال افزایش است؛ بنابراین B' در خلاف جهت B ایجاد می‌شود و جریان القایی طبق قاعده دست راست خلاف جهت نشان داده شده است.
گزینه ۲:



\vec{B} در حال کاهش است؛ بنابراین B' در جهت B ایجاد می‌شود و جریان القایی طبق قاعده دست راست خلاف جهت نشان داده شده است.
گزینه ۳:



\vec{B} در حال کاهش است؛ بنابراین B' در جهت B ایجاد می‌شود و جریان القایی طبق قاعده دست راست خلاف جهت نشان داده شده است.
گزینه ۴:



\vec{B} در حال کاهش است؛ بنابراین B' در جهت B تولید می‌شود و جریان القایی طبق قاعده دست راست درست نشان داده شده است.
تذکر (۱) جهت میدان مغناطیسی از قطب N به S است.

تذکر (۲) طبق قاعده دست راست اگر انگشت شست دست راست را هم جهت با جریان در نظر بگیریم، جهت خم شدن چهار انگشت دست راست، جهت خطوط میدان مغناطیسی را نشان می‌دهد.

با توجه به اینکه بار الکترون منفی است به کمک دست چپ نیروی وارد بر آن را برون سو \odot به دست می‌آوریم.
حالا از رابطه $F = qvB \sin \alpha$ اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون را محاسبه می‌کنیم:

$$F = qvB \sin \alpha = 1/6 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^4 \times 2000 \times 10^{-4} \times \sin 15^\circ = 8 \times 10^{-16} \text{ N}$$

بنا بر قانون فارادی، بزرگی نیروی محرکه القایی با آهنگ تغییر شار مغناطیسی متناسب است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۱

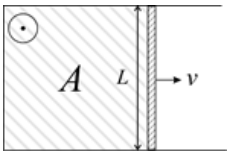
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۱

گام اول

- الف) میله رسانایی به طول $L = ۲۵\text{cm} = ۰/۲۵\text{m}$ ← ۲۵cm
 ب) در صفحه‌ای عمود بر میدان مغناطیسی یکنواخت $B = ۰/۰۸\text{T}$ ← $۰/۰۸\text{T}$ ، $\alpha = ۹۰^\circ$ ،
 ج) با سرعت ثابت $v = ۱۲\text{m/s}$ حرکت می‌کند ← $v = ۱۲\text{m/s}$
 د) نیروی محرکه القایی چند ولت است ← $\mathcal{E} = ?$

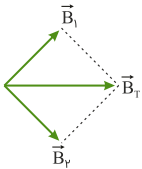
گام دوم

بزرگی نیروی محرکه القایی میله رسانایی که در میدان مغناطیسی یکنواخت، با سرعت ثابت در حال حرکت است از رابطه زیر به دست می‌آید.



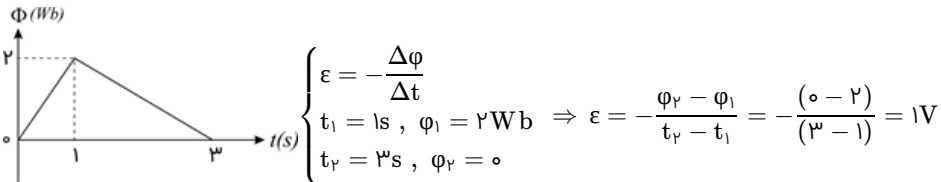
$$|\mathcal{E}| = |-\text{BLv} \sin \alpha| = |-۰/۰۸ \times ۰/۲۵ \times ۱۲ \times ۱| = ۰/۲۴\text{V}$$

ابتدا با استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان هریک از سیم‌ها را در نقطه M تعیین می‌کنیم و سپس برآیند آن‌ها را رسم می‌کنیم. باتوجه به شکل زیر بردار میدان مغناطیسی برآیند در نقطه M در جهت محور x است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

نیروی محرکه القایی، $\mathcal{E} = -N \frac{d\phi}{dt}$ وابسته به شیب نمودار $\phi - t$ است. باتوجه به ثابت بودن شیب در بازه ۱ تا ۳، کافی است نیروی محرکه القایی را در این بازه به دست بیاوریم.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۴

گام اول

الف) سیملوله‌ای بدون هسته آهنی $K = 1$

ب) دارای ۲۰۰۰ حلقه $N = 2000$

ج) از آن جریان الکتریکی $I = 2A$ می‌گذرد

د) اگر طول سیملوله ۲۵ سانتی‌متر $L = 25\text{ cm} = 0.25\text{ m}$

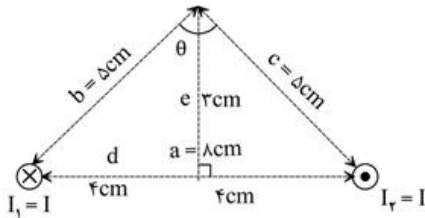
ه) مساحت هر حلقه 10 cm^2 باشد $A = 10\text{ cm}^2 = 10^{-3}\text{ m}^2$

گام دوم

ابتدا ضریب خودالقایی سیملوله و در نهایت انرژی ذخیره‌شده در سیملوله را برحسب میلی‌ژول محاسبه می‌کنیم:

$$L = k\mu_0 \frac{N^2}{L} A \xrightarrow{\mu_0 = 12/5 \times 10^{-7} \text{ T}\cdot\text{m}/\text{A}} L = 1 \times 12/5 \times 10^{-7} \times \frac{2000 \times 2000}{0.25} \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-2} \text{ H}$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-2} \times (2)^2 = 4 \times 10^{-2} \text{ J} = 40 \text{ mJ}$$



جهت میدان مغناطیسی حاصل از جریان سیم بلند، عمود بر خط واصل سیم حامل جریان و نقطه موردنظر است، حال کافی است محدوده زاویه θ را مشخص کنیم، اگر $90^\circ < \theta < 180^\circ$ باشد بردار \vec{B} داخل مثلث و اگر $0 < \theta < 90^\circ$ باشد بیرون مثلث و در صورتی که $\theta = 90^\circ$ باشد بر روی ضلع مثلث می‌افتد. برای مشخص کردن محدوده θ از قانون کسینوس‌ها استفاده می‌کنیم.

ولی قبل از آن با استفاده از قانون فیثاغورس اندازه اضلاع b و c را مشخص می‌کنیم.

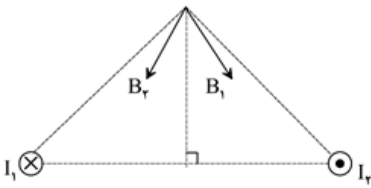
$$\begin{cases} b^2 = d^2 + e^2 \\ d = 4\text{ cm}, e = 3\text{ cm} \end{cases} \Rightarrow b^2 = 16 + 9 = 25\text{ cm} \Rightarrow b = 5\text{ cm}$$

c نیز به همین ترتیب برابر با 5 cm می‌شود.

حال از قضیه کسینوس‌ها استفاده می‌کنیم.

$$\begin{cases} a^2 = 64 \\ b^2 + c^2 = 25 + 25 = 50 \Rightarrow a^2 > b^2 + c^2 \\ b = c = 5 \end{cases}$$

بنابراین $90^\circ < \theta < 180^\circ$ است و بردارهای مغناطیسی B_1 و B_2 داخل مثلث هستند.



گام اول

الف) پیچهای دارای ۲۰۰ حلقه است ← $N = 200$ ب) آهنگ تغییر شار مغناطیسی برابر با مقدار ثابت $0/5$ وبر بر ثانیه است ← $\frac{d\phi}{dt} = 0/5 \text{ Wb/s}$ ج) نیروی محرکه القایی ایجاد شده در پیچچه چند ولت است ← $\mathcal{E} = ?$

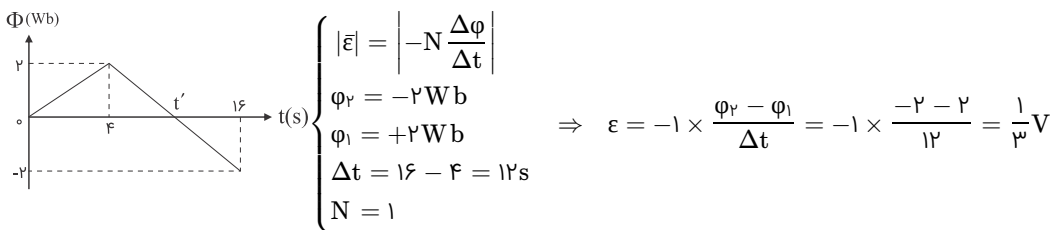
گام دوم

باتوجه به قانون فارادی برای پیچهای با N دور داریم:

$$\mathcal{E} = -N \frac{d\phi}{dt} \Rightarrow |\mathcal{E}| = |-200 \times 0/5| = 100 \text{ V}$$

گزینه ۴

بزرگی نیروی محرکه القایی در هر لحظه برابر $|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$ است؛ بنابراین متناسب با شیب نمودار $\phi - t$ می‌باشد. باتوجه به اینکه شیب نمودار در بازه زمانی $4 < t' < 16$ ثابت است؛ کافی است نیروی محرکه القایی متوسط را در بازه زمانی ۴ تا ۱۶ به دست بیاوریم.



گزینه ۱

گام اول: ابتدا با استفاده از قاعده دست راست جهت نیروی وارد بر ذره که همان جهت شتاب نیز می‌باشد را به دست می‌آوریم. پس جهت شتاب در جهت محور y است. (گزینه‌های ۲ و ۴ نادرست‌اند)

$$\vec{F} = |q| v B \sin \theta \xrightarrow{F=ma} ma = |q| v B \sin \theta$$

$$\Rightarrow 1/7 \times 10^{-27} \times a = 1/6 \times 10^{-19} \times 10^8 \times 170 \times 10^{-9}$$

$$\Rightarrow a = 1/6 \times 10^{10} \text{ m/s}^2$$

گام دوم: حالا به سراغ اندازه نیرو و اندازه شتاب می‌رویم.

گزینه ۲

از فرمول قانون فاراده استفاده می‌کنیم:

$$\mathcal{E} = -\frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -\frac{0 - 2 \times 10^{-3}}{10^{-2}} = 0/2 \text{ V}$$

نیروی محرکه القایی ثابت و از $t = 0$ تا $t = 0/2 \text{ s}$ برابر با $0/2 \text{ V}$ است.

نکته: بدون محاسبه می‌توان به نتیجه رسید ← شیب نمودار $\phi - t$ با علامت منفی برابر با نیروی محرکه القایی است. چون شیب نمودار ثابت و منفی است، بنابراین نیروی محرکه القایی باید ثابت و مثبت باشد و تنها نمودار گزینه ۲ بیانگر این مطلب است.

گام اول

الف) یک میله فلزی به طول ۳۰ سانتی‌متر $L = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$

ب) در یک میدان مغناطیسی یکنواخت با سرعت $v = 2 \text{ m/s}$

ج) در راستای عمود بر خطوط میدان حرکت می‌کند $\varepsilon = BvL$

د) اگر اندازه میدان مغناطیسی ۰/۰۵ تسلا باشد، نیروی محرکه القاشده در این میله چند میلی‌ولت است؟ $\varepsilon = ? \text{ (mV)}$ ، $B = 0.05 \text{ T}$

گام دوم

با استفاده از رابطه $\varepsilon = BvL$ داریم:

$$\varepsilon = BvL = 0.05 \times 2 \times 0.3 = 0.03 \text{ V} = 30 \text{ mV}$$

طبق قانون لنز با کاهش شار عبوری، جریان عبوری از میله از N به M است.

$$|\varepsilon| = NBvL = 0.15 = 1 \times 0.12 \times v \times \frac{1}{4} \Rightarrow v = 5 \text{ m/s}$$

بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط را از رابطه $\bar{\varepsilon} = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right|$ به دست می‌آوریم.

$$\bar{\varepsilon} = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times \frac{A\Delta B \cos\theta}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times \frac{6 \times 10^{-2} \times (-200 \times 10^{-4}) \times 1}{10^{-3}} \right|$$

$$\Rightarrow \bar{\varepsilon} = 1.2 \text{ V}$$

چون میدان مغناطیسی در حال کاهش است، شار مغناطیسی نیز در حال کاهش است. طبق قانون لنز، جهت جریان القایی به گونه‌ای است که با کاهش شار مخالفت کند. پس جریان القایی در جهتی است که میدان مغناطیسی القایی درون سویی ایجاد کند. طبق قاعده دست راست جهت جریان القایی باید ساعتگرد باشد.

با استفاده از دست چپ، طبق قاعده دست راست گزینه "۳" درست است. البته در صورت سؤال باید ذکر می‌شد که جهت بردار سرعت کدام می‌تواند باشد.

گام اول: جریان گذرنده از سیملوله را محاسبه می‌کنیم:

$$U = \frac{1}{\rho} LI^2 \Rightarrow \frac{4}{10} = \frac{1}{\rho} \times \frac{5}{100} I^2 \Rightarrow I^2 = 16 \Rightarrow I = 4 \text{ A}$$

گام دوم: از رابطه $B = \mu_0 \frac{N}{L} I$ میدان درون سیملوله را به دست می‌آوریم:

$$B = \mu_0 \frac{N}{L} I = 12 \times 10^{-7} \times \frac{100}{8 \times 10^{-2}} \times 4 = 6 \times 10^{-3} \text{ T} = 60 \text{ G}$$

گام اول

الف) پیچهای با ۴۰۰ دور سیم، مقاومت ۳ اهمی دارد ← $N = 400, R = 3\Omega$
 ب) مقطع این پیچ عمود بر میدان مغناطیسی که مساحت $2 \times 10^{-2} \text{m}^2$ مترمربع دارد ← $\alpha = 90^\circ, A = 2 \times 10^{-2} \text{m}^2$
 ج) این میدان با چه آهنگی برحسب $\frac{dB}{dt}$ تسلا تغییر کند ← $\frac{dB}{dt} = ? \text{T/s}$
 د) تا جریانی به شدت ۴ میلی آمپر در پیچ به وجود آید ← $I = 4 \text{mA} = 4 \times 10^{-3} \text{A}$

گام دوم

از قانون القای الکترومغناطیسی فارادی می‌دانیم:

$$\varepsilon = IR = -N \frac{d\phi}{dt} \quad (1)$$

شار مغناطیسی که از یک پیچ می‌گذرد، برابر است با:

$$\phi = AB \cos \alpha \Rightarrow \frac{d\phi}{dt} = \frac{dB}{dt} \times A \cos \alpha \quad (2)$$

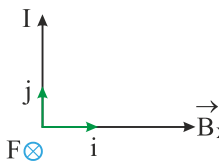
بنابراین:

$$(1), (2) \Rightarrow IR = -N \frac{dB}{dt} \times A \cos \alpha \Rightarrow \frac{dB}{dt} = -\frac{IR}{NA \cos \alpha}$$

$$\Rightarrow \frac{dB}{dt} = -\frac{4 \times 10^{-3} \times 3}{400 \times 2 \times 10^{-2} \times 1} = \frac{3}{2} \times 10^{-3} \text{T/s}$$

مطابق قانون لنز جهت جریان القایی در یک مدار بسته همواره در جهتی است که با عامل به وجود آورنده‌اش مخالفت می‌کند. در (۱) میدان مغناطیسی درون حلقه در حال افزایش است، پس باید جریان پادساعت‌گرد باشد و در (۲) میدان مغناطیسی درون حلقه ثابت است، پس جریان القایی صفر است و در (۳) میدان مغناطیسی درون حلقه در حال کاهش است و جریان ساعت‌گرد است یعنی گزینه "۱" صحیح است.

فقط مؤلفه‌ای از میدان مغناطیسی می‌تواند به سیم نیرو وارد کند که بر آن عمود باشد:



$$F = BIL \sin \alpha \Rightarrow F = B_x I_y L \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow F = 0.6 \times 50 \times 0.2 = 6 \text{ N}$$

با استفاده از قاعده دست راست جهت نیرو به سمت داخل صفحه است.

گام اول

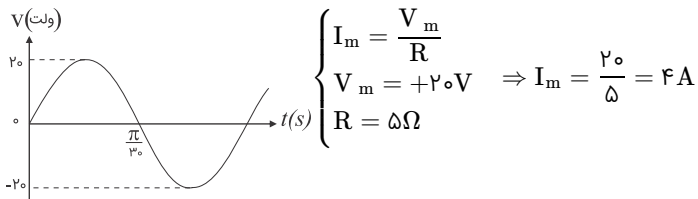
الف) القاگری به ضریب خودالقای $۱۰\text{mH} \leftarrow ۱۰ \times ۱۰^{-۳}\text{H}$
 ب) شدت جریان چند آمپر باید بگذرد تا $۰/۰۲$ انرژی در آن ذخیره شود $\leftarrow I = ?$, $U = ۰/۰۲\text{J}$

گام دوم

با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده القاگر می‌توانیم جریان را محاسبه کنیم.

$$U = \frac{1}{2}LI^2 \Rightarrow ۰/۰۲ = \frac{1}{2} \times ۱۰^{-۲} \times I^2 \Rightarrow I = ۲\text{A}$$

معادله شدت جریان به صورت $I = I_m \sin \omega t$ می‌باشد؛ بنابراین کافی است I_m و ω را به دست بیاوریم.
 باتوجه به نمودار می‌توانیم T و V_m را به دست بیاوریم.



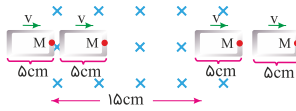
ω برابر است با:

$$\begin{cases} \omega = \frac{2\pi}{T} \\ \frac{T}{2} = \frac{\pi}{30} \Rightarrow T = \frac{\pi}{15}\text{s} \end{cases} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{\pi}{15}} = 30\text{rad/s}$$

بنابراین معادله شدت جریان برابر است با:

$$I = I_m \sin \omega t \xrightarrow{I_m=4\text{A}, \omega=30\text{rad/s}} I = 4 \sin 30t$$

برای ساده‌تر شدن بررسی حرکت قاب بهتر است یک ذره جلوی قاب مثل M را در نظر بگیریم:

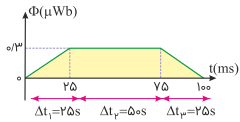


مدت زمانی که طول می‌کشد تا قاب به طور کامل وارد میدان شود: $\Delta t_1 = \frac{L}{V} = \frac{5 \times 10^{-2} \text{ m}}{2 \text{ m/s}} = 2.5 \times 10^{-2} \text{ s} = 25 \text{ ms}$

مدت زمان حرکت قاب داخل میدان: $\Delta t_2 = \frac{(15 - 5) \times 10^{-2} \text{ m}}{2 \text{ m/s}} = 5 \times 10^{-2} \text{ s} = 50 \text{ ms}$

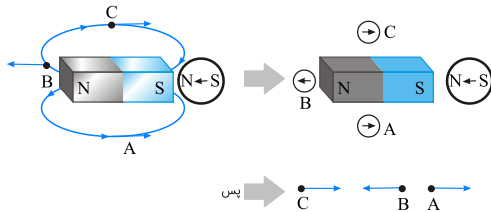
مدت زمانی که طول می‌کشد تا قاب به طور کامل از میدان خارج شود: $\Delta t_3 = \frac{5 \times 10^{-2} \text{ m}}{2 \text{ m/s}} = 2.5 \times 10^{-2} \text{ s} = 25 \text{ ms}$

$\Phi_{\max} = BA = 2 \times 10^{-2} \times (3 \times 5) \times 10^{-2} = 30 \times 10^{-8} \text{ Wb} \times 10^6 = 0.3 \mu\text{Wb}$



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۷

جهت میدان مغناطیسی در خارج آهنربا از N خارج و به S وارد می‌شود و در هر نقطه میدان مغناطیسی مماس بر مسیر است، پس:



بنابراین گزینه "۱" صحیح است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۶

گام اول: زمان داده شده روی نمودار برابر با $\frac{\Delta T}{4}$ است. پس T برابر است با:

$$\frac{\Delta T}{4} = \frac{1}{320} \Rightarrow T = \frac{1}{400} \text{ s}$$

گام دوم: معادله جریان متناوب را با استفاده از $I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ می‌نویسیم:

$$I = 5\sqrt{2} \sin\left(\frac{2\pi}{1}t\right) = 5\sqrt{2} \sin(400\pi t)$$

گام سوم: در معادله به جای t ، لحظه $\frac{1}{3200} \text{ s}$ را قرار می‌دهیم:

$$I = 5\sqrt{2} \sin(400\pi t) = 5\sqrt{2} \sin\left(400\pi \times \frac{1}{3200}\right)$$

$$\Rightarrow I = 5\sqrt{2} \sin\left(\frac{\pi}{8}\right) = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5 \text{ A}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

روش ساده و کوتاه: چون جریان سیم‌ها خلاف جهت هم هستند، بنابراین در نقاط بین دو سیم میدان‌ها با هم جمع می‌شوند. همچنین چون نقطه C به سیم حامل جریان قوی‌تر نزدیک‌تر است، میدان در این نقطه قوی‌تر از میدان در نقطه B است. تنها گزینه‌ای که می‌تواند درست باشد گزینه ۴ است.

$$B_C > B_B$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۷

شار مغناطیسی از رابطه $\Phi = BA \cos \theta$ به دست می‌آید که در این رابطه، θ زاویه نیم‌خط عمود بر سطح با خطوط میدان است. در صورت سؤال زاویه خطوط میدان با سطح حلقه داده شده است که متمم زاویه θ است؛ پس θ و در نتیجه شار مغناطیسی برابر است با:

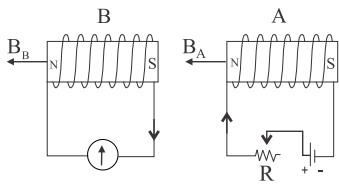
$$\theta = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

$$\Phi = BA \cos \theta = (4 \times 10^{-3}) \times (200 \times 10^{-4}) \times \cos 30^\circ$$

$$\Rightarrow \Phi = 8 \times 10^{-5} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3} \times 10^{-5} \text{ Wb}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

جهت جریان در مدار سیم‌لوله A از قطب مثبت باتری به سمت قطب منفی آن است؛ پس جهت میدان مغناطیسی حاصل از آن به سمت چپ است. جریان القایی طبق قانون لنز درجهتی است که با تغییر شار مخالفت می‌کند. در سیم‌لوله B میدان مغناطیسی ناشی از جریان القایی به سمت چپ است؛ بنابراین میدان B_A باید کاهش یافته باشد تا B_B در مقابله با کاهش آن، ایجاد شود. برای کاهش B_A باید جریان کاهش یابد که با افزایش مقاومت، این امر امکان‌پذیر می‌شود. با مشخص کردن قطب‌های هرکدام از سیم‌لوله‌ها، درمی‌یابیم که نیرویی که به هم وارد می‌کنند از جنس جاذبه است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۶

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۱

گام اول

اگر میله رسانای MN را از حال سکون با شتاب ثابت به سمت چپ ببریم ← مساحت کاهش می‌یابد؛ بنابراین شار نیز کاهش می‌یابد.

گام دوم

طبق قانون لنز جریان القایی درجهتی ایجاد می‌شود که با تغییر شار مخالفت می‌کند. در اینجا با حرکت میله به سمت چپ تعداد خطوط عبوری میدان مغناطیسی کاهش می‌یابد؛ بنابراین طبق قانون لنز جریان القایی درجهتی به وجود می‌آید که با تغییر شار مخالفت کند یعنی باعث افزایش میدان مغناطیسی بشود؛ یعنی میدان الکترومغناطیسی ناشی از جریان القایی درون‌سو باشد؛ بنابراین طبق قاعده دست راست جریان القایی از M به N است.

برای بررسی جریان القایی باید نیروی محرکه القایی را بررسی کنیم. برای حرکت میله در میدان مغناطیسی نیروی محرکه برابر است با:

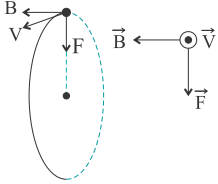
$$\varepsilon = Blv \sin \alpha \Rightarrow \varepsilon \propto v$$

باتوجه به شتاب‌دار بودن حرکت میله، سرعت آن در حال افزایش است؛ بنابراین ε ($\varepsilon \propto v$) نیز افزایش می‌یابد. با افزایش ε ، I نیز افزایش می‌یابد ($I = \frac{\varepsilon}{R}$).

گام اول

- الف) بار الکتریکی $q > 0$ با به کار بردن قانون دست راست لزومی به تغییر جهت نیست.
 ب) بار الکتریکی در حال چرخش است. \leftarrow نیروی وارد بر بار، نیروی مرکزگرا است.
 ج) جهت میدان مغناطیسی کدام است؟ \leftarrow جهت $\vec{B} = ?$

گام دوم



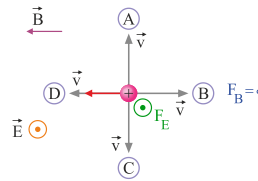
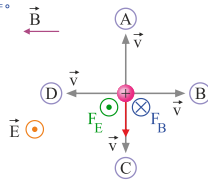
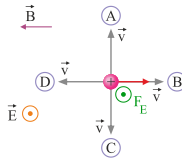
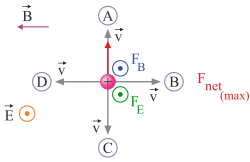
بار $q > 0$ در میدان الکترومغناطیسی روی یک دایره حرکت می‌کند و در هر حرکت دایره‌ای یک نیروی جانب مرکز وجود دارد که در اینجا نیروی جانب مرکز توسط نیروی الکترومغناطیسی تأمین می‌شود. لحظه‌ای را که بار q در بالاترین نقطه مسیر قرار دارد، در نظر می‌گیریم: باتوجه به شکل، جهت بردار سرعت برون‌سو و جهت نیروی مرکزگرا که همان نیروی الکترومغناطیسی است، به سمت پایین (مرکز دایره) است. بنابراین با استفاده از قاعده دست راست، اگر چهار انگشت درجهت حرکت بار q و انگشت شست جهت نیرو را نشان دهد، آنگاه کف دست جهت میدان مغناطیسی را نشان می‌دهد که به سمت چپ (\leftarrow) خواهد بود.

گزینه ۱

جهت v را در تمام حالات یکی یکی بررسی و مقایسه می‌کنیم. (فلش قرمز رنگ)

جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار را با توجه به جهت v و B به دست می‌آوریم (بردار آبی رنگ): F_B

جهت نیروی الکتریکی وارد بر بار را نیز تعیین می‌کنیم (فلش سبز رنگ) F_E که در تمام شکل‌ها برون‌سو است.



گزینه ۳

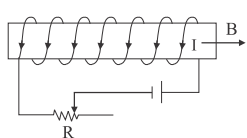
مواد فرومغناطیس به دو دسته تقسیم می‌شوند: فرومغناطیس سخت و نرم. در مواد فرومغناطیس سخت حجم حوزه‌های مغناطیسی به‌سختی تغییر می‌کند و همچنین پس از خروج از میدان مغناطیسی خارجی حجم این حوزه‌ها به حالت اول برنمی‌گردد مانند فولاد. به همین دلیل از این مواد برای ساختن آهنربای دائمی استفاده می‌شود. در مواد فرومغناطیس نرم حجم حوزه‌های مغناطیسی به‌راحتی تغییر می‌کند و پس از خروج از میدان مغناطیس خارجی مجدداً به حالت اولیه برمی‌گردد؛ مانند آهن. از این مواد برای ساختن آهنربای موقت استفاده می‌شود.

گام اول

مقاومت رتوستا در حال افزایش است ← جریان و میدان مغناطیسی سیملوله کاهش می‌یابد.

گام دوم

جهت جریان در مدار از قطب مثبت به سمت قطب منفی است؛ بنابراین جهت میدان مغناطیسی به سمت راست است.



باتوجه به اینکه مقاومت رتوستا در حال افزایش است، جریان و میدان مغناطیسی سیملوله کاهش می‌یابد و با کاهش میدان مغناطیسی، شار در حلقه کم می‌شود و طبق قانون لنز جریان القایی درجهتی به وجود می‌آید که با این تغییر شار مخالفت می‌کند؛ بنابراین جهت جریان حلقه درجهت ۱ است تا کاهش میدان مغناطیسی را جبران کند.

برای سیملوله نیز به همین صورت با کاهش جریان و شار عبوری از سیملوله جریان القایی هم‌جهت با جریان مدار ایجاد می‌شود که باعث افزایش شار و میدان مغناطیسی اولیه است.

$$F = ma \Rightarrow qvB \sin 90^\circ = ma$$

$$\frac{q=2e}{\rightarrow} 2 \times 1/6 \times 10^{-19} \times 50 \times B \times 1 = 6/68 \times 10^{-27} \times 4 \times 10^5$$

$$\Rightarrow B = 1/67 \times 10^{-F} \text{ T}$$

باتوجه به ثابت بودن مساحت سطح حلقه و زاویه بین میدان و سطح داریم:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -N A \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

در نمودار $B - t$ برابر با شیب خط است:

$$\text{شیب خط} = \frac{\Delta B}{\Delta t} = -\frac{0/8}{40 \times 10^{-3}} = \frac{-800}{40} = 20 \text{ T/s}$$

حالا نیرو محرکه القایی را محاسبه می‌کنیم:

$$\varepsilon = -500 \times 40 \times 10^{-3} \times 20 \Rightarrow \varepsilon = 40 \text{ V}$$

باتوجه به رابطه جریان متناوب $I = I_{\max} \sin \omega t$ و مقایسه آن با $I = 5 \sin 50\pi t$ نتیجه می‌گیریم:

$$I_{\max} = 5$$

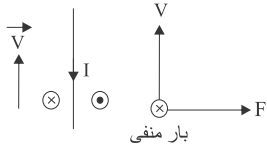
انرژی سیملوله از رابطه $U = \frac{1}{2} L I^2$ و بیشینه آن به ازای I_{\max} به دست می‌آید:

$$U_{\max} = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times 0/04 \times (5)^2 = 500 \times 10^{-3} \text{ J} = 500 \text{ mJ}$$

وقتی جریان عبوری از القاگر آرمانی در حال کاهش است، طبق قانون لنز القاگر با این کاهش جریان مخالفت می‌کند و انرژی از آن خارج می‌شود.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸

میدان مغناطیسی حاصل از جریان در محلی که بار نقطه‌ای q قرار دارد به صورت درون‌سو است. باتوجه به اینکه علامت بار منفی است و با استفاده از قانون دست راست جهت نیرو را مشخص می‌کنیم. بنا بر قاعده دست راست نیرو وارد بر ذره باید در جهت چپ باشد ولی چون بار منفی است، جهت نیرو به طرف راست است.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۸

شار در حال کاهش است و جریان القایی باید میدانی هم‌جهت با میدان اصلی ایجاد کند تا با کاهش شار مخالفت نماید.

جریانی که در داخل حلقه میدان درون‌سو ایجاد کند، یک جریان ساعتگرد است.

حال به کمک رابطه قانون القای فاراده، اندازه نیروی محرکه القایی را محاسبه می‌کنیم:

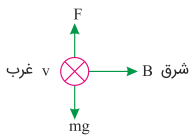
$$\vec{v}_{\text{av}} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -\frac{(-0.02)}{10^{-3} \text{ s}} = 20 \text{ V}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

بزرگی نیروی محرکه متوسط از رابطه $\bar{\epsilon} = \left| \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$ به دست می‌آید که در نمودار $\phi - t$ برابر است با شیب نمودار. در بازه‌های داده‌شده در گزینه‌های تست شیب در بازه 0 تا 5 بیشترین مقدار را دارد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۸

ابتدا جهت میدان را تعیین می‌کنیم:



میدان مغناطیسی به سمت شرق است.

$$F = mg \Rightarrow |q| v B = mg$$

$$\Rightarrow 50 \times 10^{-6} \times 2/5 \times 10^3 \times B = 5 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow B = 0.4 \text{ T}$$

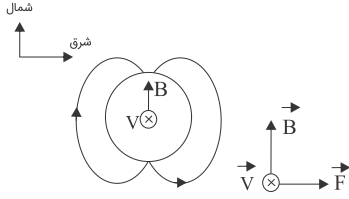
کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

گام اول

یک ذره کیهانی با بار مثبت از بالای خط استوا به طور عمود به سمت کره زمین در حرکت است. ← بردار سرعت ذره به سمت مرکز کره زمین است (درون سو).

گام دوم

میدان مغناطیسی زمین از سمت جنوب به شمال است بنابراین با استفاده از قاعده دست راست نیرو به سمت شرق است.



گزینه ۴

۶۰

$$B_1 = 0.1 \text{ T}$$

$$B_2 = -0.1 \text{ T}$$

$$\Delta t = 0.25 \text{ s}$$

$$A = 100 \text{ cm}^2 \times 10^{-4} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$\varepsilon = -N A \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\varepsilon = -1 \times 10^{-2} \times 1 \times \frac{-0.1 - 0.1}{0.25} = 8 \times 10^{-3} \text{ V}$$

$$\varepsilon = 8 \times 10^{-3} \times 10^3 = 8 \text{ mV}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

گزینه ۲

۶۱

نیروی مغناطیسی وارد بر یک سیم به طول L و حامل جریان I که در میدان B قرار گرفته است، برابر است با:

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$N = A \times T \times m \Rightarrow T = N/A.m$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۲

گزینه ۴

۶۲

رابطه بین انرژی و جریان برابر است با:

$$U = \frac{1}{\mu} LI^2 \Rightarrow U \propto I^2$$

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{\frac{1}{\mu} LI_2^2}{\frac{1}{\mu} LI_1^2} \xrightarrow{I_2=2I_1} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{2I_1}{I_1}\right)^2 = 4$$

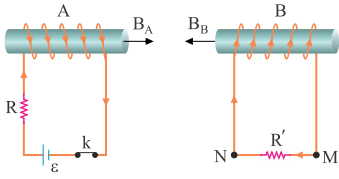
بنابراین با ۲ برابر شدن جریان، انرژی ذخیره شده در القاگر ۴ برابر می شود.

میدان مغناطیسی سیملوله برابر $B = \mu_0 n I$ است؛ بنابراین با ۲ برابر شدن جریان میدان مغناطیسی نیز ۲ برابر می شود.

$$\frac{B_2}{B_1} = \frac{\mu_0 n I_2}{\mu_0 n I_1} = \frac{2I_1}{I_1} \Rightarrow B_2 = 2B_1$$

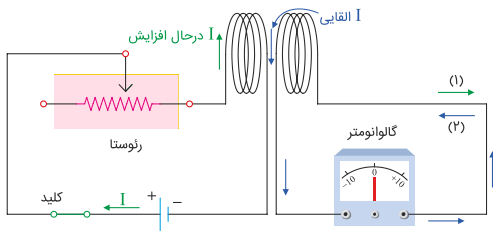
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۶

در مدار سیملوله A جریان از قطب مثبت باتری به سمت قطب منفی آن است؛ بنابراین جهت میدان مغناطیسی حاصل از آن (B_A) به سمت راست می‌باشد؛ و اگر جریان القایی از M به N داشته باشیم میدان مغناطیسی آن (B_B) به سمت راست است.



طبق قانون لنز جریان القایی درجهتی ایجاد می‌شود که با تغییر شار مخالفت می‌کند؛ بنابراین اگر میدان مغناطیسی B_A افزایش پیدا کند، B_B ایجاد می‌شود و ما می‌توانیم جریانی از M به N داشته باشیم. با حرکت سیملوله A به سمت راست خطوط میدان در سیملوله B (یا بزرگی میدان به سمت راست) افزایش می‌یابد؛ که باعث ایجاد شدن B_B و جریان M به N در این مدار می‌شود.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۰



لحظه وصل کلید \Leftarrow جریان و در نتیجه شار افزایش می‌یابد پس باید در مدار سمت راست جریان به گونه‌ای القا شود که با افزایش شار مخالفت کند (میدان مغناطیسی القایی خلاف جهت میدان اصلی باشد) \Leftarrow باید جریان القایی در جهت ۲ باشد. با کاهش مقاومت رُوستا، باز هم جریان و شار افزایش می‌یابند پس باز هم جریان القایی در همان جهت قسمت قبل (یعنی جهت ۲) القا می‌گردد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۰

با حرکت میله فلزی و به دلیل افزایش سطح حلقه، شار مغناطیسی تغییر می‌کند. چون میدان مغناطیسی در سطح حلقه یکنواخت است، پس می‌توانیم شار مغناطیسی را از رابطه $\Phi = BA \cos \theta$ محاسبه کنیم. از طرفی زاویه نیم‌خط عمود بر سطح حلقه با جهت میدان \vec{B} صفر است ($\theta = 0$)، در نتیجه $\Phi = BA$. از قانون القای فارادی $\vec{\varepsilon} = -B \frac{\Delta A}{\Delta t}$ که در آن برای محاسبه $\frac{\Delta A}{\Delta t}$ ، باتوجه به اینکه میله در مدت Δt مسافت $v \Delta t$ را طی می‌کند و لذا سطح حلقه به مقدار $\Delta A = lv \Delta t$ افزایش می‌یابد. بنابراین اندازه نیروی محرکه القایی را داریم:

$$|\vec{\varepsilon}| = \left| -B \frac{lv \Delta t}{\Delta t} \right| = Blv$$

از طرفی برای مدار رابطه زیر را داریم:

$$\varepsilon = IR$$

اکنون از تساوی این دو رابطه می‌توانیم سرعت را به دست آوریم:

$$R = 0.2 \Omega, \quad I = 0.5 \text{ A}, \quad B = 0.1 \text{ T}, \quad L = 0.25 \text{ m}$$

$$\begin{cases} \varepsilon = BvL \\ \varepsilon = RI \end{cases} \Rightarrow RI = BvL \Rightarrow v = \frac{0.2 \times 0.5}{0.1 \times 0.25} = 4 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۶

$$\vec{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -10^3 \times \frac{|\Delta \vec{B}| A \cos \theta}{\Delta t}$$

$$|\vec{\varepsilon}| = \left| -10^3 \times \frac{(0.04 - (-0.04)) \times 50 \times 10^{-2} \times 1}{0.01} \right| = 40 \text{ V}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

وقتی کلید در حالت (۱) قرار گیرد، جریان متناوب از مدار می‌گذرد؛ بنابراین گزینه‌های ۱ و ۲ حذف می‌شوند. وقتی کلید در حالت (۲) قرار گیرد، جریان متناوب از دیود می‌گذرد و دیود فقط قسمت‌های مثبت جریان متناوب را از خود عبور داده و در قسمت‌های منفی جریان خاموش می‌شود و جریان صفر می‌شود.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

باتوجه به قانون القای الکترومغناطیس فارادی و باتوجه به اینکه در مسئله میدان مغناطیسی تغییر کرده است، داریم:

$$A = \pi r^2 \Rightarrow A = \pi \times (0.1)^2 = \pi \times 10^{-2}$$

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -N \frac{\Delta B \cdot A \cdot \cos \theta}{\Delta t} \xrightarrow[\cos \theta = 1]{\text{حلقه } N=1 \text{ یک حلقه عمود بر میدان}} \varepsilon = -\pi \times 10^{-2} \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\text{از } 0.1 \text{ تا } 0.15 \text{ ثانیه} \Rightarrow \varepsilon_1 = -\pi \times 10^{-2} \times \frac{0.15 - 0}{0.1 - 0} = -\pi \times 10^{-2} \times 1.5 = -0.15\pi$$

$$\text{از } 0.1 \text{ تا } 0.2 \text{ ثانیه} \Rightarrow \Delta B = 0 \Rightarrow \varepsilon_2 = 0$$

$$\text{از } 0.2 \text{ تا } 0.3 \text{ ثانیه} \Rightarrow \varepsilon_3 = -\pi \times 10^{-2} \times \frac{0 - 0.15}{0.3 - 0.2} = -\pi \times 10^{-2} \times \frac{-0.15}{0.1} = +0.15\pi$$

که نمودار گزینه ۱ "چنین مقادیری را برای نیروی محرکه الکتریکی نشان می‌دهد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۶

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -60 \left(\frac{4 \times 10^{-3} \cos \pi - 4 \times 10^{-3} \cos\left(\frac{\pi}{2}\right)}{\frac{1}{100} - \frac{1}{200}} \right) = -60 \left(\frac{-4 \times 10^{-3} - 0}{\frac{1}{200}} \right)$$

$$\Rightarrow \bar{\varepsilon} = 48 \text{ V}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۸

گام اول

- الف) یک سیم پیچ با ۲۰ دور سیم $N = 20$
- ب) طول هر ضلع آن ۴۰ سانتی متر است $L = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$
- ج) با سرعت 3 m/s به سمت راست حرکت می کند $v = 3 \text{ m/s}$
- د) در لحظه ای که ۳۰ سانتی متر از آن وارد شده است $x_2 = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m} = 3 \times 10^{-1} \text{ m}$
- ه) بزرگی نیروی محرکه القاشده چند ولت است $\mathcal{E} = ?$

گام دوم

کافی است مدت زمانی که طول می کشد که ۳۰ سانتی متر از سیم پیچ وارد میدان مغناطیسی شود را محاسبه کنیم و با محاسبه شار مغناطیسی و استفاده از قانون فارادی، نیروی محرکه القایی را به دست بیاوریم.

$$x = vt \Rightarrow 3 \times 10^{-1} = 3 \times t \Rightarrow t = 10^{-1} \text{ s}$$

حالت اول:

سیم پیچ هنوز وارد میدان نشده ($B = 0$)؛ بنابراین $\phi_1 = 0$ است.

حالت دوم:

$$\begin{cases} \phi = BA \cos \theta \\ A = xL \\ \theta = 0 \\ B = 0.5T \end{cases} \Rightarrow \phi_2 = BxL$$

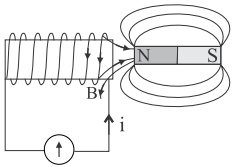
$$\xrightarrow{B=0.5T} \phi_2 = 0.5 \times 3 \times 10^{-1} \times 4 \times 10^{-1} = 6 \times 10^{-2} \text{ Wb}$$

با استفاده از قانون القای فارادی داریم:

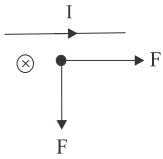
$$|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = \left| -20 \times \frac{(6 \times 10^{-2} - 0)}{10^{-1}} \right| = 12 \text{ V}$$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 200 \times 5}{0.6} = 2 \times 10^{-3} \text{ T}$$

باتوجه به قانون لنز جریان القایی درجهتی است که با تغییر شار مخالفت می کند. در اینجا تغییر شار وابسته به تغییر میدان مغناطیسی است. بر روی محور اصلی سیم پیچ، میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی سیم پیچ طبق قاعده دست راست به سمت راست است؛ و از مقایسه جهت این B القایی با جهت B آهنربا، طبق قانون لنز نتیجه می گیریم که می بایست آهنربا در حال نزدیک شدن به سیم پیچ بوده (آهنربا به سمت چپ حرکت کرده) و یا سیم پیچ در حال نزدیک شدن به آهنربا بوده (سیم پیچ به سمت راست حرکت کرده)، که چنین جریان القایی و به تبع آن چنین میدان مغناطیسی القایی را ایجاد شده است.



ابتدا با استفاده از قاعده دست راست جهت میدان مغناطیسی را مشخص می‌کنیم، اگر شست دست راست هم‌جهت با جریان سیم باشد جهت خم شدن چهار انگشت دست، جهت خطوط میدان مغناطیسی را در اطراف سیم نشان می‌دهد؛ بنابراین میدان درون‌سو است. برای تعیین جهت نیروی وارد بر ذره متحرک نیز از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم؛ به‌گونه‌ای که چهار انگشت دست راست در جهت \mathbf{v} باشد و کف دست عمود بر راستای میدان مغناطیسی باشد، شست دست جهت نیرو را نشان می‌دهد (به سمت بالا) که باتوجه به منفی بودن بار الکتریکی ذره، جهت آن را باید در جهت عکس بردار نیروی به‌دست‌آمده در نظر بگیریم؛ یعنی به سمت پایین است.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۷

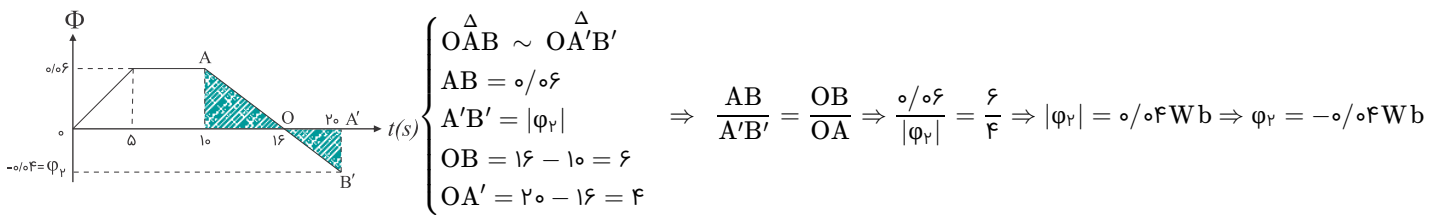
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۸

گام اول

بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه در بازه زمانی ۱۰ تا ۲۰ چند میلی‌ولت است ← $N = 1, \Delta t = 20 - 10 = 10s, |\mathcal{E}| = ? mV$

گام دوم

برای به دست آوردن بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط از رابطه $|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$ استفاده می‌کنیم که در آن $\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1$. باتوجه به نمودار $\phi_1 = 0.06 (wb)$ است؛ ولی ϕ_2 را باید باتوجه به تشابه مثلثاتی به دست بیاوریم؛ بنابراین:



بنابراین نیروی محرکه القایی متوسط برابر است با:

$$|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| = \left| \frac{\phi_2 - \phi_1}{\Delta t} \right| = \left| \frac{-0.04 - 0.06}{10} \right| = 10^{-2} V = 10 mV$$

$$I_{\max} = 6 A$$

$$T + \frac{T}{f} = \frac{1}{f_0} \Rightarrow T = \frac{1}{50} s$$

$$I = I_{\max} \sin \frac{2\pi}{T} t$$

$$I = 6 \sin \frac{2\pi}{1} \times \frac{1}{f_{00}} = 3\sqrt{2} A$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2$$

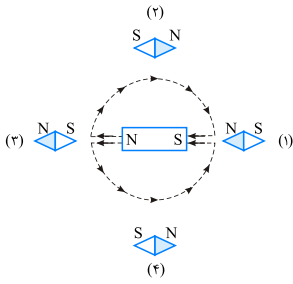
$$72 = \frac{1}{2} L \times 9 \times 2 \Rightarrow L = 8 mH$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

گزینه "۳" صحیح است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

شکل زیر جهت خطوط میدان الکترومغناطیسی را در اطراف آهنربا نشان می‌دهد. باتوجه به شکل زیر با حرکت عقربه دور مسیر دایره‌ای می‌توان میزان دوران عقربه را نسبت حالت اولش محاسبه کرد؛ با حرکت عقربه از مسیر ۱ به مسیر ۲، ۱۸۰ درجه دوران می‌کند. از مسیر ۲ به مسیر ۳، ۱۸۰ درجه تغییر جهت می‌دهد؛ دوباره از مسیر ۳ به ۴، ۱۸۰ درجه تغییر جهت می‌دهد؛ و نهایتاً از مسیر ۴ به ۱، ۱۸۰ درجه دوران می‌کند؛ در نتیجه عقربه با حرکت کامل دور دایره، $720^\circ = 180^\circ \times 4$ دوران می‌کند.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۶

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۰

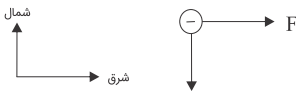
گام اول

الف) یک دسته الکترون در یک مسیر افقی از شمال به جنوب وارد یک میدان مغناطیسی می‌شود. \leftarrow بردار سرعت هم‌جهت با بردار جابه‌جایی؛ بنابراین جهت \vec{v} از شمال به جنوب است.

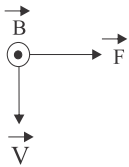
ب) اگر الکترون‌ها به طرف مشرق منحرف شوند \leftarrow نیروی وارد بر الکترون در جهت شرق

گام دوم

ابتدا بردارهای سرعت و نیروی وارد بر الکترون را رسم می‌کنیم:



حال با استفاده از قاعده دست راست و باتوجه به اینکه ذره، الکترون است، نتیجه می‌گیریم میدان مغناطیسی قائم به طرف بالا (برون‌سو) است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۰

گام اول

الف) انرژی ذخیره‌شده در سیملوله‌ای با عبور جریان ۲A برابر با ۰/۱J است $\leftarrow U = 0.1 \text{ J}, I = 2 \text{ A}$

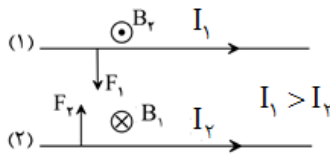
ب) ضریب خودالقایی سیملوله چند هانری است؟ $L = ? \text{ H}$

گام دوم

با استفاده از رابطه انرژی ذخیره‌شده القاگر می‌توانیم ضریب خودالقایی سیملوله را به دست آوریم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow 0.1 = \frac{1}{2} \times L \times (2)^2 \Rightarrow L = \frac{1}{10} = 0.1 \text{ H}$$

طبق قانون سوم نیوتن؛ نیرویی که از طرف سیم (۱) بر یک متر از سیم (۲) وارد می‌شود برابر است با نیرویی که از طرف سیم (۲) بر یک متر از سیم (۱) وارد می‌شود؛ بنابراین:

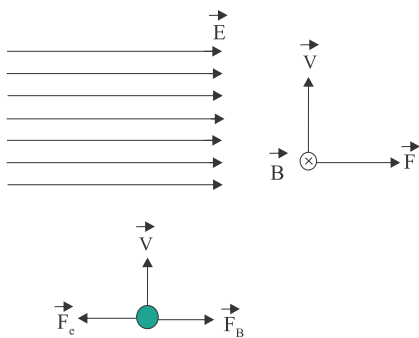
$$F_1 = F_2$$


میدان مغناطیسی که جریان I_1 در محل سیم (۲) ایجاد می‌کند درون‌سو است، بنا بر قاعده دست راست نیرو به سمت بالا به سیم (۲) وارد می‌شود. میدان مغناطیسی ناشی از جریان I_2 در محل سیم (۱)، برون‌سو است و بنا بر قاعده دست راست نیروی وارد بر آن به سمت پایین است؛ بنابراین دو سیم یکدیگر را جذب می‌کنند (جریان‌های هم‌جهت یکدیگر را جذب می‌کنند).

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۲

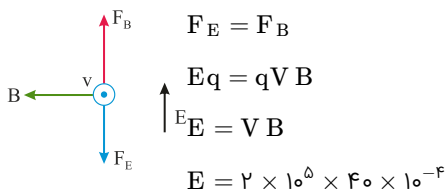
هنگام عبور الکترون از میدان الکتریکی نیرویی در خلاف جهت میدان به آن وارد می‌شود بنابراین میدان مغناطیسی باید درجهتی باشد که جهت نیروی میدان مغناطیسی خلاف جهت نیروی الکتریکی (هم‌جهت با میدان الکتریکی) باشد. حال از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم:

طبق قاعده دست راست میدان برون‌سو است؛ اما از آنجا که ذره دارای بار منفی می‌باشد، میدان درون‌سو است؛ یعنی عمود بر صفحه و به سمت داخل.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۴

شرط عدم انحراف الکترون در دو میدان الکتریکی و مغناطیسی آن است که نیروهای این دو میدان بر الکترون مساوی و خلاف جهت هم باشند. همچنین می‌دانیم میدان الکتریکی نیرویی خلاف جهت خودش به بار منفی وارد می‌کند.



$$E = 800 \text{ N/C}$$

$$\vec{E} = 800 \vec{j}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

گام اول

الف) سیمی به طول ۶۰ متر به صورت سیملوله‌ای بدون هسته به طول $0/5m$ و شعاع حلقه $10cm = 0/1m$ درآورده ←
 ب) از آن جریان $10A$ عبور می‌دهیم ← $I = 10A$
 ج) انرژی ذخیره‌شده در آن چند ژول می‌شود ← $U = ?$

گام دوم

ابتدا باید ضریب خودالقایی سیملوله را به دست آوریم:

$$\begin{cases} L = \frac{\mu \cdot N^2 \cdot A}{l} \\ N = \frac{D}{2\pi R} \\ A = \pi R^2 \\ \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A \end{cases} \Rightarrow L = \frac{\mu_0 \left(\frac{D}{2\pi R}\right)^2 \times \pi R^2}{l} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times \frac{(60)^2}{4\pi^2 R^2} \times \pi R^2}{0/5} = 72 \times 10^{-5} H$$

بنابراین انرژی ذخیره‌شده در سیملوله برابر است با:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times 72 \times 10^{-5} \times 10^2 = 3/6 \times 10^{-2} J$$

گزینه ۲

۸۴

نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} F &= BIL \sin \alpha \\ B &= 500 G = 500 \times 10^{-3} T \Rightarrow F = 500 \times 10^{-3} \times 25 \times 0/8 \times \sin 37^\circ \\ \Rightarrow F &= 5 \times 10^{-2} \times \underbrace{25 \times 0/8}_{20} \times 0/6 = 100 \times 10^{-2} \times 0/6 = 0/6 N \end{aligned}$$

طبق قانون دست راست نیروی F قائم و روبه‌پایین است.
بنابراین گزینه "۲" صحیح است.

گزینه ۳

۸۵

اتم‌های مواد دیامغناطیس به‌طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی هستند (رد گزینه‌های ۱ و ۲): با این وجود حضور میدان مغناطیسی خارجی، می‌تواند سبب القای دو قطبی در خلاف سوی میدان خارجی شود.

گزینه ۱

۸۶

گام اول

الف) ذره‌ای به جرم 500 میلی‌گرم با سرعت 10^3 m/s ← 10^3 m/s
 ب) به‌طور عمود وارد میدان مغناطیسی یکنواخت 4 میلی‌تسلا می‌شود. ← $\alpha = 90^\circ$
 ج) اگر بار الکتریکی ذره $50 \mu C$ باشد. ← $q = 50 \mu C = 50 \times 10^{-6} C$
 د) شتابی که ذره تحت تأثیر میدان می‌گیرد، چند متر بر مربع ثانیه است؟ ← $a = ? m/s^2$

گام دوم

با استفاده از قانون دوم نیوتن می‌توانیم شتاب را محاسبه کنیم:

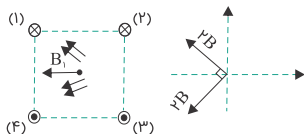
$$\begin{cases} F = ma \\ F = qvB \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow a = \frac{qvB \sin \alpha}{m} = \frac{50 \times 10^{-6} \times 10^3 \times 4 \times 10^{-3} \times \sin 90^\circ}{500 \times 10^{-6}} = 0/4 m/s^2$$

گام اول

الف) از هر سیم جریان یکسان I عبور می‌کند $\leftarrow \left| \vec{B}_1 \right| = \left| \vec{B}_2 \right| = \left| \vec{B}_3 \right| = \left| \vec{B}_4 \right| = B$
 ب) در کدام شکل، بزرگی میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع بیشترین مقدار را دارد؟ $\leftarrow B_T = ?$

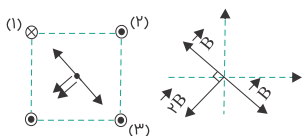
گام دوم

باید جهت میدان مغناطیسی هر سیم را در مرکز مربع مشخص کنیم تا برآیند آن‌ها را به دست بیاوریم.
 گزینه "۱":



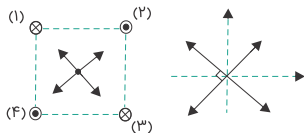
$$B_{T_1} = \sqrt{(\cancel{2}B)^2 + (\cancel{2}B)^2} = \cancel{2}\sqrt{2}B$$

گزینه "۲":



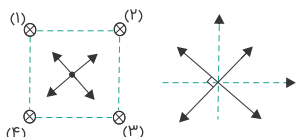
$$B_{T_2} = 2B$$

گزینه "۳":



$$B_{T_3} = 0$$

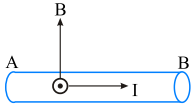
گزینه "۴":



$$B_{T_4} = 0$$

با مقایسه B_T گزینه‌ها مشخص است که گزینه ۱ بیشترین مقدار B_T را دارد.

باتوجه به قطب‌های مولد، جهت جریان پادساعتگرد است، باتوجه به جهت میدان مغناطیسی و قانون دست راست جهت نیرو را مشخص می‌کنیم. اگر چهار انگشت دست راست درجهت I و میدان مغناطیسی عمود بر کف دست باشد، انگشت شست جهت نیروی وارد بر میله را نشان می‌دهد که برون‌سو است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۴

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۷

گام اول

الف) میدان مغناطیسی $0/05$ تسلا $\leftarrow B = 0/05T$

ب) و سطح قاب عمود بر میدان است $\leftarrow \alpha = 90$

ج) ضلع l به طول $40cm$ با سرعت 20 متر بر ثانیه حرکت می‌کند $\leftarrow v = 20m/s, l = 40cm = 0/4m$

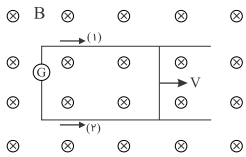
د) نیروی محرک القایی چند ولت است $\leftarrow \mathcal{E} = ?v$

گام دوم

نیروی محرکه القایی یک میله که با سرعت v در یک میدان مغناطیسی در حال حرکت است از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\mathcal{E} = BLv \sin \alpha = 0/05 \times 0/4 \times 20 \times 1 = 0/4v$$

با حرکت میله به سمت راست، مساحت (A) افزایش می‌یابد که باعث افزایش شار می‌شود. بنا بر قانون لنز جهت جریان القایی درجهتی است که شار کاهش یابد؛ یعنی میدان مغناطیسی مدار درجهت برون‌سو است که این امر با جریان ۲ امکان‌پذیر می‌باشد.



گام اول

الف) حلقه‌ای به مساحت ۲۰۰cm^2 که سطح آن موازی با محور x و عمود بر محور y است $\leftarrow A = ۲۰۰\text{cm}^2 = ۲۰۰ \times ۱۰^{-۴}\text{m}^2$ و نیم‌خط عمود بر حلقه فقط راستای y دارد. و راستای x ندارد.

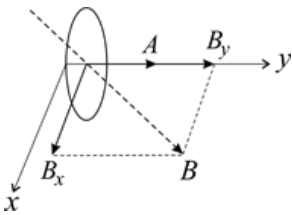
ب) بزرگی میدان مغناطیسی و شار مغناطیسی عبوری حلقه چقدر است؟ $\leftarrow |\vec{B}| = ?$, $\Phi = ?$

گام دوم

\vec{B} کمیتی برداری است و اندازه آن برابر است با:

$$\begin{cases} |\vec{B}| = \sqrt{B_x^2 + B_y^2} \\ \vec{B} = ۰/۳\mathbf{i} + ۰/۴\mathbf{j} \\ B_x = ۰/۳\text{T} \\ B_y = ۰/۴\text{T} \end{cases} \Rightarrow |\vec{B}| = \sqrt{(۰/۳)^2 + (۰/۴)^2} = \sqrt{۰/۰۹ + ۰/۱۶} = ۰/۵\text{T}$$

برای محاسبه شار باید توجه کنیم که از آنجا که حلقه موازی با محور x است، مؤلفه i میدان مغناطیسی (B_x) از آن عبور نمی‌کند و تنها B_y از آن عبور می‌کند؛ بنابراین:



$$\Phi = AB_y = ۲۰۰ \times ۱۰^{-۴} \times ۰/۴ = ۸ \times ۱۰^{-۳}\text{Wb}$$

گام اول

الف) ضریب خودالقایی القاگری ۱۰ میلی‌هائری است $\leftarrow L = ۱۰\text{mH} = ۱۰ \times ۱۰^{-۳}\text{H}$

ب) اگر انرژی ذخیره‌شده در آن $۰/۰۲$ ژول باشد $\leftarrow U = ۰/۰۲\text{J}$

ج) شدت جریان داخل آن چند آمپر است $\leftarrow I = ?$

گام دوم

با استفاده از رابطه انرژی ذخیره‌شده در القاگر می‌توانیم شدت جریان را به دست بیاوریم.

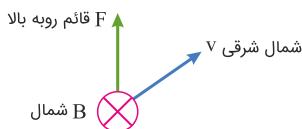
$$U = \frac{1}{2}LI^2 \Rightarrow ۰/۰۲ = \frac{1}{2} \times ۱۰^{-۲} \times I^2 \Rightarrow I^2 = ۴ \Rightarrow I = ۲\text{A}$$

جهت نیروی الکتریکی وارد بر بار (+) در جهت میدان الکتریکی است.

جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار (+) را می‌توانیم به کمک قاعده دست راست مشخص کنیم:

نیروهای F_E و F_B خلاف جهت هم هستند. حال اندازه هر یک از آنها و سپس برآیندشان را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} F_E &= Eq = ۵۰۰ \times ۲ \times ۱۰^{-۶} = ۱۰^{-۳}\text{N} \\ F_B &= qvB = ۲ \times ۱۰^{-۶} \times ۲ \times ۱۰^۴ \times ۲ \times ۱۰^{-۲} = ۸ \times ۱۰^{-۴} = ۰/۸ \times ۱۰^{-۳}\text{N} \\ F_{\text{net}} &= F_E - F_B = ۱۰^{-۳} - ۰/۸ \times ۱۰^{-۳} = ۰/۲ \times ۱۰^{-۳}\text{N} = ۲ \times ۱۰^{-۴}\text{N} \end{aligned}$$



بار ذره آلفا مثبت است و برای تعیین جهت نیروی وارد بر آن از طرف میدان مغناطیسی از دست راست استفاده می‌کنیم.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۴

الف) لغزنده رتوستا در نقطه‌ای ثابت مانده بود ← جریان ثابت باقی می‌ماند.

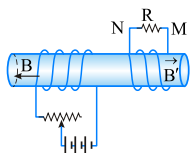
ب) در مدت Δt به سمت چپ حرکت می‌دهیم ← طول مقاومت کاهش می‌یابد؛ بنابراین مقاومت کاهش می‌یابد ($R = \rho \frac{l}{A}$)

قبل از حرکت دادن لغزنده رتوستا، جریان ثابت است؛ بنابراین میدان و شار مغناطیسی تغییر نمی‌کند. با ثابت ماندن شار نیز جریان القایی به وجود نمی‌آید.

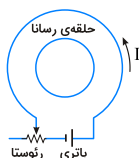
$$(|I| = \left| -\frac{1}{R} \frac{d\phi}{dt} \right|)$$

و $I_1 = 0$ است.

با کاهش مقاومت رتوستا، جریان در مدار سیملوله سمت چپ افزایش پیدا می‌کند (جریان در مدار از قطب مثبت به قطب منفی باتری است) و به دنبال آن میدان مغناطیسی (که به سمت چپ است) افزایش پیدا می‌کند؛ در نتیجه شار مغناطیسی عبوری از سیملوله سمت راست کاهش می‌یابد. طبق قانون لنز، جریانی در سیملوله سمت راست، ایجاد می‌شود به گونه‌ای که با این کاهش شار مخالفت کند یعنی میدان مغناطیسی آن به سمت راست باشد؛ که بنابراین طبق قانون دست راست این جریان از M به N است.



باتوجه به شکل، هنگامی که لغزنده رتوستا در حال حرکت به سمت چپ باشد، مقاومت آن و در نهایت مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد؛ در نتیجه جریان I کاهش می‌یابد. از طرفی با استفاده از قانون دست راست، میدان مغناطیسی ناشی از جریان I در مدار برون‌سو است که با کاهش جریان، این میدان مغناطیسی نیز کاهش می‌یابد. پس باتوجه به قانون لنز، جریان در حلقه رسانا طوری ایجاد می‌شود که با کاهش میدان مغناطیسی برون‌سوی مدار، مخالفت کند؛ بنابراین جهت جریان القایی در حلقه رسانا، پادساعتگرد است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۵

شار مغناطیسی از رابطه $\varphi = BA \cos \theta$ به دست می‌آید و ماکزیمم شار مربوط به زمانی است که قاب عمود بر میدان یا راستای عمود بر سطح با خطوط میدان زاویه صفر می‌سازد؛ و $\cos \theta = 1$ پس:

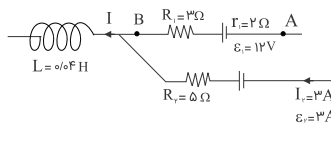
$$\varphi_{\max} = BA \Rightarrow ۴ \times 10^{-۳} = ۰/۲A$$

$$\Rightarrow A = \frac{۴ \times 10^{-۳}}{۲ \times 10^{-1}} = ۲ \times 10^{-۲} \text{ m}^2 = ۲ \times 10^{-۲} \times 10^۴ \text{ cm}^2 = ۲۰۰ \text{ cm}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۹

$$v_A - v_B = ۲$$

وقتی از پایانه مثبت به پایانه منفی باتری می‌رویم، پتانسیل به اندازه نیرو محرکه کم می‌شود و اگر از مقاومت در جهت جریان عبور کنیم، پتانسیل به اندازه IR کم می‌شود.



$$v_A - I_1 R_1 + \mathcal{E}_1 - I_2 R_2 = v_B \Rightarrow \underbrace{v_A - v_B}_{=2} - I_1 \times ۲ + ۱۲ - I_2 \times ۳ = ۰$$

$$I_1 - I_2 = ۲ \quad \text{and} \quad I_1 - I_2 = ۲ \Rightarrow I_1 = \frac{۱۰}{۵} = ۲ \text{ A}$$

طبق قانون شدت جریان داریم:

$$I = I_1 + I_2 = ۳ + ۲ = ۵ \text{ A}$$

انرژی ذخیره شده در سیملوله عبارت است از:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow U = \frac{1}{2} \times ۰/۰۴ \times ۵^2 = ۰/۵ \text{ J}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۸

باتوجه به رابطه میدان مغناطیسی حاصل از حلقه حامل جریان، می‌توانیم یکای کمیت μ_0 را محاسبه کنیم:

$$B = \mu_0 \frac{NI}{rR} \Rightarrow \mu_0 = \frac{B(rR)}{NI} \Rightarrow [\mu_0] = \frac{[T] \cdot [m]}{[A]}$$

یا باتوجه به رابطه میدان مغناطیسی حاصل از سیملوله حامل جریان داریم:

$$B = \mu_0 \frac{NI}{\ell} \Rightarrow \mu_0 = \frac{B\ell}{NI} \Rightarrow [\mu_0] = \frac{[T] \cdot [m]}{[A]}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۷

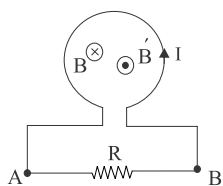
کافی است از رابطه نیروی محرکه القایی متوسط استفاده کنیم:

$$\begin{cases} |\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| \\ \phi = (\Delta t^2 + \epsilon t) \times 10^{-3} \\ t_1 = 0, t_2 = 2s \\ N = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow |\bar{\epsilon}| = \left| -1 \times \frac{\phi_2 - \phi_1}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times \frac{(\Delta(2)^2 + \epsilon(2) \times 10^{-3}) - (0 + 0) \times 10^{-3}}{2 - 0} \right|$$

$$= \left| -\frac{(20 + 12) \times 10^{-3}}{2} \right| = 16 \times 10^{-3} V = 16 mV$$

از آنجا که $\Delta\phi > 0$ است $(\Delta\phi = 32 \times 10^{-3} (Wb))$ طبق قانون لنز حلقه در برابر این تغییرات شار مخالفت می‌کند و جریان القایی آن میدانی در خلاف جهت میدان مغناطیسی موجود به وجود می‌آورد؛ به گونه‌ای که اگر انگشت شست در جهت جریان باشد جهت خم شدن چهار انگشت دست به سمت بیرون است؛ بنابراین جهت جریان در مقاومت R از A به B می‌باشد.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۸

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۱

گام اول

الف) از سیملوله جریان ۴ آمپر می‌گذرد $I = 4A$

ب) انرژی ذخیره‌شده در آن به ۲۰۰ میلی‌ژول می‌رسد $U = 200 mJ = 200 \times 10^{-3} J$

ج) ضریب خودالقایی سیملوله چند هانری است؟ $L = ? H$

گام دوم

کافی است از رابطه انرژی ذخیره‌شده در القاگر استفاده کنیم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow 200 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times L \times 16$$

$$\Rightarrow L = 25 \times 10^{-3} H = 2/5 \times 10^{-2} H$$

روش اول:

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار متحرک، طبق رابطه ضرب خارجی زیر به دست می‌آید:

$$\mathbf{F} = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B})$$

↓
ضرب خارجی

پس ابتدا ضرب خارجی دو بردار را می‌یابیم:

$$\mathbf{v} \times \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ 10^5 & \sqrt{3} \times 10^5 & 0 \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \end{vmatrix} = \mathbf{i}(0 - 0) - \mathbf{j}(0 - 0) + \mathbf{k}\left(-\frac{1}{2} \times 10^5 - \frac{3}{2} \times 10^5\right)$$

$$= -2 \times 10^5 \mathbf{k} \Rightarrow |\mathbf{v} \times \mathbf{B}| = 2 \times 10^5$$

بنابراین:

$$\mathbf{F} = q_e(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) = 1/6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^5 = 3/2 \times 10^{-14}$$

روش دوم:

برای محاسبه نیروی وارد بر ذره باردار متحرک در میدان مغناطیسی از رابطه $\mathbf{F} = q\mathbf{vB} \sin \alpha$ استفاده می‌کنیم. در این رابطه به زاویه بین بردارهای سرعت و میدان مغناطیسی نیاز داریم. برای محاسبه این زاویه می‌توانیم از ضرب نقطه‌ای دو بردار کمک بگیریم:

$$|\mathbf{v}| = \sqrt{(1 + 3) \times 10^5} = 2 \times 10^5$$

$$|\mathbf{B}| = \sqrt{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(-\frac{1}{2}\right)^2} = 1$$

$$\vec{v} \cdot \vec{B} = |\mathbf{v}| |\mathbf{B}| \cos \alpha \Rightarrow (10^5 \times \frac{\sqrt{3}}{2}) + \left(\sqrt{3} \times 10^5 \times \left(-\frac{1}{2}\right)\right) = 2 \times 10^5 \times 1 \times \cos \alpha$$

$$\Rightarrow \underbrace{\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)}_{=0} \times 10^5 = 2 \times 10^5 \times \cos \alpha \Rightarrow \cos \alpha = 0 \Rightarrow \alpha = 90^\circ$$

بنابراین:

$$\mathbf{F} = q\mathbf{vB} \sin \alpha \Rightarrow \mathbf{F} = 1/6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^5 \times \sin 90^\circ = 3/2 \times 10^{-14}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۶

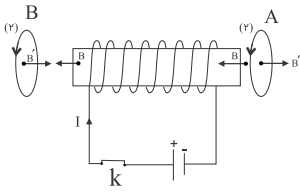
می‌دانیم نیروی محرکه القاشده به میله فلزی که با سرعت v در میدان مغناطیسی حرکت می‌کند، برابر $\mathcal{E} = BLv \sin \alpha$ است؛ بنابراین:

$$\begin{cases} \mathcal{E} = BLv \sin \alpha \\ \mathcal{E} = RI \end{cases} \xrightarrow{\alpha=90^\circ} RI = BLv \sin 90^\circ \Rightarrow RI = BLv \quad (*)$$

$$\begin{cases} R = 0/4 \Omega \\ I = 0/5 A \\ B = 0/5 T \\ L = 0/2 m \end{cases} \xrightarrow{(*)} 0/4 \times 0/5 = 0/5 \times 0/2 \times v \Rightarrow v = 2 m/s$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۵

با بسته شدن کلید جریان در مدار از قطب مثبت به قطب منفی باتری برقرار می‌شود و میدان مغناطیسی در سیم‌لوله ایجاد می‌کند که جهت آن به سمت چپ است. طبق قانون لنز میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی در خلاف جهت میدان سیم‌لوله است (B' به سمت راست). حال با استفاده از قانون دست راست می‌توانیم جهت جریان عبوری از حلقه‌ها را مشخص کنیم.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۵

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۵

گام اول

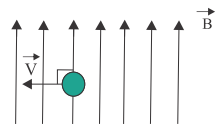
الف) میدان مغناطیسی یکنواخت 0.04 T به سمت چپ است. $B = 0.04 \text{ T} \leftarrow$

ب) ذره‌ای با بار $q = -50 \mu\text{C} = -50 \times 10^{-6} \text{ C}$

ج) با سرعت 200 m/s به سمت مغرب در حرکت است. $v = 200 \text{ m/s} \leftarrow$ به سمت غرب (چپ)

د) نیروی الکترومغناطیسی وارد بر ذره چند نیوتن است و به کدام جهت است؟ $\vec{F} = ?$

گام دوم

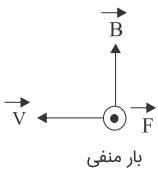


ابتدا نیروی وارد بر ذره را محاسبه می‌کنیم:

$$F = qvB \sin \alpha = 50 \times 10^{-6} \times 200 \times 0.04 \times \sin 90^\circ = 4 \times 10^{-6} \text{ N}$$

باتوجه به اینکه بار ذره منفی است و با استفاده از قانون دست راست جهت بردار نیرو را می‌توانیم تشخیص دهیم.

بنا بر قاعده دست راست نیروی وارد بر ذره باید در جهت درون‌سو باشد ولی چون بار منفی است جهت \vec{F} به سمت بالا (برون‌سو) است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۱

گام اول

الف) سیم‌لوله‌ای به ضریب خودالقایی 5 mH میلی‌هائری $L = 5 \text{ mH} = 5 \times 10^{-3} \text{ H}$

ب) جریان 8 mA میلی‌آمپر عبور می‌کند $I = 8 \text{ mA} = 8 \times 10^{-3} \text{ A}$

ج) انرژی ذخیره‌شده در سیم‌لوله چند میلی‌ژول است $U = ? \text{ mJ}$

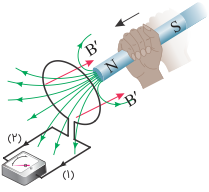
گام دوم

کافی است از رابطه انرژی ذخیره‌شده در القاگر استفاده کنیم.

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-3} \times (8 \times 10^{-3})^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-3} \times 64 \times 10^{-6} = 1/6 \times 10^{-7} \text{ J} = 1/6 \times 10^{-4} \text{ mJ}$$

با نزدیک شدن آهنربا به حلقه، شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد بنابراین برای مخالفت با افزایش شار مغناطیسی باید جریان القایی میدان B' را برخلاف جهت میدان اصلی ایجاد کند.

به کمک قاعده دست راست می‌توانیم نتیجه بگیریم که جریان (۱) میدان B' را برخلاف جهت میدان اصلی می‌سازد علاوه بر آن چون این دو میدان برخلاف جهت هم‌اند، همدیگر را دفع می‌کنند.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰

ابتدا نیروی محرکه القایی را در سه بازه زمانی مختلف به دست آورده و در نهایت نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی برحسب زمان را رسم می‌کنیم:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -N \frac{A \cos \theta \Delta B}{\Delta t} \xrightarrow[\cos \theta = 1]{A = 0.01 \text{ m}^2} \varepsilon = -1 \times 0.01 \times 3 \times 1 \times \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

بازه ۰ تا ۰/۰۱:

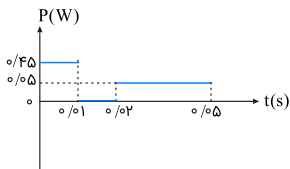
$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{0/5}{0/01} = -1/5 \text{ V} \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{2/25}{5} = 0.45 \text{ W}$$

بازه ۰/۰۱ تا ۰/۰۲:

$$\varepsilon = -0.03 \times 0 = 0 \Rightarrow P = 0$$

بازه ۰/۰۲ تا ۰/۰۵:

$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{-0/5}{0/03} = 0.5 \text{ V} \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{0.25}{5} = 0.05 \text{ W}$$



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۵

گام اول

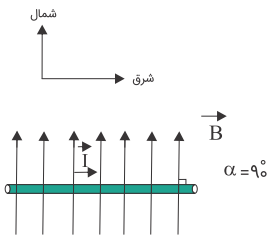
- الف) جهت میدان مغناطیسی یکنواخت $5 \times 10^{-3} \text{ T}$ افقی و روبه شمال است. $\vec{B} = 5 \times 10^{-3} \text{ T}$ (جهت \uparrow)
 ب) از یک سیم راست افقی جریان 20 A در جهت مشرق می‌گذرد. $I = 20 \text{ A}$ (جهت \rightarrow)
 ج) به قسمتی از این سیم به طول 2 m $L = 2 \text{ m}$
 د) چند نیوتن نیرو و در چه جهتی وارد می‌شود $\vec{F} = ? \text{ (N)}$

گام دوم

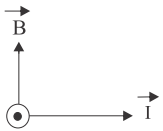
نیروی وارد بر سیم حامل جریان برابر است با:

$$F = ILB \sin \alpha \xrightarrow{\alpha=90^\circ} F = 20 \times 2 \times 5 \times 10^{-3} \times \sin 90^\circ = 0.2 \text{ N}$$

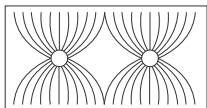
جهت نیرو را با استفاده از قانون دست راست مشخص می‌کنیم:



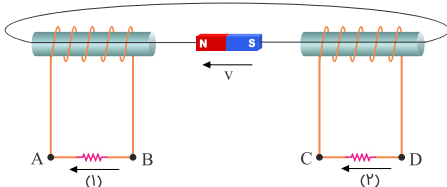
بنابراین جهت نیرو به سمت بالا (برون سو) است.



از آنجاکه دو قطب آهنربا همنام هستند، خطوط میدان آنها به صورت زیر است:



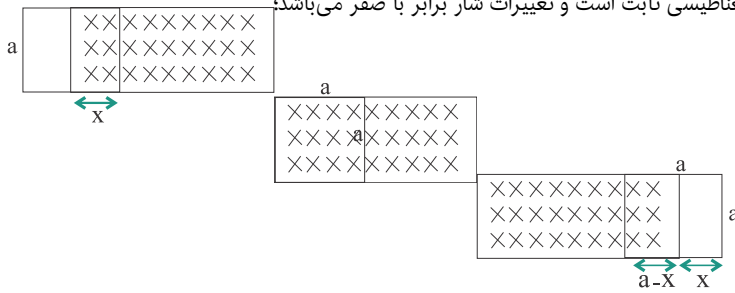
باتوجه به جهت حرکت آهنربا میدان راست به چپ در سیملوله ۱ در حال افزایش و در سیملوله ۲ در حال کاهش است لذا جهت جریان القایی در سیملوله ۱ باید طوری باشد که میدان چپ به راست تولید کند و در سیملوله ۲ باید میدان راست به چپ تولید نماید (قانون القای لنز). پس جهت جریان در سیملوله ۱ باید از A به B باشد و در سیملوله ۲ باید از D به C باشد.



جریان الکتریکی را در هر یک از بازه‌های داده شده به دست می‌آوریم.
در بازه ۰ تا T (زمان رسیدن حلقه به ابتدای ناحیه تا لحظه‌ای که تمام حلقه وارد آن می‌شود): در مدت ورود حلقه به میدان، شار گذرا از حلقه افزایش می‌یابد، بنابراین لازم است جهت جریان القایی پادساعت‌گرد و در جهت مثبت مثلثاتی باشد تا میدانی برونسو القا کرده و با آثار مغناطیسی‌ای که تولید می‌کند، با تغییر شار مغناطیسی یعنی عامل به وجود آورنده جریان مخالفت کند، بنابراین جریان در این بازه ثابت و مثبت است.

از طرفی در بازه T تا $2T$ (زمان رسیدن حلقه از ابتدای ناحیه تا انتهای آن) میدان مغناطیسی ثابت است و تغییرات شار برابر با صفر می‌باشد؛ بنابراین جریان القایی نیز برابر با صفر است.
بازه $2T$ تا $3T$:

این بازه برعکس بازه اول است و جریان در آن ثابت و منفی است.
بازه $3T$ تا $4T$ (لحظه‌ای که حلقه به صورت کامل از ناحیه خارج شده):
در این بازه تغییرات شار برابر با صفر است و جریانی القایی در آن ایجاد نمی‌شود.
بنابراین گزینه ۱ صحیح است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۵

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۳

گام اول

الف) طول سیملوله $20\text{ cm} = 0.2\text{ m}$ است ←

ب) دارای 200 حلقه است ←

ج) اگر از آن جریان الکتریکی 5 آمپر عبور کند ←

د) میدان مغناطیسی در داخل آن چند گاؤس می‌شود؟ ← $B = ?$

گام دوم

میدان مغناطیسی داخل سیملوله از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\begin{cases} B = \mu_0 n I \\ n = \frac{N}{L} \\ \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A} \end{cases}$$

$$\Rightarrow B = \mu_0 \frac{N}{L} I = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{200}{0.2} \times 5 = 2 \times 10^{-3} \pi \text{ T}$$

$$\xrightarrow{1 \text{ T} = 10^4 \text{ G}} B = 2 \times 10^{-3} \pi \times 10^4 \text{ G} = 20\pi \text{ G}$$

هنگامی از طرف میله به فلزها نیرو وارد نمی‌شود که نیروی مغناطیسی وارد بر میله وزن آن را خنثی کند.

با روش دست راست جهت جریان در میله را تعیین می‌کنیم.

پس جهت جریان از C به D است.

حال اندازه جریان را محاسبه می‌کنیم:

$$F = mg \Rightarrow BIL \sin \alpha = mg \Rightarrow 0.4 \times I \times 0.8 = 0.16 \times 10 \Rightarrow I = 5 \text{ A}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۴

گام اول

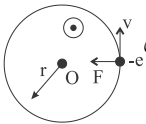
- الف) حلقه‌ای به قطر ۲۰cm در یک میدان مغناطیسی یکنواخت طوری قرار دارد که خطوط میدان بر سطح حلقه عمود است. $\leftarrow \alpha = ۰$, $r = \frac{۲۰}{۲} = ۱۰\text{cm} = ۰/۱\text{m}$
- ب) اگر مقاومت الکتریکی حلقه $۰/۳\Omega$ باشد $\leftarrow R = ۰/۳\Omega$
- ج) جریان $۰/۲\text{A}$ در حلقه القا می‌شود $\leftarrow I = ۰/۲\text{A}$
- د) میدان مغناطیسی با آهنگ چند تسلا بر ثانیه تغییر می‌کند $\leftarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = ?$

گام دوم

با استفاده از رابطه جریان القایی می‌توانیم آهنگ تغییرات $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ را محاسبه کنیم.

$$\begin{cases} I = \frac{1}{R} \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \\ \Phi = BA \\ A = \pi r^2 \\ \pi = ۳ \end{cases} \Rightarrow I = \frac{1}{R} A \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{RI}{A} = \frac{RI}{\pi r^2} = \frac{۰/۳ \times ۰/۲}{۳ \times ۱۰^{-۲}} = ۲\text{ T/s}$$

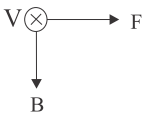
نیروی وارد بر الکترون یک نیروی مرکزگرا است که در جهت شعاع می‌باشد و بردار سرعت هم‌جهت با حرکت الکترون است. با استفاده از این دو و قاعده دست راست جهت بردار میدان مغناطیسی را به دست می‌آوریم. انگشتان دست در جهت ∇ و شست در جهت نیروی مرکز است. جهت میدان مغناطیسی درون سو است؛ اما باتوجه به اینکه ذره، الکترون است و بار آن منفی است باید خلاف جهت به دست آمده را در نظر بگیریم بنابراین میدان مغناطیسی در جهت برون سو است.



اما میدان الکتریکی نمی‌تواند باعث دوران شود، زیرا برای ایجاد نیروی مرکزگرا باید میدان الکتریکی ناشی از یک بار نقطه‌ای داشته باشیم که جهت میدان به سمت خارج باشد، پس باید در نقطه O بار $+q$ قرار می‌گرفت تا باعث جذب الکترون می‌شد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۱

باتوجه به قانون دست راست، جهت میدان مغناطیسی (اگر بار مثبت باشد) روبه بالا است ولی چون بار منفی است، جهت میدان روبه پایین است.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۱

طبق روابط تعریف شار مغناطیسی $\Phi = AB \cos \theta$ ، باتوجه به اینکه در مبدأ زمان، خطوط میدان بر سطح قاب عمود است ($\theta = ۰$)، شار مغناطیسی در مبدأ زمان، بیشینه است. از طرفی در لحظه‌ای که شار مغناطیسی بیشینه باشد، نیروی محرکه القایی در آن لحظه صفر است. باتوجه به قانون القای الکترومغناطیسی فارادی، با کم شدن شار مغناطیسی، نیروی محرکه القایی افزایش می‌یابد ($\mathcal{E} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$)؛ بنابراین تنها گزینه ۳ صحیح است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۶

$$\mathcal{E} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

\downarrow ولت (V) تعداد حلقه‌ها (بدون یکا) $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

باتوجه به نمودار می‌دانیم انرژی سیملوله در جریان ۳ آمپر برابر است با ۰/۰۲۷ ژول؛ بنابراین:

$$\begin{cases} U = \frac{1}{2} LI^2 \\ I = 3A, U = 0.027J \end{cases} \Rightarrow 0.027 = \frac{1}{2} \times L \times 9 = 2 \times 27 \times 10^{-3} = L \times 9 \Rightarrow L = 6 \times 10^{-3} H = 6mH$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۹

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۲

گام اول

الف) سیم راست که از آن جریان ۵ A می‌گذرد. $I = 5 A \leftarrow$

ب) در یک میدان مغناطیسی یکنواخت ۰/۰۲ تسلا قرار دارد. $B = 0.02 T \leftarrow$

ج) اگر راستای سیم با خطوط میدان زاویه ۳۰ درجه بسازد: $\alpha = 30^\circ \leftarrow$

د) نیرویی که از طرف میدان بر هر سانتی‌متر از سیم وارد می‌شود، چند نیوتن است؟ $F = ? \leftarrow$

$$L = 1 \text{ cm} = 0.01 \text{ m}$$

گام دوم

با استفاده از رابطه زیر داریم:

$$F = ILB \sin \alpha = 5 \times 0.01 \times 0.02 \times \sin 30^\circ = 5 \times 10^{-4} \text{ N}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۴

گام اول

الف) شعاع مقطع سیملوله‌ای ۲ cm و طول آن ۱۰ cm است $r = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}, l = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m} \leftarrow$

ب) تعداد دورهای سیملوله ۱۰۰ دور است $N = 100 \leftarrow$

ج) جریان ۱۰ A از آن عبور می‌کند $I = 10 A \leftarrow$

د) انرژی ذخیره‌شده در سیملوله چند میلی‌ژول است؟ $U = ? \text{ mJ} \leftarrow$

گام دوم

انرژی ذخیره‌شده در سیملوله از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\begin{cases} U = \frac{1}{2} LI^2 \\ L = \frac{\mu_0 N^2 A}{l} \\ \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A} \\ A = \pi r^2, \pi = 3 \end{cases} \Rightarrow U = \frac{1}{2} \left(\frac{\mu_0 N^2 A}{l} \right) I^2 = \frac{1}{2} \times \frac{4\pi \times 10^{-7} \times (100)^2 \times \pi (2 \times 10^{-2})^2}{0.1} \times 10^2$$

$$\Rightarrow U = 8\pi^2 \times 10^{-7} \times 10^4 \times 10^{-4} \times 10^3 = 72 \times 10^{-4} \text{ J} = 7.2 \text{ mJ}$$

گام اول

الف) سیملوله‌ای بدون هسته دارای ۱۰۰ حلقه است ← $N = 100$

ب) طول سیملوله ۲۵cm است ← $l = 25 \times 10^{-2} \text{ m}$

ج) شعاع حلقه‌های آن ۱cm است ← $r = 1 \text{ cm} = 10^{-1} \text{ m}$

د) در مدت ۰/۰۲ ثانیه جریان الکتریکی آن به‌طور منظم از ۳۰ آمپر به صفر برسد ← $I_1 = 30 \text{ A}$, $I_2 = 0$, $\Delta t = 0.02 \text{ s}$

هـ) نیروی محرکه خودالقایی آن چند ولت است ← $\mathcal{E} = ?$

گام دوم

برای به دست آوردن نیروی محرکه خودالقایی باید شار و تغییرات آن را به دست بیاوریم؛ تا با استفاده از رابطه $|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$ نیروی محرکه خودالقایی را محاسبه کنیم.:

$$\begin{cases} \Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 \\ \phi = BA \cos \alpha \end{cases} \Rightarrow \Delta\phi = B_2 A - B_1 A = (B_2 - B_1) A$$

$$\xrightarrow{B = \mu_0 \frac{NI}{l}} \Delta\phi = \left(\frac{\mu_0 N I_2}{l} - \frac{\mu_0 N I_1}{l} \right) A = \frac{-\mu_0 N I_1}{l} \times A$$

$$\begin{cases} |\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| \\ \Delta\phi = -\frac{\mu_0 N I_1}{l} A \end{cases} \Rightarrow |\mathcal{E}| = \left| -N \times \frac{-\mu_0 N I_1 A}{l \Delta t} \right| = \frac{\mu_0 N^2 I_1 A}{l \Delta t}$$

$$\xrightarrow{\frac{\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T m/A}}{A = \pi r^2}} |\mathcal{E}| = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 100^2 \times 30 \times \pi \times 10^{-2}}{25 \times 10^{-2} \times 0.02} = \frac{12\pi^2}{50} = 0.24\pi^2 \text{ V}$$