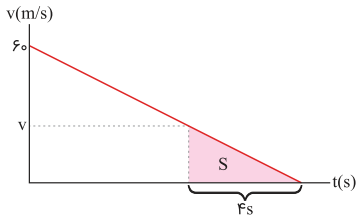


از نمودار سرعت- زمان استفاده می‌کنیم:



$$S = 32 \Rightarrow \frac{v \times F}{2} = 32 \Rightarrow v = 16 \text{ m/s}$$

با تشابه مثلث رنگی و مثلث بزرگ، مساحت مثلث بزرگ، مساحت مثلث بزرگ که مسافت هواپیما روی باند است به دست می‌آید، توجه کنید که نسبت مساحت‌های دو مثلث با توان دوم نسبت اضلاع رابطه مستقیم دارد. پس داریم:

$$\frac{S}{S_{\text{کل}}} = \left(\frac{v}{v_0}\right)^2 \Rightarrow \frac{32}{S_{\text{کل}}} = \left(\frac{16}{60}\right)^2 \Rightarrow \frac{32}{S_{\text{کل}}} = \left(\frac{4}{15}\right)^2 \Rightarrow \frac{32}{S_{\text{کل}}} = \frac{16}{225} \Rightarrow S_{\text{کل}} = 450 \text{ m}$$

$$\text{۲ ثانیه دوم} : \begin{cases} t_1 = 2 \text{ s} \\ t_2 = 4 \text{ s} \end{cases}$$

$$v = 2t^2 - 4t - 2 \Rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{t_1=2 \text{ s}} v_1 = 2(2)^2 - 4(2) - 2 = -2 \text{ m/s} \\ \xrightarrow{t_2=4 \text{ s}} v_2 = 2(4)^2 - 4(4) - 2 = 14 \text{ m/s} \end{cases}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{14 - (-2)}{4 - 2} = \frac{16}{2} = 8 \text{ m/s}^2$$

شتاب حرکت که با شیب خط نمودار سرعت- زمان برابر است، ثابت است. پس می‌توان نوشت:

$$\frac{v_0 - v_1}{t} = \frac{v_2}{t} \Rightarrow 2v_2 = v_0 - v_1 \quad (1)$$

از طرفی با توجه به رابطه بین مسافت‌های داده شده می‌توان نوشت:

$$t S_1 = 36 S_2 \Rightarrow \left(\frac{v_0 + v_1}{2}\right)t = 36 \left(\frac{v_2 \times t}{2}\right) \Rightarrow 18v_2 = v_0 + v_1 \quad (2)$$

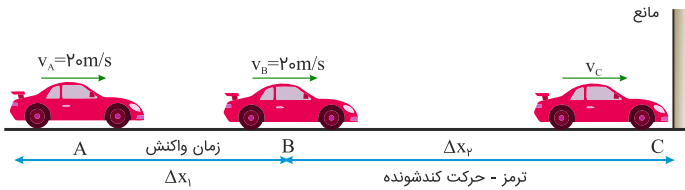
از رابطه‌های (۱) و (۲) می‌توان نتیجه گرفت:

$$20v_2 = 40 \Rightarrow v_2 = 2 \text{ m/s}$$

در این صورت شتاب حرکت برابر است با:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0 - v_2}{t} \Rightarrow a = -1 \text{ m/s}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱



$$\Delta x_1 = vt_1 = 20 \times 0.5 = 10 \text{ m}$$

$$\Delta x_2 = 52 - 10 = 42 \text{ m}$$

$$v_C^2 - v_B^2 = -2a(\Delta x_2) \rightarrow v_C^2 - 20^2 = -2 \times 4 \times 42$$

$$v_C^2 = -336 + 400 = 64 \Rightarrow v_C = 8 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

ابتدا سرعت دو متحرک را حساب می‌کنیم:

$$v_A = \frac{200 - 100}{10} = 10 \text{ m/s}$$

$$v_B = \frac{200}{10} = 20 \text{ m/s}$$

چون دو متحرک هم‌جهت حرکت کرده‌اند، سرعت نسبی آن‌ها برابر است با:

$$v = 20 - 10 = 10 \text{ m/s}$$

هنگامی که فاصله دو متحرک کمتر یا مساوی ۲۰ متر می‌شود یعنی فاصله دو متحرک ابتدا ۲۰ متر شده، سپس به صفر رسیده و مجدداً برابر ۲۰ m می‌شود. پس می‌توان نوشت:

$$\Delta x_{\text{نسبی}} = v_{\text{نسبی}} \Delta t \Rightarrow 40 = 10t \Rightarrow t = 4 \text{ s}$$

روش دوم:

باتوجه به نمودار، معادله حرکت جسم‌ها را می‌نویسیم:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow \begin{cases} x_A = 10t + 100 \\ x_B = 20t - 200 \end{cases}$$

با استفاده از شرط مسأله در مورد فاصله دو جسم داریم:

$$\begin{cases} x_A - x_B = 20 \Rightarrow -10t + 300 = 20 \Rightarrow t = 28 \text{ s} \\ x_B - x_A = 20 \Rightarrow -10t' - 300 = 20 \Rightarrow t' = 32 \text{ s} \end{cases} \Rightarrow \Delta t = 4 \text{ s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱

گام اول: نمودار سرعت زمان متحرک را تا لحظه  $t = 20 \text{ s}$  رسم می‌کنیم:

گام دوم: باتوجه به نمودار  $v - t$  جابه‌جایی متحرک در  $10 \text{ s}$  اول صفر است؛ پس برای دومین

بار در لحظه  $t = 10 \text{ s}$  از مبدأ عبور می‌کند.

گام سوم: اگر شروع مجدد حرکت را با شتاب  $3 \text{ m/s}^2$  لحظه  $t = 10 \text{ s}$  فرض کنیم،  $\frac{10}{3} \text{ s}$

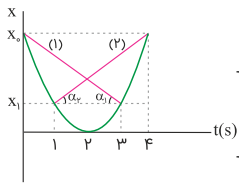
بعد سرعت متحرک صفر و  $\frac{20}{3} \text{ s}$  بعد سرعت متحرک  $10 \text{ m/s}$  شده و در این لحظه مجدداً

متحرک از مبدأ عبور می‌کند؛ پس باتوجه به اینکه فرض کردید لحظه شروع حرکت  $t = 10 \text{ s}$  باشد، لحظه‌ای که متحرک برای سومین بار از مبدأ عبور می‌کند را به دست می‌آوریم:

$$t = 10 + \frac{20}{3} = \frac{50}{3} \text{ s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

شیب خطی که دو نقطه از نمودار مکان- زمان را به هم می‌رساند برابر با سرعت متوسط متحرک بین آن دو نقطه است:



$$V_{av(0 \rightarrow 3s)} = \tan \alpha_1 = \frac{x_0 - x_1}{3 - 0} = \frac{\Delta x}{3}$$

$$V_{av(1 \rightarrow 4s)} = \tan \alpha_2 = \frac{x_0 - x_1}{4 - 1} = \frac{\Delta x}{3}$$

$$|V_{av(0 \rightarrow 3s)}| = |V_{av(1 \rightarrow 4s)}|$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

ابتدا در مدت ۱۱s جابه‌جایی دو متحرک را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta x_A = vt = 10 \times 11 = 110 \text{ m}$$

$$\begin{cases} \Delta x_{1B} = \frac{1}{2}at^2 + v_0t = \frac{1}{2} \times 2 \times 5^2 + 2 \times 5 = 35 \text{ m} \\ \Delta x_{2B} = vt_2 = (+at_1 + v_0)t_2 = (+2 \times 5 + 2)(11 - 5) = 72 \text{ m} \end{cases}$$

$$\Delta x_B = \Delta x_{1B} + \Delta x_{2B} = 107 \text{ m}$$

حال می‌توانیم با مساوی قرار دادن مسافت‌های پیموده شده لحظه رسیدن دو متحرک به یکدیگر و همچنین اندازه سرعت آن‌ها را محاسبه کنیم:

$$\left. \begin{aligned} x_B &= vt = 12t \\ x_A &= \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \\ x_A &= \frac{1}{2}(-2)t^2 + 10t + 3 \end{aligned} \right\} \Rightarrow x_A = x_B$$

$$-t^2 + 10t + 3 = 12t \Rightarrow t^2 + 2t - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = -3 \end{cases}$$

$$v_B = 12 \text{ m/s}$$

$$v_A = -at + v_0 = -2 \times 1 + 10 = 8 \text{ m/s}$$

$$v_B - v_A = 12 - 8 = 4 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

گام اول: جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی ۱s تا ۶s به دست می‌آوریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = ۳ \times ۵ = ۱۵ \text{ m}$$

چون متحرک تغییر جهت داشته پس مسافت بزرگ‌تر از جابه‌جایی است؛ بنابراین گزینه‌های ۱ و ۲ نمی‌توانند درست باشند.

گام دوم: جابه‌جایی متحرک را در بازه‌های زمانی یک ثانیه‌ای بررسی می‌کنیم. چون سرعت در  $t = ۲s$  صفر است، اگر جابه‌جایی در ثانیه سوم  $d$  باشد در ثانیه‌های بعدی مضرب فردی از  $d$  است:

$$۲s \text{ تا } ۱s : \Delta x_1 = -\vec{d}$$

$$۳s \text{ تا } ۲s : \Delta x_۲ = \vec{d}$$

$$۴s \text{ تا } ۳s : \Delta x_۳ = ۳\vec{d}$$

$$۵s \text{ تا } ۴s : \Delta x_۴ = ۵\vec{d}$$

$$۶s \text{ تا } ۵s : \Delta x_۵ = ۷\vec{d}$$

گام سوم:  $d$  را به دست می‌آوریم:

$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_۲ + \Delta x_۳ + \Delta x_۴ + \Delta x_۵$$

$$۱۵ = -d + d + ۳d + ۵d + ۷d \Rightarrow ۱۵ = ۱۵d \Rightarrow d = ۱ \text{ m}$$

گام چهارم: مسافت طی‌شده را محاسبه می‌کنیم:

$$\ell = |\Delta x_1| + |\Delta x_۲| + |\Delta x_۳| + |\Delta x_۴| + |\Delta x_۵|$$

$$\ell = ۱ + ۱ + ۳ + ۵ + ۷ = ۱۷ \text{ m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

در نمودار مکان-زمان نقطهٔ مینیمم جایی است که سرعت متحرک صفر می‌شود.

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{۲} \Delta t \Rightarrow ۰ - ۱۸ = \frac{۰ + v_۲}{۲} \times ۶ \Rightarrow v_0 = -۶ \text{ m/s}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow ۰ = a \times ۶ - ۶ \Rightarrow a = ۱ \text{ m/s}^۲$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸

جهت حرکت جسم تغییر نکرده است و حرکت تندشونده می‌باشد، در این صورت مسافت و جابه‌جایی برابر هستند.

پس می‌توان نوشت:

$$x_1 + (x_1 + at^۲) = (x_1 + ۲at^۲) + ۴ \Rightarrow ۲x_1 + a = x_1 + ۲a + ۴$$

$$\Rightarrow x_1 = a + ۴ = ۴ + ۴ = ۸ \text{ m}$$

با استفاده از معادلهٔ مکان-زمان در حرکت با شتاب ثابت می‌توان نوشت:

$$x = \frac{1}{۲} at^۲ + v_0 t \Rightarrow ۸ = \frac{1}{۲} \times ۴ \times ۱^۲ + v_0 \times ۱$$

$$\Rightarrow v_0 + ۲ = ۸ \Rightarrow v_0 = ۶ \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱

اگر جابه‌جایی در ۴ ثانیه اول حرکت  $X_1$  باشد، جابه‌جایی در ۴ ثانیه دوم  $X_1 + 16a$  و جابه‌جایی در چهار ثانیه سوم  $X_1 + 32a$  و جابه‌جایی در چهار ثانیه چهارم  $X_1 + 48a$  است. با توجه به صورت سؤال می‌توان نوشت:

$$X_1 = (X_1 + 16a) + (X_1 + 32a) + (X_1 + 48a)$$

$$\xrightarrow{X_1=200\text{ m}} 200 = 600 + 96a \Rightarrow a = -\frac{400}{96} \text{ m/s}^2$$

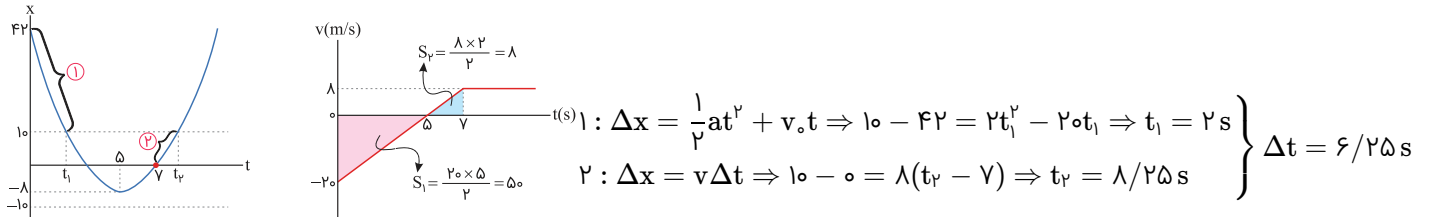
$$\Rightarrow |a| = \frac{400}{96} = \frac{25}{6} \text{ m/s}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

در بازه زمانی ۲s تا ۱۰s مسافت طی شده بیش از دو برابر مسافت طی شده در بازه زمانی ۶s تا ۱۰s است، درحالی‌که بازه زمانی آن دو برابر بازه زمانی ۶s تا ۱۰s است؛ بنابراین در بازه زمانی ۲s تا ۱۰s تندی متوسط بیشتر از بازه زمانی ۶s تا ۱۰s است. علاوه بر این برای مقایسه گزینه (۲) و (۳) بخشی از مسیر هر دو گزینه یکسان است (یعنی بازه ۲ تا ۶ ثانیه) پس کافی است بازه زمانی صفر تا ۲s را با ۶s تا ۱۰s مقایسه کنیم. باتوجه به نمودار، مسافت طی شده در بازه زمانی ۶s تا ۱۰s بیش از دو برابر مسافت طی شده در بازه زمانی صفر تا ۲s است. پس تندی متوسط در بازه زمانی ۲s تا ۱۰s بیشتر است.

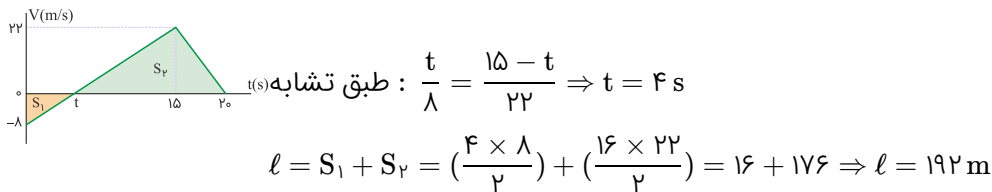
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

ابتدا با استفاده از نمودار سرعت-زمان، در بازه زمانی ۰ - ۵s شیب خط را که همان شتاب است محاسبه می‌کنیم که برابر با  $a = 4 \text{ m/s}^2$  است. سپس نمودار مکان-زمان آن را رسم می‌کنیم. در ۷ ثانیه نخست حرکت شتاب ثابت و پس از آن حرکت سرعت ثابت است.



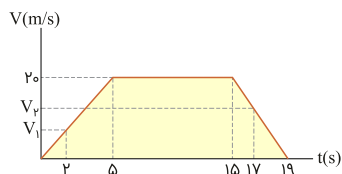
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۲

سطوح محصور بین نمودار سرعت-زمان و محور زمان برابر مسافت طی شده است.



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۸

ابتدا نمودار سرعت- زمان حرکت اتومبیل را رسم می‌کنیم:



باتوجه به ثابت بودن شتاب در ۵ ثانیه اول حرکت می‌توان سرعت در لحظه  $t = 2$  s را حساب کرد:

$$\frac{v_0}{5} = \frac{v_1}{2} \Rightarrow v_1 = 2 \text{ m/s}$$

در چهار ثانیه آخر حرکت نیز شتاب ثابت است. در این صورت داریم:

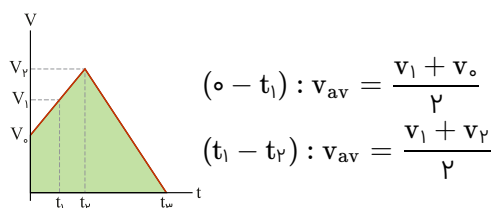
$$\frac{v_0}{4} = \frac{v_2}{2} \Rightarrow v_2 = 10 \text{ m/s}$$

در این صورت شتاب متوسط بین دو لحظه خواسته شده برابر است با:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10 - 2}{15} = \frac{2}{15} \text{ m/s}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱

باتوجه به نمودار مشخص است که جهت حرکت متحرک تغییر نمی‌کند. در این صورت تندی متوسط و سرعت متوسط در تمامی بازه‌ها باهم برابر است. در بازه زمانی ۰ تا  $t_2$  شتاب حرکت ثابت است. پس می‌توان نوشت:



$$(0 - t_1) : v_{av} = \frac{v_1 + v_0}{2}$$

$$(t_1 - t_2) : v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2}$$

در بازه زمانی  $t_2$  تا  $t_3$  نیز شتاب حرکت ثابت است. پس می‌توان نوشت:

$$(t_2 - t_3) : v_{av} = \frac{v_2 + 0}{2} = \frac{v_2}{2}$$

در این صورت سرعت متوسط (تندی متوسط) در بازه زمانی  $(t_1 - t_2)$  از بقیه بازه‌ها بیشتر است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۱

معادله مکان - زمان دو متحرک را می‌نویسیم. چون نمودار مکان - زمان دو متحرک به صورت خط راست است، سرعت دو متحرک ثابت است و معادله مکان - زمان آن‌ها از رابطه  $x = vt + x_0$  به دست می‌آید.

$$\begin{cases} v_A = \frac{500 - 400}{10} = 10 \text{ m/s} \\ v_B = \frac{0 - (-300)}{10} = 30 \text{ m/s} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_A = 10t + 400 \\ x_B = 30t - 300 \end{cases}$$

فاصله دو متحرک برابر  $|x_A - x_B|$  است. پس:

$$\begin{aligned} |x_A - x_B| = 600 &\Rightarrow |10t + 400 - 30t + 300| = 600 \\ \Rightarrow |-20t + 700| = 600 &\Rightarrow \begin{cases} -20t + 700 = 600 \Rightarrow t_1 = 5 \text{ s} \\ -20t + 700 = -600 \Rightarrow t_2 = 65 \text{ s} \end{cases} \end{aligned}$$

خواسته سؤال  $\frac{t_2}{t_1} = \frac{65}{5} = 13$  برابر است.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

با استفاده از معادله سرعت- جابه‌جایی داریم:

$$\begin{aligned} v_2^2 - v_0^2 &= 2a\Delta x \Rightarrow \frac{v_2^2 - v_0^2}{v_1^2 - v_0^2} = \frac{\Delta x_2}{\Delta x_1} \Rightarrow \frac{v_2^2 - 0}{(6)^2 - 0} = \frac{135}{15} \\ \Rightarrow v_2 &= 18 \text{ m/s} \end{aligned}$$

برای محاسبه مدت‌زمانی که سرعت متحرک به  $v_1 = 6 \text{ m/s}$  و  $v_2 = 18 \text{ m/s}$  می‌رسد، با استفاده از رابطه مستقل از شتاب داریم:

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t \Rightarrow \begin{cases} 15 = \frac{6 + 0}{2} \Delta t_1 \Rightarrow \Delta t_1 = 5 \text{ s} \\ 135 = \frac{18 + 0}{2} \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = 15 \text{ s} \end{cases}$$

در این صورت مدت‌زمان موردنظر برابر است با:

$$\Delta t_T = 15 - 5 = 10 \text{ s}$$

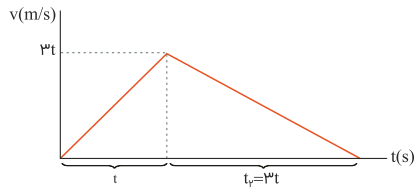
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۱



گام اول: ابتدا نمودار سرعت زمان متحرک را رسم می‌کنیم. اگر مدت‌زمان حرکت متحرک با شتاب  $3 \text{ m/s}^2$  برابر با  $t$  باشد، سرعت متحرک در انتهای حرکت با شتاب  $3 \text{ m/s}^2$ ، طبق رابطه  $v = at + v_0$  به  $v = 3t + 0 = 3t$  می‌رسد. در مرحله دوم که حرکت با شتاب  $1 \text{ m/s}^2$  کند می‌شود، متحرک پس از مدت  $\Delta t$  می‌ایستد که از رابطه  $v = at + v_0$  به دست می‌آید. توجه کنید که سرعت اولیه مرحله دوم، سرعت انتهای قسمت اول است و سرعت انتهای این قسمت برابر با صفر است؛ بنابراین مدت حرکت دوم حرکت برابر است با:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = -1 \times t_p + 3t \Rightarrow t_p = 3t$$

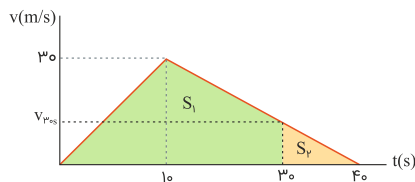
بنابراین نمودار سرعت زمان متحرک به صورت شکل زیر است:



گام دوم: مسافت طی‌شده توسط متحرک که همان مساحت سطح زیر نمودار است، برابر با  $600 \text{ m}$  است؛ بنابراین  $t$  برابر است با:

$$S = 600 \Rightarrow \frac{3t \times 4t}{2} = 600 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

گام سوم: برای محاسبه مسافت طی‌شده در  $(0, 30 \text{ s})$  کافی است، مساحت سطح زیر نمودار را در این بازه به دست بیاوریم؛ یعنی  $S_1$ .



$$\text{دوم در مرحله دوم: } a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow -1 = \frac{v_{30s} - 30}{40 - 10} \Rightarrow v_{30s} = 10 \text{ m/s}$$

$$S_1 = S_{\text{کل}} - S_2 = \frac{30 \times 40}{2} - \frac{10 \times 10}{2} = 550 \text{ m}$$

ابتدا از فرمول مستقل از شتاب، سرعت اولیه را به دست می‌آوریم:

$$\Delta x = \frac{v_0 + v}{2} \Delta t \Rightarrow 75 = \frac{v_0 + 20}{2} (5) \Rightarrow v_0 = 10 \text{ m/s}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow 20 = a(5) + 10 \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$

طبق تصاعد عددی خواهیم داشت:

$$x_p = x_1 + at^2$$

$$\Delta x_p = 75 + 2(5)^2 = 125 \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x_p}{\Delta t} = \frac{125}{5} = 25 \text{ m/s}$$

با توجه به نمودار، متحرک در  $t = 5$  s متوقف می‌شود. بنابراین می‌توان نوشت:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = 5a + v_0 \Rightarrow v_0 = -5a$$

معادله مکان - زمان را می‌نویسیم و دو لحظه  $t = 1$  s و  $t = 12$  s را در آن جایگذاری می‌کنیم. دقت کنید  $v_0 = -5a$  است.

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \Rightarrow \begin{cases} 66 = \frac{1}{2}a - 5a + x_0 \\ 0 = \frac{1}{2}a \times 144 - 5a \times 12 + x_0 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{ساده می‌کنیم}} \begin{cases} 66 = -\frac{9}{2}a + x_0 & \text{(I)} \\ 0 = 12a + x_0 \Rightarrow a = -\frac{x_0}{12} & \text{(II)} \end{cases}$$

رابطه (II) را در (I) جایگذاری می‌کنیم:

$$66 = \frac{9x_0}{24} + x_0 \Rightarrow 66 = \frac{33x_0}{24} \Rightarrow x_0 = 48 \text{ m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

با توجه به تقارن نمودار نسبت به  $t = 4$  s، تندی متحرک در  $t = 0$  s و  $t = 8$  s با هم برابر و سرعت در این دو لحظه قرینه یکدیگر است.

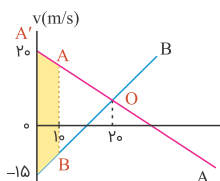
$$\left. \begin{array}{l} t = 0 \Rightarrow v = ?, x = 12 \text{ m} \\ t = 4 \text{ s} \Rightarrow v = 0, x = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t \Rightarrow -12 = \frac{0 + v_0}{2} \times 4$$

$$\Rightarrow v_0 = -6 \text{ m/s} \Rightarrow v_{8s} = +6 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۸

مساحت ناحیه هاشور خورده مجموع مسافتی است که دو متحرک A و B طی کرده‌اند.

از تشابه مثلث‌های  $\triangle OAB$  و  $\triangle OA'B'$  طول ضلع AB را به دست می‌آوریم:



$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{10}{20} \Rightarrow AB = \frac{1}{2} \times 35 = 17.5$$

حالا مساحت دوزنقه  $ABA'B'$  که هم‌اندازه مجموع مسافت‌های طی شده است را به دست می‌آوریم:

$$\ell = \frac{35 + 17.5}{2} \times 10 = 262.5 \text{ m}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰

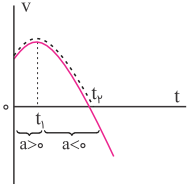
به بررسی هریک از موارد می‌پردازیم:

الف) نادرست؛ در لحظه  $t_1$  تنها جهت شتاب تغییر می‌کند و سرعت همچنان مثبت و در جهت محور باقی می‌ماند.

ب) درست؛ در این بازه سرعت مثبت است یعنی حرکت متحرک در جهت محور است.

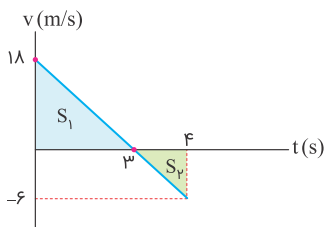
پ) نادرست؛ در این بازه تندی (اندازه سرعت) در حال افزایش است.

ت) نادرست؛ شتاب برابر شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان است. باتوجه به شیب خط مماس، در بازه  $(0, t_1)$  شتاب مثبت و در بازه  $(t_1, t_2)$  شیب خط مماس منفی است.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

ابتدا نمودار سرعت - زمان را در مدت موردنظر با نقطه‌یابی رسم می‌کنیم:



$$v = -6t + 18$$

$$|S_1| = \frac{18 \times 3}{2} = 27 \text{ m}$$

$$|S_2| = \frac{6 \times 1}{2} = 3 \text{ m}$$

$$\text{مسافت طی شده } \ell = |S_1| + |S_2| = 27 + 3 = 30 \text{ m}$$

$$\text{تندی متوسط} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{30}{4} = 7.5 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

ابتدا معادله حرکت دو جسم را می‌نویسیم:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow \begin{cases} x_A = \frac{0 - 16}{\lambda - 0}t + 16 \Rightarrow x_A = -2t + 16 \\ x_B = \frac{-25 - (-29)}{\lambda - 0}t + (-29) \Rightarrow x_B = 0/5t - 29 \end{cases}$$

در لحظه‌ای که دو جسم به هم می‌رسند داریم:

$$x_A = x_B \Rightarrow -2t + 16 = 0/5t - 29 \Rightarrow 2/5t = 45 \Rightarrow t = 18 \text{ s}$$

مکان دو جسم در این لحظه برابر است با:

$$x_A = x_B = 0/5 \times 18 - 29 \Rightarrow x_A = x_B = -20 \text{ m}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۱

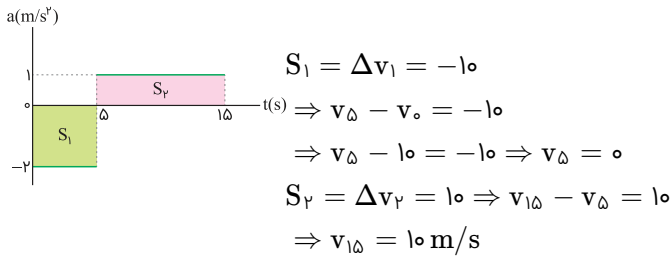
کافی است برای این سؤال از معادله مستقل از شتاب در حرکت شتاب ثابت استفاده کنیم.

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t \Rightarrow (-122/5 - 0) = \frac{v + 0}{2} \times 5 \Rightarrow v = -49 \text{ m/s}$$

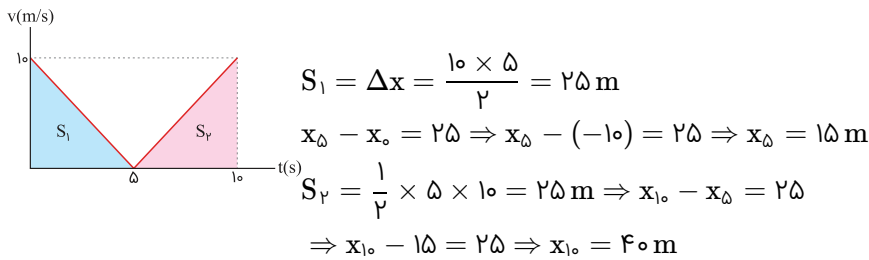
در صورت سؤال بزرگی سرعت خواسته شده است و گزینه "۴" درست است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۸

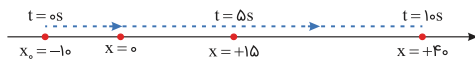
سطح زیر نمودار شتاب- زمان با تغییرات سرعت برابر است.



اکنون نمودار سرعت- زمان حرکت جسم را رسم می‌کنیم، مساحت سطح زیر نمودار سرعت- زمان با جابه‌جایی برابر است. در این صورت داریم:



بنابراین می‌توان مسیر حرکت جسم را رسم کرد:



در این صورت می‌توان نتیجه گرفت:

- (۱) بردار مکان جسم یک بار تغییر کرده است، اما علامت سرعت تغییر نکرده است.
- (۲) جهت حرکت جسم تغییر نکرده است در این صورت مسافت و جابه‌جایی باهم برابر است.
- (۳) شتاب متوسط در مدت‌زمان نشان داده‌شده برابر است با:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10 - 10}{15 - 0} = 0$$

(۴) سرعت متوسط در مدت‌زمان نشان داده‌شده برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{50}{10} = 5 \text{ m/s}$$

روش اول:

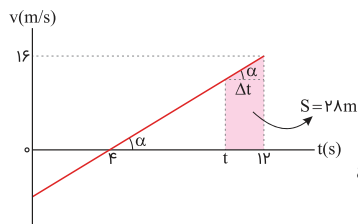
باتوجه به نمودار مکان- زمان داده شده ابتدا تندی متحرک A را حساب می‌کنیم:

$$|v_A| = \frac{|\Delta x|}{\Delta t} = \frac{|64 - 28|}{12} = 3 \text{ m/s}$$

در این صورت تندی متحرک B برابر است با:

$$v_B = \frac{16}{3} |v_A| = \frac{16}{3} (3) = 16 \text{ m/s}$$

اکنون می‌توان نمودار سرعت- زمان مربوط به متحرک B که با شتاب ثابت حرکت می‌کند را رسم کرد:



$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{16 - 0}{12 - 4} = 2 \text{ m/s}^2$$

باتوجه به نمودار، شتاب حرکت برابر است با:

باتوجه به نمودار مکان- زمان داده شده مشخص می‌شود از لحظه (t) تا لحظه t = 12 s متحرک B، 28 متر جابه‌جا شده است. پس باتوجه به سطح زیر نمودار مشخص شده می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} 28 &= \left( \frac{(16 - 2\Delta t) + 16}{2} \right) \Delta t \\ \Rightarrow 56 &= (32 - 2\Delta t)\Delta t \Rightarrow 56 = 32\Delta t - 2\Delta t^2 \\ \Rightarrow 2\Delta t^2 - 32\Delta t + 56 &= 0 \Rightarrow \Delta t = 2 \text{ s} \Rightarrow t = 12 - 2 = 10 \text{ s} \end{aligned}$$

در لحظه t = 10 s متحرک B از مبدأ عبور کرده و جهت بردار مکان آن تغییر می‌کند.

اکنون مکان متحرک A در این لحظه را حساب می‌کنیم:

$$x_A = vt + x_0 \Rightarrow x_A = -3t + 64 = -3(10) + 64 = 34 \text{ m}$$

چون متحرک B در مبدأ قرار دارد، فاصله دو متحرک برابر 34 m است.

روش دوم:

ابتدا سرعت متحرک A را مشخص کرده و معادله حرکت آن را می‌نویسیم:

$$v_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{28 - 64}{12} = -3 \text{ m/s}$$

$$x_A = v_A t + x_{0A} = -3t + 64$$

باتوجه به اطلاعات مربوط به نمودار در مورد متحرک B می‌توان نوشت:

$$\text{در لحظه‌ای } (t = 12 \text{ s}): v_B = \frac{16}{3} |v_A| = \frac{16}{3} (3) = 16 \text{ m/s}$$

$$4 \text{ s} \leq t \leq 12 \text{ s}: a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{16 - 0}{8} = 2 \text{ m/s}^2$$

اکنون باتوجه به مشخص بودن شتاب حرکت، می‌توان سرعت اولیه متحرک B را مشخص کرد:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow 2 = \frac{0 - v_0}{4} \Rightarrow v_0 = -8 \text{ m/s}$$

با استفاده از معادله مکان- زمان می‌توان مکان اولیه را نیز مشخص کرد:

$$\begin{cases} x_B = t^2 - \lambda t + x_0 \\ t = 12 \text{ s} \\ x = 2\lambda \text{ m} \end{cases} \Rightarrow 2\lambda = 144 - 96 + x_0 \Rightarrow x_0 = -20 \text{ m}$$

$$\Rightarrow x_B = t^2 - \lambda t + 20$$

اکنون می‌توان لحظه تغییر جهت بردار مکان برای متحرک B را مشخص کرد:

$$x_B = 0 \Rightarrow t^2 - \lambda t + 20 = 0 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

در این صورت فاصله دو متحرک برابر است با:

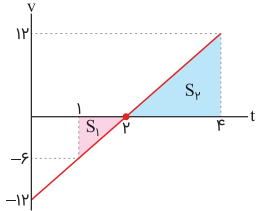
$$d = x_A - x_B = (-3t + 64) - 0 = -3(10) + 64 = 34 \text{ m}$$

روش اول:

معادله سرعت-زمان را به دست می‌آوریم:

$$x = \underbrace{3t^2}_{\frac{1}{2}at^2} - \underbrace{12t}_{v_0 t} + 9 \xrightarrow{v=at+v_0} v = 6t - 12$$

نمودار سرعت-زمان را رسم می‌کنیم و با استفاده از سطح زیر نمودار مسافت را حساب می‌کنیم و سپس تندی متوسط را حساب می‌کنیم:



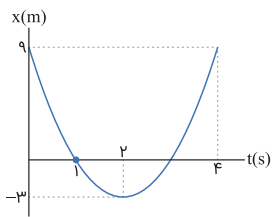
$$l = S_1 + S_2 = 3 + 12 = 15 \text{ m}$$

$$S_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{15}{4-0} = 3.75 \text{ m/s}$$

روش دوم: نمودار سهمی را رسم می‌کنیم و مکان متحرک در لحظات  $t_1 = 1 \text{ s}$  و  $t_2 = 4 \text{ s}$  را نیز تعیین می‌کنیم:

$$x = 3t^2 - 12t + 9 \Rightarrow t_{\text{رأس}} = \frac{-(-12)}{2(3)} = 2 \text{ s}, \quad x_{\text{رأس}} = 3(2)^2 - 12(2) + 9 = -3 \text{ m}$$

$$\begin{cases} x_{1s} = 3(1)^2 - 12(1) + 9 = 0 \\ x_{4s} = 3(4)^2 - 12(4) + 9 = 9 \text{ m} \end{cases}$$



باتوجه به نمودار مسافت و تندی متوسط را حساب می‌کنیم.

$$l = 3 + 3 + 9 = 15 \text{ m} \Rightarrow S_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{15}{4} = 3.75 \text{ m/s}$$

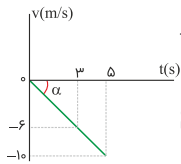
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۲

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_{10s} - x_0}{10 - 0} = \frac{20 - (-40)}{10} = 6 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸



سطح زیر نمودار سرعت- زمان برابر مسافت پیموده شده است. کافی است سرعت متحرک را در لحظه  $t = 5$  s بیابیم.



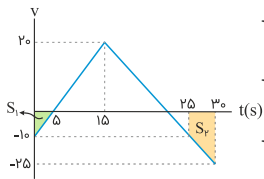
$$\tan \alpha = \frac{6}{3} = \frac{v}{5} \Rightarrow v = 10 \text{ m/s}$$

$$S = \frac{5 \times 10}{2} = 25 \text{ m}$$

نکته: چون متحرک تغییر جهت نداده بنابراین جابه‌جایی متحرک و مسافت طی‌شده باهم برابرند؛ لذا مساحت سطح زیر نمودار سرعت- زمان برابر مسافت پیموده شده و همچنین جابه‌جایی متحرک است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸

بهترین روش رسم نمودار سرعت- زمان است.



$$v_{15} = at + v_0$$

$$v_{15} = 2 \times 15 - 10 \Rightarrow v_{15} = 20 \text{ m/s}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = 2t + (-10) \Rightarrow t = 5 \text{ s}$$

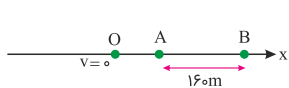
$$v_{25} = at + v_0$$

$$v_{25} = -3 \times 10 + 20 = -10 \text{ m/s}$$

$$v_{30} = -3 \times 15 + 20 = -25 \text{ m/s}$$

$$\frac{5 S_2 \text{ ثانیه ششم}}{5 S_1 \text{ ثانیه اول}} = \frac{\frac{25+10}{2} \times 5}{\frac{10 \times 5}{2}} = \frac{35}{10} = 3/2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹



$$a = 2 \text{ m/s}^2$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \xrightarrow{a=2\text{m/s}^2, v_0=0, x_0=0} x = t^2 \Rightarrow \begin{cases} OA = t_{OA}^2 & (1) \\ OB = t_{OB}^2 \Rightarrow OA + 160 = (t_{OA} + 8)^2 & (2) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(1) \Rightarrow (2)} t_{OA}^2 + 160 = t_{OA}^2 + 16t_{OA} + 64 \Rightarrow 16t_{OA} = 96 \Rightarrow t_{OA} = 6 \text{ s}$$

$$OA = t_{OA}^2 \Rightarrow OA = 6^2 = 36 \text{ m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

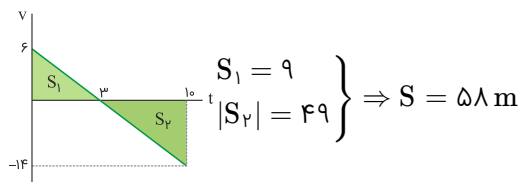
باتوجه به ماکزیمم سهمی می‌توانیم سرعت اولیه و شتاب حرکت را محاسبه کنیم:

$$\Delta x = \frac{v + v_0}{2} \Delta t$$

$$36 - 27 = \frac{0 + v_0}{2} \times 3 \Rightarrow v_0 = 6 \text{ m/s}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = a \times 3 + 6 \Rightarrow a = -2 \text{ m/s}^2$$

کافی است نمودار سرعت-زمان را رسم کنیم:



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

از رابطه  $a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$  داریم:

$$-4 = \frac{v_{10} - v_5}{10 - 5} \Rightarrow v_{10} - v_5 = -20 \text{ m/s (I)}$$

$$2 = \frac{v_{12} - v_{10}}{12 - 10} \Rightarrow v_{12} - v_{10} = 4 \text{ m/s (II)}$$

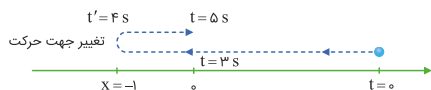
دو معادله (I) و (II) را باهم جمع می‌کنیم:

$$(I) + (II) = v_{12} - v_5 = 4 - 20 = -16 \text{ m/s}$$

حال شتاب متوسط در بازه زمانی ۵s تا ۱۲s را به دست می‌آوریم:

$$a_{av} = \frac{v_{12} - v_5}{12 - 5} = \frac{-16}{7} \text{ m/s}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

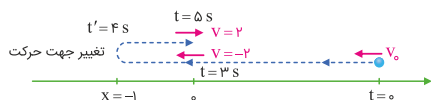


چون حرکت با شتاب ثابت است  $\Rightarrow t' = \frac{3 + 0}{2} = 1.5 \text{ s}$

$$\Delta x_{(0 \text{ s تا } 1.5 \text{ s})} = \frac{1}{2} a t'^2 + v_0 t' \Rightarrow 1 = \frac{1}{2} a (1.5)^2 + 0 \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$

$$v = at + v_0 = 2 \times 1.5 + 0 = 3 \text{ m/s}$$

پس سرعت در لحظه  $t = 3 \text{ s}$  برابر با  $2 \text{ m/s}$  است. (تقارن سهمی در حرکت شتابدار با شتاب ثابت)



در نهایت به بررسی حرکت در بازه  $0$  تا  $3 \text{ s}$  می‌پردازیم:

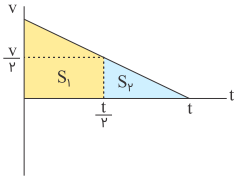
$$v = at + v_0 \Rightarrow -2 = 2(3) + v_0 \Rightarrow v_0 = -8 \text{ m/s}$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t = \frac{1}{2} \times 2 \times (3)^2 + (-8)(3) = -15 \text{ m}$$

$$\text{مسافت طی شده } l_{0 \text{ s تا } 3 \text{ s}} = 15 + 1 + 1 = 17 \text{ m}$$

$$\text{متوسط تندى } S_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{17}{3} \text{ m/s}$$

نمودار  $v - t$  حرکت را رسم می‌کنیم:



$$S_1 = \frac{v + \frac{v}{2}}{2} \times \frac{t}{2} = 150 \Rightarrow \frac{3v}{4} \times t = 150 \Rightarrow vt = 400$$

$$S_2 = \frac{\frac{v}{2} \times \frac{t}{2}}{2} = \frac{vt}{8} = \frac{400}{8} = 50 \text{ m}$$

کل جابه‌جایی اتومبیل برابر  $S_1 + S_2$  است:

$$\Delta x_{\text{کل}} = 150 + 50 = 200 \text{ m}$$

راه حل دوم:

فرض مسئله را عوض می‌کنیم. یعنی اتومبیل از حال سکون شروع به حرکت کرده بعد  $\frac{t}{2}$  از زمان شروع حرکت به اندازه  $\Delta x_1$  جابه‌جا می‌شود و  $\frac{t}{2}$  بعد را به اندازه  $3\Delta x_1$  جابه‌جا می‌شود. بنابراین کل جابه‌جایی آن  $4\Delta x_1$  است. ابتدا  $\Delta x_1$  را به دست می‌آوریم:

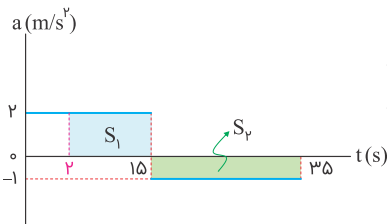
$$3\Delta x_1 = 150 \Rightarrow \Delta x_1 = 50 \text{ m}$$

حالا کل جابه‌جایی را حساب می‌کنیم:

$$\Delta x_{\text{کل}} = 4\Delta x_1 = 4 \times 50 = 200 \text{ m}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰

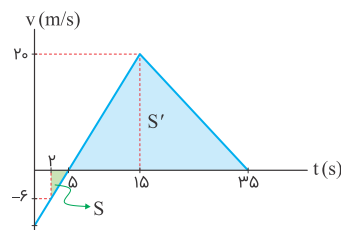
مساحت سطح زیر نمودار شتاب - زمان با تغییرات سرعت ( $\Delta v$ ) برابر است.



$$v_{15} - v_2 = S_1 \Rightarrow v_{15} - (-6) = 26 \Rightarrow v_{15} = 20 \text{ m/s}$$

$$v_{35} - v_{15} = S_2 \Rightarrow v_{35} - 20 = -20 \Rightarrow v_{35} = 0$$

حالا می‌توانیم با رسم نمودار سرعت - زمان جابه‌جایی را از  $t=2$  تا  $15$  ثانیه به دست آوریم:

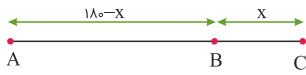


$$\Delta x = S + S'$$

$$\Delta x = \frac{3 \times (-6)}{2} + \frac{30 \times 20}{2} = 291 \text{ m}$$

$$x_{35} - (-16) = 291 \Rightarrow x_{35} = 275 \text{ m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱



$$\begin{cases} 180 - x = v_A t \\ x = v_C t \end{cases} \Rightarrow \frac{180 - x}{x} = \frac{v_A}{v_C} \quad (1)$$

$$\begin{cases} 180 - x = v_C \times 25 \\ x = v_A \times 16 \end{cases} \quad (2) \Rightarrow \frac{180 - x}{x} = \frac{v_C \times 25}{v_A \times 16}$$

$$\begin{aligned} \xrightarrow{(1)} \frac{v_A}{v_C} &= \frac{v_C \times 25}{v_A \times 16} \Rightarrow \frac{v_A^2}{v_C^2} = \frac{25}{16} \Rightarrow \frac{v_A}{v_C} = \frac{5}{4} \xrightarrow{(1)} \frac{180 - x}{x} = \frac{5}{4} \\ &\Rightarrow 4(180) - 4x = 5x \Rightarrow x = 180 \text{ m} \end{aligned}$$

حال با جایگذاری  $x = 180$  در معادله (۲) مقدار  $v_A$  را به دست می آوریم:

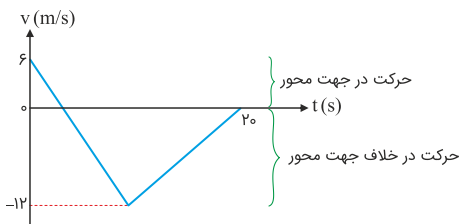
$$x = v_A \times 16 \Rightarrow 180 = v_A \times 16 \Rightarrow v_A = 11.25 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

طبق معادله  $x = 2t^2 + 4t - 8$  حرکت با شتاب ثابت است و چون شتاب و سرعت اولیه حرکت هم علامت‌اند نتیجه می‌گیریم که حرکت تندشونده بدون تغییر جهت است و در این حالت مسافت پیموده شده و جابه‌جایی باهم مساوی هستند.

$$x = 2t^2 + 4t - 8 \Rightarrow \begin{cases} a = 4 \text{ m/s}^2 \\ v_0 = 4 \text{ m/s} \end{cases}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۸



$$\begin{aligned} S_{av} &= \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{\text{سطح زیر نمودار}}{\Delta t} = \frac{\text{مساحت مثلث پایین}}{\Delta t} \\ &= \frac{\frac{1}{2} \times 12 \times (20 - t)}{20 - t} = 6 \text{ m/s} \end{aligned}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۰

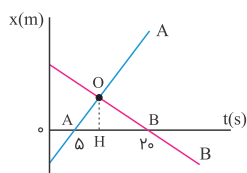
در لحظه  $t = 4 \text{ s}$  سرعت حرکت صفر می‌شود. چون حرکت از این لحظه به بعد از حال سکون انجام می‌شود، می‌توان حرکت را وارونه در نظر گرفت. در این صورت می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{aligned} v_2 &= 2a + v_1 \\ v_1 &= 4a + v_2 \end{aligned} \right\} \xrightarrow{v_1=0} \frac{v_1}{v_2} = \frac{4a}{2a} = 2$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱

راه حل اول:

در مثلث  $OAB$  شیب خط  $OA$  دو برابر بزرگی شیب خط  $OB$  است بنابراین  $HB = 2AH$  است پس:



$$AH + HB = 15$$

$$3AH = 15 \Rightarrow AH = 5$$

بنابراین دو متحرک در لحظه  $t = 10\text{ s}$  به هم می‌رسند.

چون در ابتدا از هم  $150\text{ m}$  فاصله داشته‌اند و پس از  $10\text{ s}$  به هم رسیده‌اند پس  $10\text{ s}$  ثانیه بعد (یعنی لحظه  $t = 20\text{ s}$ ) فاصله آن‌ها از هم باز هم  $150\text{ m}$  است.

راه حل دوم:

$$\begin{cases} x_A = v_A t + x_{oA} \\ x_B = -|v_B| t + x_{oB} \end{cases} \xrightarrow{v_A = 2|v_B|} x_A = 2|v_B| \times 10 + x_{oA}$$

$$x_A = x_B \Rightarrow 2|v_B| \times 10 + x_{oA} = -|v_B| \times 10 + x_{oB}$$

$$\Rightarrow 3|v_B| = x_{oB} - x_{oA} = 150$$

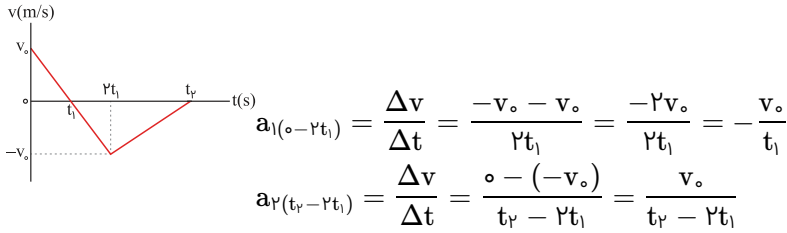
$$\Rightarrow |v_B| = 50\text{ m/s}, v_A = 100\text{ m/s}$$

حال معادله مکان-زمان را برای دو متحرک می‌نویسیم و فاصله آن‌ها را در لحظه  $t = 20\text{ s}$  به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} x_A = 10t + x_{oA} \\ x_B = -5t + x_{oB} \end{cases} \xrightarrow{t=20\text{ s}} x_A - x_B = (10 \times 20 + x_{oA}) - (-5 \times 20 + x_{oB})$$

$$\Rightarrow x_A - x_B = 300 - 150 = 150\text{ m}$$

از لحظه شروع حرکت تا لحظه  $۲t_1$ ، شتاب حرکت ثابت است. در این صورت مقادیر سرعت در ابتدای حرکت و لحظه  $۲t_1$  برابر است.

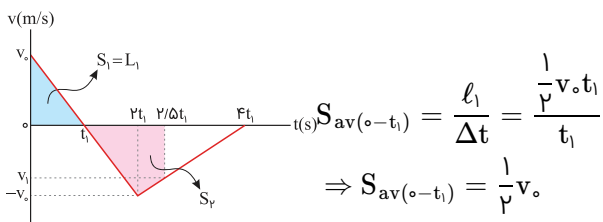


با استفاده از شرط سؤال داریم:

$$|a_1| = ۲a_2 \Rightarrow \frac{v_0}{t_1} = ۲ \frac{v_0}{t_2 - 2t_1} \Rightarrow t_2 - 2t_1 = ۲t_1$$

$$\Rightarrow t_2 = ۴t_1$$

برای محاسبه تندی متوسط در بازه‌های زمانی خواسته شده می‌توان نوشت:



برای تعیین تندی متوسط در بازه زمانی  $t_1$  تا  $۲/\Delta t_1$  ابتدا سرعت  $v_1$  را حساب می‌کنیم:

$$\frac{v_1}{-v_0} = \frac{۴t_1 - ۲/\Delta t_1}{۴t_1 - ۲t_1} \Rightarrow v_1 = -\frac{۳}{۴}v_0 \text{ (شتاب در این بازه زمانی ثابت است)}$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$S'_{av(t_1-2/\Delta t_1)} = \frac{\frac{v_0 \times t_1}{۲} + \frac{v_0 + \frac{۳}{۴}v_0}{۴} \times ۰/\Delta t_1}{۲/\Delta t_1 - t_1}$$

$$\Rightarrow S'_{av} = \frac{۵}{۸}v_0$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{S_{av}}{S'_{av}} = \frac{\frac{v_0}{۲}}{\frac{۵}{۸}v_0} = \frac{۴}{۵}$$

ابتدا تغییرات سرعت را در هر بازه با استفاده از رابطه  $a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$  به دست می‌آوریم.

$$\Delta v_{(0,10s)} = a_{av(0,10s)} \times \Delta t = -2 \times 10 = -20 \text{ m/s}$$

$$\Delta v_{(0,15s)} = a_{av(0,15s)} \times \Delta t = \frac{2}{3} \times 15 = +10 \text{ m/s}$$

باتوجه به تغییرات سرعت در دو بازه به دست آمده، تغییر سرعت در بازه  $(10s, 15s)$  را به دست می‌آوریم:

$$\Delta v_{(10s,15s)} = \Delta v_{(0,15s)} - \Delta v_{(0,10s)} \Rightarrow \Delta v_{(10s,15s)} = 10 - (-20) = +30 \text{ m/s}$$

حالا شتاب متوسط در بازه  $(10s, 15s)$  را به دست می‌آوریم:

$$a_{av(10s,15s)} = \frac{\Delta v_{(10s,15s)}}{15 - 10} = \frac{30}{5} = +6 \vec{i} \text{ (m/s}^2\text{)}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

تندی در لحظه  $t = 12s$  برابر شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان است. پس:

$$v_{t=12s} = \frac{240}{12-4} = \frac{240}{8} = 30 \text{ m/s}$$

اگر مکان متحرک در  $t = 14(s)$  را  $x_{14s}$  در نظر بگیریم، تندی متوسط متحرک در بازه  $(2s, 14s)$  برابر است با:

$$S_{av(2s,14s)} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{x_{14s} - 60}{14 - 2}$$

باتوجه به صورت تست،  $S_{av(2s,14s)} = v_{t=12s}$  است. پس:

$$\frac{x_{14s} - 60}{14 - 2} = 30 \Rightarrow x_{14s} = 420 \text{ m}$$

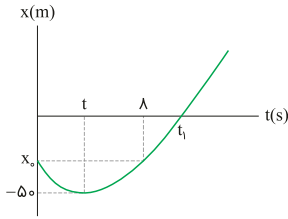
حالا نسبت خواسته شده را به دست می‌آوریم. دو ثانیه اول یعنی  $(0, 2s)$  و دو ثانیه هفتم یعنی  $(12s, 14s)$ ، پس:

$$\frac{v_{av(0,2s)} \frac{x_{2s} - x_0}{2 - 0}}{v_{av(12s,14s)} \frac{x_{14s} - x_{12s}}{14 - 12}} = \frac{x_{2s} - x_0}{x_{14s} - x_{12s}} = \frac{60 - 0}{420 - 240} = \frac{60}{180} = \frac{1}{3}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰



در لحظه‌ای که متحرک به مکان  $x = -50 \text{ m}$  می‌رسد، سرعت برابر صفر است.



با استفاده از معادله سرعت- جابه‌جایی داریم:

$$v_{t_1}^2 - v_t^2 = 2a(x_{t_1} - x_t)$$

$$\Rightarrow (20)^2 - 0 = 2a(0 - (-50)) \Rightarrow a = 4 \text{ m/s}^2$$

در ۸ ثانیه اول حرکت، سرعت متوسط برابر صفر است. در این صورت می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{v_0 + v_8}{2} = 0 \Rightarrow v_0 = -v_8$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow v_8 = 4(8) - v_0 \Rightarrow 2v_8 = 32 \Rightarrow v_8 = 16 \text{ m/s}$$

$$\Rightarrow v_0 = -16 \text{ m/s}$$

برای محاسبه سرعت متوسط در مدت‌زمان مشخص شده می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{v_{t_1} + v_0}{2} = \frac{20 + (-16)}{2} = 2 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۱

گام اول:

سرعت اولیه هر دو جسم صفر است.

چون دو متحرک از یک نقطه شروع به حرکت می‌کنند و به یک مقصد معین می‌رسند، پس جابه‌جایی آن‌ها یکسان است:

$$\Delta x_1 = \Delta x_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} a_1 t_1^2 = \frac{1}{2} a_2 t_2^2 \quad (1)$$

گام دوم: متحرک شماره (۱) که شتاب بیشتری دارد ۲s زودتر به مقصد رسیده، پس:

$$t_1 = t_2 - 2 \quad (2)$$

گام سوم: چون زمان حرکت متحرک شماره (۱) را می‌خواهیم  $t_2$  را از رابطه (۲) در رابطه (۱) قرار می‌دهیم و  $t_1$  را به دست می‌آوریم:

$$\xrightarrow{(1), (2)} a_1 t_1^2 = \frac{9}{16} a \times (t_1 + 2)^2$$

$$\Rightarrow \frac{9}{16} = \left(\frac{t_1}{t_1 + 2}\right)^2 \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{t_1}{t_1 + 2}$$

$$\Rightarrow 4t_1 = 3t_1 + 6 \Rightarrow t_1 = 6 \text{ s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

روش اول:

در حرکت با شتاب ثابت، سرعت متوسط در یک بازه زمانی دلخواه با سرعت در وسط آن بازه زمانی برابر است. یعنی سرعت متوسط بین دو لحظه  $t_1 = 4\text{ s}$  و  $t_2 = 6\text{ s}$  با سرعت در لحظه  $t = 5\text{ s}$  برابر است. در این صورت داریم:

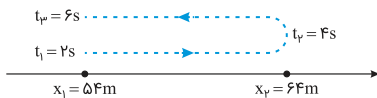
$$v_{av(4\text{ s}-6\text{ s})} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{54 - 64}{6 - 4} = \frac{-10}{2} = -5\text{ m/s}$$

$$v_{av(4\text{ s}-6\text{ s})} = v_{t=5\text{ s}} = -5\text{ m/s}$$

از طرفی سرعت متوسط در ۱۰ ثانیه اول حرکت نیز با سرعت در لحظه  $t = 5\text{ s}$  برابر است. پس داریم:

$$v_{av(0-10\text{ s})} = v_{t=5\text{ s}} = -5\text{ m/s} \Rightarrow |v_{av(0-10\text{ s})}| = 5\text{ m/s}$$

روش دوم:



باتوجه به شکل مسیر حرکت جسم در لحظه  $t_2 = 4\text{ s}$  جهت حرکت جسم تغییر کرده است. از طرفی می‌دانیم تندی حرکت جسم در لحظه  $t_1 = 2\text{ s}$  با  $t_2 = 6\text{ s}$  برابر است. اکنون با استفاده از رابطه محاسبه سرعت متوسط می‌توان نوشت:

$$v_{av(2-4)} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{64 - 54}{4 - 2} = 5\text{ m/s}$$

$$v_{av(2-4)} = \frac{v_2 + v_4}{2} \Rightarrow 5 = \frac{v_2 + 0}{2} \Rightarrow v_2 = 10\text{ m/s}$$

اکنون برای محاسبه شتاب داریم:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0 - 10}{2} = -5\text{ m/s}^2$$

در این صورت می‌توان نوشت:

$$t = 2\text{ s} \Rightarrow v = at + v_0 \Rightarrow 10 = -5(2) + v_0 \Rightarrow v_0 = 20\text{ m/s}$$

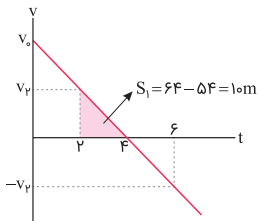
$$t = 10\text{ s} \Rightarrow v = at + v_0 \Rightarrow v = -5(10) + 20 = -30\text{ m/s}$$

پس بزرگی سرعت متوسط در ۱۰ ثانیه اول حرکت برابر است با:

$$|v_{av(0-10)}| = \left| \frac{v_{10} + v_0}{2} \right| = \left| \frac{-30 + 20}{2} \right| = 5\text{ m/s}$$

روش سوم:

با رسم نمودار سرعت-زمان و استفاده از سطح زیر نمودار خواهیم داشت:



$$S_1 = \frac{1}{2} v_2 (2)$$

$$\Rightarrow v_2 = 10\text{ m/s}$$

$$v_4 = at + v_2$$

$$\Rightarrow 0 = 2a + 10 \Rightarrow a = -5\text{ m/s}^2$$

برای محاسبه سرعت اولیه حرکت با استفاده از معادله سرعت- زمان داریم:

$$v_f = at + v_o \Rightarrow 0 = -\omega(4) + v_o \Rightarrow v_o = 20 \text{ m/s}$$

برای محاسبه سرعت در لحظه  $t = 10 \text{ s}$  داریم:

$$v_{10} = at + v_o \Rightarrow v_{10} = -\omega(10) + 20 = -30 \text{ m/s}$$

در این صورت سرعت متوسط در ۱۰ ثانیه اول حرکت برابر است با:

$$v_{av(o-10)} = \frac{v_o + v_{10}}{2} = \frac{20 + (-30)}{2} = -5 \text{ m/s}$$

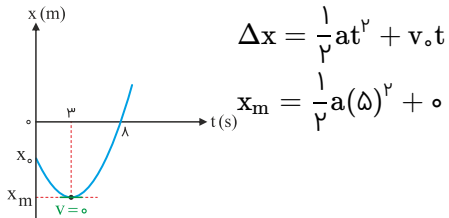
$$\Rightarrow |v_{av(o-10)}| = 5 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۲

گزینه ۳

۵۲

از ۳ s تا ۸ s داریم:



$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_o t$$

$$x_m = \frac{1}{2}a(\omega)^2 + 0$$

از ۰ تا ۳ s (تکنیک حرکت به طور معکوس):

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + 0 \Rightarrow x_m - x_o = \frac{1}{2}a(3)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}a(\omega)^2 - |x_o| = \frac{1}{2}a(3)^2 \Rightarrow |x_o| = \frac{1}{2}a(2\omega) - \frac{1}{2}a(9) = \lambda a$$

$$\Rightarrow x_o = -\lambda a$$

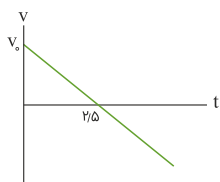
$$\vec{d} = \text{جابہ جایی} = \Delta x = x_f - x_i = 0 - x_o = \lambda a$$

$$\ell = \text{مسافت طی شده} = (x_m - x_o) + (x_m - 0) = \frac{1}{2}a \times 9 + \frac{1}{2}a \times 2\omega = 17a$$

$$\frac{\vec{d}}{\ell} = \frac{\lambda a}{17a} = \frac{\lambda}{17}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۰

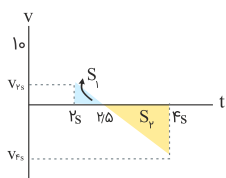
گام اول: طبق تقارنی که حرکت با شتاب ثابت نسبت به لحظه تغییر جهت دارد، اگر جابه‌جایی در یک بازه زمانی صفر باشد، سرعت در لحظه وسط آن بازه برابر با صفر است؛ بنابراین چون جابه‌جایی در ثانیه سوم حرکت صفر است، متحرک در لحظه  $2/5$  s تغییر جهت داده است.  
گام دوم: چون شتاب  $-4 \text{ m/s}^2$  است و متحرک در لحظه  $t = 2/5$  s تغییر جهت داده است، نمودار سرعت زمان متحرک به صورت زیر خواهد بود:



باتوجه به  $a = -4 \text{ m/s}^2$ ،  $v_0$  برابر است با:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow -4 = \frac{0 - v_0}{2/5 - 0} \Rightarrow v_0 = 10 \text{ m/s}$$

گام سوم: سرعت‌های متحرک در لحظات  $t_1 = 2$  s و  $t_2 = 4$  s را تعیین می‌کنیم و با استفاده از مساحت زیر نمودار، مسافت طی‌شده در بازه  $(2 \text{ s}, 4 \text{ s})$  را به دست می‌آوریم.



$$v = at + v_0 = -4t + 10 \Rightarrow \begin{cases} v_{2s} = 2 \text{ m/s} \\ v_{4s} = -6 \text{ m/s} \end{cases}$$

$$L = S_1 + S_2 = \frac{2 \times 10/4}{2} + \frac{1/4 \times 6}{2} = 5 \text{ m}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

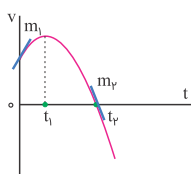
علت نادرستی گزینه‌های دیگر را بررسی می‌کنیم:

(۱) در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  تندى در حال افزایش است.

(۲) شیب خط مماس بر نمودار  $v - t$  نشان‌دهنده شتاب متحرک است. بزرگی شیب خط مماس در لحظه  $t_2$ ، بیشتر از بزرگی شیب خط مماس در لحظه  $t_1$  است.

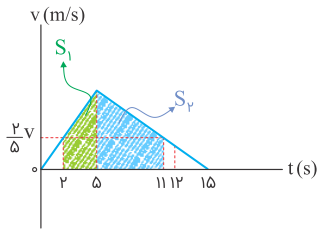
(۳) قبل از لحظه  $t_1$  شتاب در جهت محور  $x$  است چون شیب خط مماس مثبت است و پس از لحظه  $t_1$  شتاب در خلاف جهت محور  $x$

است چون شیب خط مماس منفی است.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

با رسم نمودار سرعت- زمان مربوط به حرکت جسم می‌توان نوشت:



$$\frac{v_2}{v_5} = \frac{2}{5} \Rightarrow v_2 = \frac{2}{5}v$$

$$\frac{v_{11}}{v_5} = \frac{15-11}{15-5} \Rightarrow v_{11} = \frac{2}{5}v$$

در این صورت خواهیم داشت:

$$v_2 = v_{11} = \frac{2}{5}v$$

باتوجه به جابه‌جایی انجام‌شده بین دو لحظه  $t_1 = 2$  s تا  $t_2 = 11$  s داریم:

$$S_1 + S_2 = 126 \Rightarrow \left(\frac{2}{5}v + v\right) \times \frac{3}{2} + \left(\frac{2}{5}v + v\right) \times \left(\frac{11-5}{2}\right) = 126$$

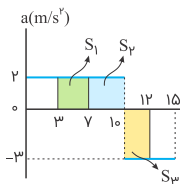
$$\Rightarrow \frac{7}{5}v \left(\frac{3}{2} + 3\right) = 126 \Rightarrow 6/3 v = 126 \Rightarrow v = 20 \text{ m/s}$$

برای محاسبهٔ تندی در لحظهٔ  $t = 12$  s داریم:

$$\frac{v_{12}}{v_5} = \frac{15-12}{15-5} \Rightarrow v_{12} = \frac{3}{10}v = \frac{3}{10} \times 20 = 6 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱

گام اول: سرعت متحرک را در لحظه‌های  $t = 7$  s و  $t = 10$  s به دست می‌آوریم:



$$S_1 = 2 \times 3 = 6 \text{ m/s}$$

$$v_7 - v_3 = 2 \Rightarrow v_7 - 1 = 2 \Rightarrow v_7 = 3 \text{ m/s}$$

$$S_2 = 3 \times 2 = 6 \text{ m/s}$$

$$v_{10} - v_7 = -6 \Rightarrow v_{10} - 3 = -6 \Rightarrow v_{10} = 9 \text{ m/s}$$

گام دوم: جابه‌جایی را در بازهٔ زمانی  $7$  s تا  $10$  s محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{\Delta x_1}{\Delta t_1} = \frac{v_1 + v_2}{2} \Rightarrow \Delta x_1 = 3 \times \frac{15 + 9}{2} = 36 \text{ m}$$

گام سوم: سرعت متحرک را در لحظهٔ  $t = 12$  s به دست می‌آوریم دقت کنید که سرعت در ابتدای بازهٔ زمانی ( $10$  s تا  $12$  s)  $15 \text{ m/s}$  است:

$$S_3 = 3 \times 2 = 6 \text{ m/s} \Rightarrow \Delta v = -6 \text{ m/s} \Rightarrow v_{12} - v_{10} = -6$$

$$\Rightarrow v_{12} - 15 = -6 \Rightarrow v_{12} = 9 \text{ m/s}$$

گام چهارم: جابه‌جایی را در بازهٔ زمانی ( $10$  s تا  $12$  s) محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{\Delta x_2}{\Delta t_2} = \frac{v_1 + v_2}{2} \Rightarrow \Delta x_2 = \frac{15 + 9}{2} \times 2 = 24 \text{ m}$$

گام پنجم: سرعت متوسط را در بازهٔ زمانی  $7$  s تا  $12$  s به دست می‌آوریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{24 + 36}{5} = 12 \text{ m/s}$$

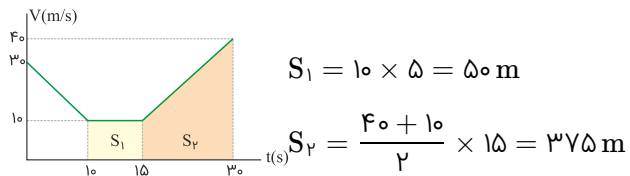
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰

کافی است نمودار سرعت- زمان حرکت را رسم کنیم. سطح زیر نمودار ( $v-t$ ) برابر با جابه‌جایی است که نسبت جابه‌جایی به زمان برابر با سرعت متوسط است.

$$t = 10 \text{ s} \text{ تا } t = 0 \text{ s} : v_1 = a_1 t + v_0 \xrightarrow{a_1 = -2 \text{ m/s}^2} v_1 = -2 \times 10 + 30 = 10 \text{ m/s}$$

$$t = 15 \text{ s} \text{ تا } t = 10 \text{ s} : v_2 = a_2 t + v_1 \xrightarrow{a_2 = 0} v_2 = v_1 = 10 \text{ m/s}$$

$$t = 30 \text{ s} \text{ تا } t = 15 \text{ s} : v_3 = a_3 t + v_2 \xrightarrow{a_3 = 2 \text{ m/s}^2} v_3 = 2 \times 15 + 10 = 40 \text{ m/s}$$

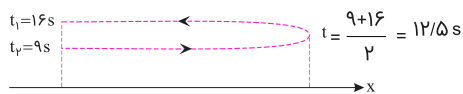


$$S_{\text{کل}} = S_1 + S_2 = 550 \text{ m}$$

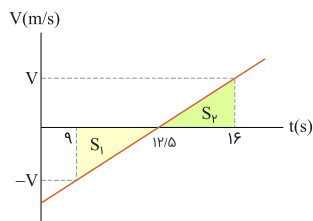
$$v_{\text{av}} = \frac{S_{\text{کل}}}{\Delta t} = \frac{550}{25} = 22 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

جابه‌جایی بین دو لحظه  $t_1 = 9 \text{ s}$  و  $t_2 = 16 \text{ s}$  برابر صفر است. در این صورت مکان اولیه و نهایی جسم بین این دو لحظه برابر است. پس می‌توان لحظه تغییر جهت حرکت جسم را مشخص کرد.



با رسم نمودار سرعت- زمان مربوط به حرکت جسم مشخص بودن شتاب، می‌توان تندی حرکت در لحظه‌های  $t = 9 \text{ s}$  و  $t = 16 \text{ s}$  را حساب کرد.



$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v}{16 - 12.5} \Rightarrow a = \frac{v}{3.5}$$

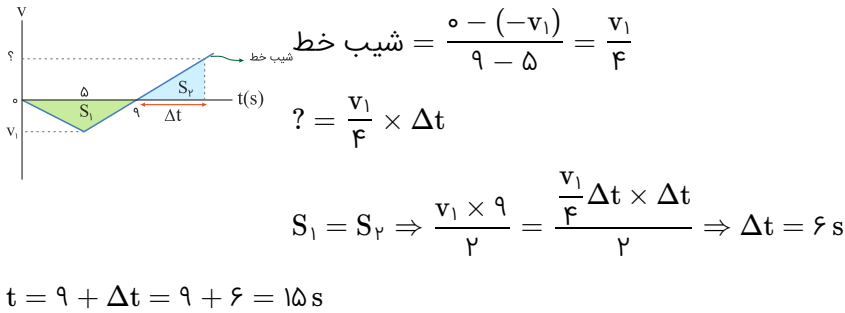
$$\Rightarrow v = 14 \text{ m/s}$$

اکنون برای محاسبه تندی متوسط داریم:

$$\left. \begin{aligned} S_{\text{av}} &= \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{S_1 + S_2}{\Delta t} \\ S_1 &= S_2 = \frac{14 \times 3.5}{2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow S_{\text{av}} = \frac{2 \left( \frac{14 \times 3.5}{2} \right)}{16 - 9} = 7 \text{ m/s}$$

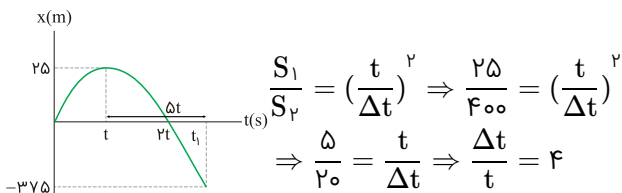
کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱

چون متحرک از  $x = 0$  شروع به حرکت کرده است و مجدداً می‌خواهد به  $x = 0$  برسد، جابه‌جایی متحرک باید صفر باشد. جابه‌جایی در نمودار  $(v - t)$  برابر با مجموع جبری مساحت‌های زیر نمودار  $(v - t)$  است؛ بنابراین مساحت سطح پایین محور  $t$  باید با مساحت بالای محور  $t$  برابر باشد. اگر لحظهٔ برابری این دو مساحت را  $t$  در نظر بگیریم، داریم:

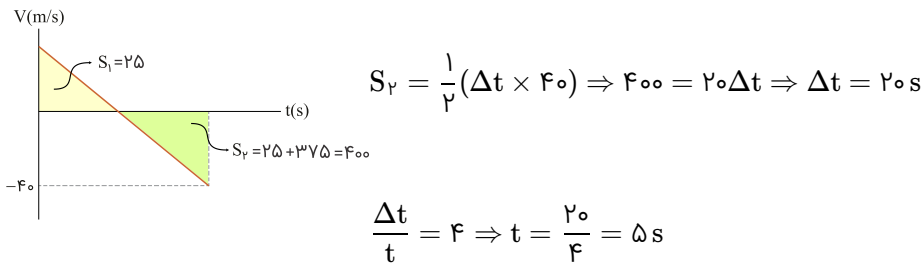


کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

باتوجه به نمودار مکان-زمان داده شده، نمودار سرعت-زمان مربوط به حرکت را رسم می‌کنیم. مسافت پیموده شده توسط جسم در هر بازه مشخص شده است. پس می‌توان نوشت:



از طرفی برای محاسبهٔ مسافت پیموده شده در مدت‌زمان  $\Delta t$  داریم:



پس لحظهٔ  $t$  برابر است با:

در مدت‌زمانی که جسم در مکان‌های مثبت قرار دارد، بردار مکان آن در جهت محور است. در این صورت مدت‌زمان خواسته شده برابر است با:

$$2t = 2 \times 5 = 10 \text{ s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱

باتوجه به اینکه در بازهٔ  $(12\text{s}, 4\text{s})$ ، جابه‌جایی دو متحرک باهم برابر است، سرعت متوسط این دو متحرک نیز باهم برابر است.

$$v_{av}(B) = v_A$$

در حرکت شتاب ثابت سرعت متوسط بین دو لحظهٔ  $t_1$  و  $t_2$  با سرعت متوسط متحرک در وسط بازه یعنی لحظهٔ  $\frac{t_1 + t_2}{2}$  برابر است. بنابراین در لحظهٔ  $t = \frac{4 + 12}{2} = 8 \text{ s}$  سرعت متوسط B با سرعت A برابر است.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

$$\text{متحرک A: } \Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t \Rightarrow 75 = \frac{1}{2}(1/5)t^2 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

$$\text{متحرک B: } \Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t \Rightarrow 150 = \frac{1}{2}a(10)^2 \Rightarrow a_B = 3 \text{ m/s}^2$$

$$\left. \begin{aligned} v_A &= at + v_0 = 1/5 \times 10 + 0 = 15 \text{ m/s} \\ v_B &= at + v_0 = 3 \times 10 + 0 = 30 \text{ m/s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = \frac{30}{15} = 2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

مسافت طی شده تا لحظه  $t = 6 \text{ s}$  دو برابر اندازه جابه‌جایی در  $3 \text{ s}$  اول است پس داریم:

$$S_{av} = \frac{l}{\Delta t} \Rightarrow 3 = \frac{l}{6} \Rightarrow l = 18 \text{ m} \Rightarrow \Delta x = 9 \text{ m}$$

در لحظه  $t = 3 \text{ s}$  سرعت متحرک صفر است بنابراین اثر جابه‌جایی در ثانیه چهارم را  $-x$  فرض کنیم، جابه‌جایی در ثانیه پنجم و ثانیه ششم به ترتیب  $-3x$  و  $-5x$  است. از لحظه  $t = 3 \text{ s}$  تا  $t = 6 \text{ s}$  متحرک  $9 \text{ m}$  جابه‌جا شده است. بنابراین داریم:

$$-x - 3x - 5x = -9 \Rightarrow -9x = -9 \Rightarrow x = 1$$

بنابراین متحرک در ثانیه هفتم حرکت می‌تواند به اندازه  $-7x = -7 \text{ m}$  جابه‌جا شود و از مبدأ مکان بگذرد. پس کلاً بردار مکان متحرک  $7 \text{ s}$  در جهت محور  $x$  است.

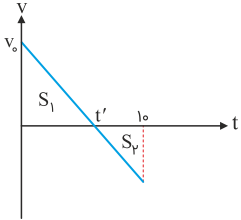
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۴۰۰



$$v_0 > 0 \rightarrow \vec{v}_{av} = v/\omega \vec{i} = \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} \Rightarrow \Delta \vec{x} = v\omega \vec{i} \Rightarrow \Delta x = +v\omega \text{ m}$$

$$S_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \lambda/\omega \text{ m/s} \Rightarrow \ell = \lambda\omega \text{ m}$$

چون حرکت با شتاب ثابت است پس نمودار  $v - t$  آن خطی (شیب ثابت) است. چون تندی متوسط از بزرگی سرعت متوسط بیشتر است پس حتماً تغییر جهت داشته‌ایم و در نتیجه نمودار نزولی بوده و در یک لحظه از محور  $t$  گذشته است.



$$\begin{cases} \text{جاب‌جایی} = S_1 - S_2 = v\omega \\ \text{مسافت طی‌شده} = S_1 + S_2 = \lambda\omega \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} S_1 = \lambda\omega \text{ m} \\ S_2 = \omega \text{ m} \end{cases}$$

تکنیک حرکت معکوس از  $t'$  تا صفر برای حذف  $v_0$ :

$$\left. \begin{aligned} S_1 &= \lambda\omega = \frac{1}{\gamma} a (t')^2 \\ S_2 &= \omega = \frac{1}{\gamma} a (\omega - t')^2 \end{aligned} \right\} \xrightarrow{\text{تقسیم بر هم}} \frac{\lambda\omega}{\omega} = \left( \frac{t'}{\omega - t'} \right)^2 \Rightarrow t' = \lambda \text{ s}$$

$$\Rightarrow v_0 = 20 \text{ m/s}, S_1 = \lambda\omega$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0 - 20}{\lambda} = -2/\omega$$

$$\ell = \Delta x_{0-2} = \frac{1}{\gamma} a t^2 + v_0 t = 3\omega \text{ m}$$

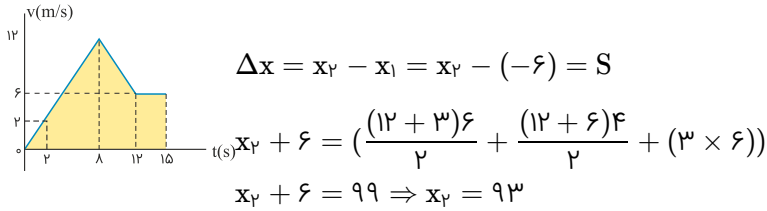
شتاب در بازه زمانی (۰, ۸) ثابت و برابر است با:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v(8) - v(0)}{8 - 0} = \frac{12 - 0}{8 - 0} = \frac{3}{2} \text{ m/s}^2$$

در لحظه  $t = 2$  s سرعت را به دست می آوریم:

$$v(2) = at + v_0 \Rightarrow v = \frac{3}{2} \times 2 + 0 = 3 \text{ m/s}$$

حال به کمک سطح زیر نمودار سرعت- زمان جابه جایی را در بازه زمانی (۲, ۱۵) محاسبه می کنیم:



کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{S_{(v-t)}}{\Delta t} = \frac{\frac{v_{\max} \times 20}{2}}{20} = \frac{v_{\max}}{2} = 10 \Rightarrow v_{\max} = 20 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸