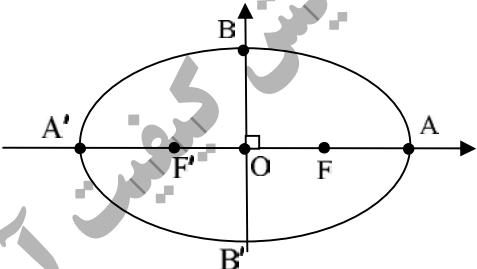


ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: ریاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در فوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) عجایز است.		
الف) بخش الفا		
دانش آموزان عزیز به سوالات اتا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید).		
۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. الف) در ماتریس قطری $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ m-1 & 4 \end{bmatrix}$ مقدار m برابر است. ب) اگر A یک ماتریس 3×3 و $ A = 5$ باشد آنگاه $\frac{1}{ A } A$ برابر است. پ) اگر طول قطر بزرگ بیضی دو برابر فاصله کانونی آن باشد، خروج از مرکز بیضی برابر است. ت) سهمی مکان هندسی نقاطی از یک صفحه است که از یک خط ثابت در آن صفحه و از یک ثابت غیر واقع بر آن خط در آن صفحه به یک فاصله باشند.	۱
۱	درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) در دستگاه $\begin{cases} ax+by=c \\ a'x+by=c' \end{cases}$ باشد، دستگاه جواب منحصر به فرد دارد. ب) مکان هندسی، مجموعه نقاطی از صفحه (یا فضا) است که همه آنها یک ویژگی مشترک داشته باشند و همچنین هر نقطه که آن ویژگی را داشته باشد عضو این مجموعه باشد. پ) هرگاه صفحه P بر محور سطح محرومی عمود باشد و از رأس آن عبور نکند، شکل حاصل یک دایره است. ت) رابطه $x^2 + y^2 - 2x - 4y + 10 = 0$ یک دایره است.	۲
۱/۵	اگر دو ماتریس $B = \begin{bmatrix} y+1 & x-2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} x-1 & 8 \\ 3 & z+1 \end{bmatrix}$ مساوی باشند مقدار $x+y+z$ را بیابید.	۳
۱/۲۵	معادله ماتریسی $x \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = 0$ را حل کنید	۴
۱/۵	اگر $B = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ باشد حاصل $ A + B^3 $ را بیابید.	۵
«ادامه سوالات در صفحه دوم»		

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: رياضي فيزيک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقيقه	نام و نام خانوادگي:	پايه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسرکشور در فوبت شهر يور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پيش كينيت آموزشي http://aee.medu.ir

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۶	اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ماترييس باشد مقادير m و n را طوري بيبايد که رابطه $A^T = mA + nI_2$ برقرار باشد. (I_2 همانی است)	۲
۷	معادله دايره‌اي را بنويسيد که مرکز آن بوده و بر خط به معادله $4x + 3y + 5 = 0$ عماس باشد.	۱/۲۵
۸	وضعیت خط $x - y - 1 = 0$ و دايره $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 3 = 0$ را نسبت به هم مشخص کنيد.	۱/۲۵
۹	مرکز بيضي مقابل بمبدأ مختصات و قطرهای آن مانند شکل بر محورهای X و Y عนطبق هستند و فاصله F از هردو نقطه O و A برابر ۴ است. طول قطر کوچک بيضي را محاسبه کنيد. 	۱/۲۵
۱۰	در شکل مقابل نقطه M روی بيضي و کانون‌های F' و F مشخص شده‌اند. خط d را به گونه‌ای رسم کنيد که در نقطه M بر بيضي عماس باشد و سپس از نقطه F' خطی موازی با MF رسم کنيد تا خط d را در نقطه‌ای مانند N قطع کنید. ثابت کنيد: $NF' = MF'$.	۱
۱۱	مختصات کانون، رأس و معادله خط هادی سهمی به معادله $0 = 16x + 25 - 6y - 6y^2$ را تعیین کنيد.	۱/۷۵
۱۲	معادله سهمی را بنويسيد که $A(4,0)$ رأس و $y = 3$ معادله خط هادی آن باشد.	۱/۲۵

ب) بخش انتخابي

دانش آموز عزيز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهيد.

۱۳	الف) به ازاي چه مقداري از m دستگاه معادلات $\begin{cases} x - 2y = 3 \\ mx + 6y = -4 \end{cases}$ فاقد جواب است؟ ب) دستگاه معادلات $\begin{cases} x - 2y = 3 \\ 2x + 6y = -4 \end{cases}$ را با استفاده از A^{-1} حل کنيد. ادامه سوالات در صفحه سوم «	۲
----	---	---

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۵/۲۸	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
رشته: رياضي فيزيک	مدت امتحان: ۱۳۵ دقيقه	نام و نام خانوادگي:	پايه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسرکشور در فوبت شهر يور ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پيش كينيت آموزشي http://aee.medu.ir

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۴	معادله دايره‌اي را بنويسيد که مرکز آن $(1, 0)$ باشد و يا دايره به معادله $x^2 + y^2 - 8x + 4y + 16 = 0$ عماش داخل باشد.	۳
۱۵	الف) نمودار مربوط به معادلات $\begin{cases} x = c \\ z = c \end{cases}$ در فضای \mathbb{R}^3 چه شكلی است؟ و چه ارتباطی با نمودار $X = c$ دارد؟ ب) اگر $\vec{a} = (2, -1, 3)$ و $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j}$ باشد اندازه بردار $\vec{a} + 2\vec{b}$ را به دست آوريد.	۲
۱۶	بردارهای $\vec{a} = (2, -1, 0)$ و $\vec{b} = (1, -1, 0)$ را در نظر بگيريد. الف) زاويه بين دو بردار \vec{a} و \vec{b} را به دست آوريد. ب) برداری عمود بر دو بردار \vec{a} و \vec{b} پيدا کنيد	۲
	موفق و سر بلند باشيد	جمع نمره

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان: 1399/5/28		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
1	بخش الف) الزامی (0/25) ت) نقطه $\frac{1}{2}$ پ) $\frac{5}{8}$ ب) $m=1$ الف) $m=1$	1
2	الف) نادرست (0/25) ت) نادرست (0/25) پ) درست (0/25) ب) درست (0/25) الف) نادرست (0/25)	1
3	$\begin{cases} x-1=y+1 \\ x-2=8 \\ z+1=4 \end{cases} \xrightarrow{(0/5)} \underbrace{x=1}_{(0/25)}, \underbrace{y=8}_{(0/25)}, \underbrace{z=3}_{(0/25)} \Rightarrow x+y+z=21 \quad (0/25)$	1/5
4	$[x \ 3] \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = [x-3 \ 12] \underbrace{\begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}}_{(0/5)} = [3x-21] = 0 \Rightarrow x=7 \quad (0/25)$	1/25
5	$ A =2 \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = 2 \times 1 = 2 \quad (0/5)$, $ B =-6 \quad (0/5) \rightarrow B^2 =36 \quad (0/25)$ $ A + B^2 =56 \quad (0/25)$	1/5
6	$\begin{aligned} A^2 &= \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 4 \\ 2 & 9 \end{bmatrix} \quad (0/5) \\ mA + nI &= \underbrace{\begin{bmatrix} 0 & 4m \\ 2m & m \end{bmatrix}}_{(0/25)} + \underbrace{\begin{bmatrix} n & 0 \\ 0 & n \end{bmatrix}}_{(0/5)} = \underbrace{\begin{bmatrix} n & 4m \\ 2m & m+n \end{bmatrix}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{n=8}_{(0/25)}, \underbrace{m=1}_{(0/25)} \end{aligned}$	2
7	$r = \frac{ ax_0 + by_0 + c }{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{ 12 + 3 + 5 }{\sqrt{16 + 9}} = 4 \quad , \quad (x-3)^2 + (y-1)^2 = 16 \quad (0/5)$	1/25
8	$(x-1)^2 + (y+2)^2 = 2 \rightarrow O(1, -2), r = \sqrt{2} \quad (0/5)$ $d = \frac{ 1+2-1 }{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \quad (0/5)$ خط بر دایره مماس است. $(0/25) \iff r=d$	1/25
9	$OF=c=4, OA=a=8 \xrightarrow{(0/5)} b^2 = a^2 - c^2 = \underbrace{64-16=48}_{(0/25)} \rightarrow b = \underbrace{4\sqrt{3}}_{(0/25)} \rightarrow 2b = 8\sqrt{3} \quad (0/25)$	1/25
	«ادامه در صفحه دوم»	

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان: 1399/5/28		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
10	<p>مجموع $MF + MF'$ کم ترین مقدار است بنا به خاصیت کوتاه ترین مسیر، زاویه های $(0/25) \hat{M}_1 = \hat{M}_2$ از طرفی: $(0/25) \hat{N} = \hat{M}_1$ و d مورب، درنتیجه $\hat{N} = \hat{M}_2$ نتیجه می شود مثلث MNF' متساوی الساقین است. $(0/25) MF' = NF'$ یعنی $(0/25) MF' = NF'$</p>	1
11	<p>فرم استاندارد سه‌می به صورت $(y - 3)^2 = -16(x + 1)$ است. $(0/5)$ سه‌می افقی و دهانه سه‌می به سمت چپ باز می‌شود. $(0/25)$ راس سه‌می نقطه $A(-1, 3)$ است. $a = 4$ $(0/25)$ و مختصات کانون آن نقطه $x = a + h = 3$ است. $(0/25)$ معادله خط هادی سه‌می به صورت $F(-a + h, k) = (-5, 3)$</p>	1/75
12	<p>با توجه به جایگاه رأس و خط هادی، سه‌می قائم و دهانه سه‌می رو به بالا است $(0/5)$ و $(0/25) (x - h)^2 = 4a(y - k) \Rightarrow (x - 4)^2 = 12(y - 6)$ فرم استاندارد سه‌می به صورت: $(0/5)$</p>	1/25

مصحح گرامی، اگر دانش آموزی به بیش از 2 سوال انتخابی پاسخ داده باشد فقط 2 سوال اول را تصحیح نماید.

ب) بخش انتخابی

13	$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ m & 6 \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow{(0/25)} 6 + 2m = 0 \xrightarrow{(0/25)} m = -3 \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">الف)</p> $\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = 1 \circ \xrightarrow{(0/25)} A^{-1} = \frac{1}{1 \circ} \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \quad (0/25)$ $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \underbrace{\frac{1}{1 \circ} \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}}_{(0/25)} \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}}_{(0/25)} \rightarrow x = 1, y = -1 \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">ب)</p>	2
14	$(x - 4)^2 + (y + 2)^2 = 4 \rightarrow O'(4, -2), r' = 2 \quad (0/5)$ $OO' = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \quad (0/25)$ $ r - r' = OO' \xrightarrow{(0/25)} r - 2 = 5 \xrightarrow{(0/25)} \begin{cases} r = 7 & (0/25) \\ r = -3 & (0/25) \end{cases} \rightarrow x^2 + (y - 1)^2 = 49 \quad (0/25)$ <p style="text-align: center;">غایق</p>	
«ادامه در صفحه سوم»		

مدت امتحان: 135 دقیقه	ساعت شروع: 8 صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه 3
تاریخ امتحان: 1399/5/28	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسرکشور شهریور ماه سال 1399		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
15	$\begin{aligned} \text{محور } y \text{ ها است. (0/5) معادله } x = \circ \text{ معادله صفحه } yz \text{ که شامل محور } y \text{ ها است. (0/5)} \\ \vec{a} + 2\vec{b} = (2, -1, 3) + 2\underbrace{(1, 2, \circ)}_{(0/25)} = (4, 3, 3) \quad (0/25) \\ \vec{a} + 2\vec{b} = \sqrt{16 + 9 + 9} = \sqrt{34} \quad (0/5) \end{aligned}$	2
16	$\cos \theta = \underbrace{\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a} \vec{b} }}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{3}{3\sqrt{2}}}_{(0/5)} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (0/25) \rightarrow \theta = \frac{\pi}{4} \quad (0/25)$ $\vec{a} \times \vec{b} = \underbrace{(2, -1, 2) \times (1, -1, \circ)}_{(0/25)} = (2, 2, -1) \quad (0/5)$	2
	" مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود "	24