

پیش‌ت کتاب‌های کنکور



با اسمه تعالی



ریاضی ۳. امتحان ۳

.....	تاریخ امتحان:	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان شبیه‌ساز نهایی: ریاضی ۳
.....	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
.....	تعداد صفحه: ۲	مرکز ارزشیابی خیلی سبز	منطبق بر رویکرد جدید امتحانات نهایی

ردیف	سؤالات	صفحة ۱ از ۲	نمره
------	--------	-------------	------

۱	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید. الف) اگر $1 < k < 0$. نمودار $y = f(kx)$ از انبساط افقی با ضریب k در راستای محور x از نمودار $y = f(x)$ به دست می‌آید. ب) تابع $x = \tan y$ در بازه $[0, \pi]$ صعودی است. پ) مجموعه $\left\{ -\frac{7}{3}, \frac{7}{3} \right\}$ یک همسایگی عدد ۳ است.	۰/۷۵
۲	در جاهای خالی عبارت مناسب قرار دهید. الف) اگر f تابعی صعودی است، آن‌گاه آهنگ متوسط تغییر آن همواره است. ب) طول نقطه بحرانی تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt[3]{x}$ برابر است. پ) دایره‌های $C(O, r)$ و $C'(O', r')$ با فرض $r' > r$ و خط‌المرکزین d متقاطع‌اند، هرگاه	۰/۷۵
۳	اگر $f(x) = x^3 + 2x$ و $(fog)(x) = 4x^3 - 4x$ باشد، ضابطه تابع g را به دست آورید.	۱
۴	تابع وارون تابع $f(x) = x + \sqrt{x^3 + 1}$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۵	برد تابع کسینوسی $y = a \cos(bx) + c$ برابر $[3, 9]$ و دوره تناوب آن برابر ۳ است. a , b و c را به دست آورید.	۱
۶	معادله $2 \cos^2 x - 2 \sin x \cos x = 1$ را حل کنید.	۱/۲۵
۷	حدهای زیر را محاسبه کنید. الف $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt[3]{x+1}-1}$ ب $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^3 + [-x]}{(x-1)^2}$ پ $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x + \sqrt{x^3+x}}{ x-2 -x}$	۲/۲۵
۸	در مورد تابع f که نمودار آن به صورت زیر است، می‌دانیم $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x^3-4} = \frac{1}{12}$ و $f(2) = 3$. عرض نقاط B و C را به دست آورید.	۱/۲۵
۹	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده‌کردن مشتق الزامی نیست). الف $f(x) = (\frac{2x^3+x}{5x+1})^5$ ب $g(x) = \sqrt[3]{7x-\sqrt{x}} - \frac{2}{x}$	۱/۷۵
۱۰	آهنگ متوسط تغییر تابع $f(x) = (x+2)\sqrt{4x+1}$ را در بازه $[0, 2]$ و آهنگ لحظه‌ای آن را در $x = \frac{3}{4}$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۱	نقاط بحرانی و مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$ را در بازه $[-2, 3]$ به دست آورید.	۱/۲۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

پیش‌ت کتاب‌های کنکور



با اسمه تعالیٰ

۳۱

ریاضی ۳ - امتحان ۳

صفحة ۲ از ۲ نمره

سؤالات

ردیف

.....	تاریخ امتحان:	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان شبیه‌ساز نهایی: ریاضی ۳
.....	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
.....	تعداد صفحه: ۲	مرکز ارزشیابی خیلی سبز	منطبق بر رویکرد جدید امتحانات نهایی

۱/۵	<p>در شکل مقابل، شخصی می‌خواهد از نقطه A در کنار پارک با سرعت ۳ متر بر ثانیه تا نقطه B و سپس از نقطه C و از داخل پارک با سرعت ۲ متر بر ثانیه به نقطه C برود. x را طوری بیابید که در کمترین زمان ممکن از A به C برود.</p>	۱۲
۱/۷۵	<p>اگر $(1, 7)$ مختصات یکی از کانون‌های بیضی به مرکز $(1, 3)$ باشد و بیضی از نقطه $M(3, 4)$ بگذرد، مطلوب است:</p> <p>(الف) طول قطر بزرگ و طول قطر کوچک بیضی (ب) خروج از مرکز بیضی</p>	۱۳
۱	<p>دایره‌ای از دو نقطه $(0, 0)$ و $(3, 1)$ گذشته و معادله یک قطر آن به صورت $2x = y$ است. اندازه شعاع این دایره را به دست آورید.</p>	۱۴
۲	<p>در ظرف A، ۵ مهره قرمز و ۴ مهره آبی و در ظرف B، ۳ مهره قرمز و ۶ مهره آبی قرار دارد. به تصادف ۳ مهره از ظرف A و ۲ مهره از ظرف B برداشته و در ظرف خالی C می‌ریزیم، سپس از ظرف C به تصادف مهره‌های خارج می‌کنیم. مطلوب است محاسبه احتمال این که این مهره قرمز باشد.</p>	۱۵
۲۰	<p>جمع نمرات</p> <p>موفق باشید»</p>	