



ب) نادرست (۰/۲۵)
تابع $y = \tan x$ در هر بازه‌ای که تعریف شده باشد، صعودی کلید است، پون $y = \tan x$ در این بازه تعریف نشده است، پس نمی‌تواند در این بازه صعودی کلید باشد.

پ) درست (۰/۲۵)

$$\left(\frac{1}{3} - \frac{1}{3} \right) = \left\{ \frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right\}. \text{ دقت کنید عدد } 4 \text{ در بازه } \left(\frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right) \text{ قرار ندارد.}$$

۲) الف) مثبت (۰/۲۵)

پون تابع f صعودی کلید است، پس به ازای هر $x_1 < x_2$ از دامنه تابع f ، آن $x_1 < x_2$ باشد، آن‌گاه $f(x_1) < f(x_2)$ ؛ پس:

$$x_1 < x_2 \Rightarrow x_2 - x_1 > 0, f(x_1) < f(x_2) \Rightarrow f(x_2) - f(x_1) > 0.$$

\Rightarrow هنگ متوسط $\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} > 0.$

۳) ب) $x = 0$

$$f(x) = \sqrt[3]{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$$

$\Rightarrow f'$ طول نقطه بحرانی است. $x = 0 \in D_f$ \Rightarrow ریشه مخرج f' .

پ) $r - r' < d < r + r'$ (۰/۲۵)

$$f(x) = x^r + 2x \Rightarrow f(g(x)) = g^r(x) + 2g(x) \quad (۰/۱۵)$$

بنابر فرض x fog(x) = f(g(x)) = $4x^r - 4x$ بود؛ پس می‌توان نوشت:

$$g^r(x) + 2g(x) = 4x^r - 4x \xrightarrow{+1} (g(x) + 1)^r = (2x - 1)^r \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} g(x) + 1 = 2x - 1 \\ g(x) + 1 = -2x + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} g(x) = 2x - 2 \\ g(x) = -2x \end{cases} \quad (۰/۲۵)$$

به پایی $f(x)$ ، y قرار می‌دهیم و x را بررسی y می‌پاریم:

$$y = x + \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow y - x = \sqrt{x^2 + 1} \quad (۰/۲۵)$$

$$\xrightarrow{\text{توان ۲}} y^2 + x^2 - 2xy = x^2 + 1 \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow 2xy = y^2 - 1 \Rightarrow x = \frac{y^2 - 1}{2y} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x^2 - 1}{2x} = \frac{x}{2} - \frac{1}{2x} \quad (۰/۲۵)$$

پر توابع $y = a \sin(bx) + c$ و $y = a \cos(bx) + c$ برابر بازه

بسته‌ای است که ابتدای آن، مینیمم این توابع یعنی $c - |a|$ و انتهای آن، مکزیمم آن‌ها یعنی $c + |a|$ می‌باشد.

$$\begin{cases} |a| + c = 9 \\ -|a| + c = 3 \end{cases} \Rightarrow c = 6, |a| = 3 \Rightarrow a = \pm 3 \quad (۰/۱۵)$$

$$\frac{2\pi}{|b|} = 3 \Rightarrow |b| = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow b = \pm \frac{2\pi}{3} \quad (۰/۲۵)$$

۴) بادآوری

$$1) \cos 2x = 2 \cos^2 x - 1$$

$$2) \sin 2x = 2 \sin x \cos x$$

نکته) برای حل معادله مثلثی به شکل $\sin u = \cos v$ ، از زاویه

متمم $\pi - \alpha$ استفاده می‌کنیم. در واقع معادله را به یکی از دو صورت

$$\cos v = \cos(\pi - u) \quad \text{یا} \quad \sin u = \sin(\pi - v)$$

$$\sin u = \sin \alpha \Rightarrow \begin{cases} u = 2k\pi + \alpha \\ u = 2k\pi + \pi - \alpha \end{cases}$$

$$\cos u = \cos \alpha \Rightarrow u = 2k\pi \pm \alpha$$

$$\frac{(2 \cos^2 x - 1) - 2 \sin x \cos x}{(0/25)} = 0 \Rightarrow \cos 2x - \sin 2x = 0$$

۱۶) الف) با تغذیه از مواد آلی، ترکیبات مورد نیاز خود را به دست می‌آورد. (۰/۲۵)
اولگلت پانداری تک یافته‌ای و مثال دیگری از آغازیان فتوسترنترکننده است. این پاندار در هفتو نور فتوسترنترکننده اند و در صورتی که نور نباشد، سبزیهای فود را از دست می‌دهد و با تغذیه از مواد آلی، ترکیبات مورد نیاز خود را به دست می‌آورد.

ب) از واکنش‌های اکسایش (۰/۲۵)

پانتری‌های شیمیوسترنترکننده از ریزی مورد نیاز برای ساختن مواد آلی از مواد معدنی را و آکشن‌های اکسایش به دست می‌آورند. پانتری‌های نیترات ساز که آمونیوم را به نیترات تبدیل می‌کنند، از پانتری‌های شیمیوسترنترکننده‌اند (پانتری‌های شیمیوسترنترکننده از قدیمی ترین پانداران روی زمین اند).

۱۷) الف) این داروها، برخلاف فراوردهای مشابهی که از منابع غیرانسانی تهیه می‌شوند، پاسخ‌های اینمی ایجاد نمی‌کنند. (۰/۲۵)

ب) مدت زمان فعالیت پلاسمایی یا اثرات درمانی آن بیشتر شود. (۰/۲۵)
لطفه‌ها به طور طبیعی در پدن توسعه آنژیم پلاسمین تهیه می‌شوند.

۱۸) رگ‌های خونی (۰/۲۵) ماهیچه اسکلتی یا قلبی (۰/۲۵)

۱۹) الف) نوزاد کرمی شکل (لازو) به درون غوزه نارس پنبه نفوذ می‌کند؛ بنابراین برای از بین بدن این آفت سم پاشی‌های متعدد لازم است، زیرا آفت در معرض سم قرار نمی‌گیرد. (۰/۲۵)

امروزه با کمک فناوری زیستی و تولید پنهانی‌های مقاوم، نیاز به سهپاشی هزار پنهانه تا حدود زیادی کاهش پیدا کرده است (ولی باز هم سهپاشی لازم است). هشره در اثر فوران گیاه، مقاوم شده از بین می‌رود و فرصلت ورود به درون غوزه را از دست می‌دهد.

ب) تولید گیاهان زراعی مقاوم به علف‌کش‌ها (۰/۲۵) تولید گیاهان مقاوم به خشکی و شوری (۰/۲۵)

هم‌چنان اصلاح پدر برای تولید گیاهان مطلوب، تنظیم سرعت رسیدن میوه‌ها و افزایش ارزش غذایی معمولات نیز با اینجا روش‌های مهندسی ژنتیک ممکن شده است.

۲۰) الف) غریزی (۰/۲۵) نوع رفتاری که کلاح اولین بار با دیدن مترسک از خود نشان می‌دهد. به صورت غریزی دهار ترس فواهد شد، اما پس از مدتی نسبت به آن فرایند رفتار فوگلبری را از فود بروز می‌دهد.

ب) اصلاح رفتار در خواست غذا در جوجه کاکایی (۰/۲۵) در رفتار در خواست غذا، نوک زدن‌های پهنه‌گاهی به منقار والد در ابتدا دقیق نیست، ولی به تدریج و با تمرین، این رفتار دقیق تر می‌شود. هر چه چهه دقیق تر نوک پزند، والد سریع تر به در خواست آن برای خود پاسخ می‌دهد. به این ترتیب چهه می‌آموزد تا دقیق تر نوک پزند؛ بنابراین پهنه‌گاهی به منظر می‌شود.

۲۱) قلمرو یک جانور، بخشی از محدوده جغرافیایی است که جانور در آن زندگی می‌کند. جانوران در برایر افراد هم‌گونه یا افراد گونه‌های دیگر از قلمرو خود دفاع می‌کنند. (۰/۲۵) استفاده اختصاصی از منابع قلمرو می‌تواند غذا و ابریزی دریافتی جانور را افزایش دهد. (۰/۲۵)

۲۲) الف) ویژگی‌های ظاهری مانند دم زینتی طاووس نر با شاخ گوزن (۰/۲۵) (یک مورد کافی است).

ب) براساس انتخاب طبیعی، رفتار غذایی‌ای برگزیده می‌شود که از نظر میزان انرژی دیگری کارآمدتر باشد؛ یعنی این که جانور در هر غذایی، بیشترین انرژی خالص را دریافت کند. (۰/۵)

ریاضی ۳ | امتحان ۳

۱) الف) نادرست (۰/۲۵)

باید می‌گفت با ضریب $\frac{1}{k}$ نه ضریب k .



$$\text{ا) آهنگ متوسط: } \frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{12 - 2}{2} = 5 \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{ب) } f'(x) = \underbrace{\sqrt{4x+1}}_{(\text{۰/۵})} + \underbrace{\frac{x}{\sqrt{4x+1}}}_{(\text{۰/۵})}(x+2)$$

$$\Rightarrow f'\left(\frac{3}{4}\right) = 2 + \frac{2}{\frac{3}{4} + 2} = 4 / 75 \quad (\text{۰/۲۵})$$

۱۰

$$\Rightarrow \cos 2x = \sin 2x \quad (\text{۰/۲۵}) \Rightarrow \underbrace{\cos 2x}_{(\text{۰/۲۵})} = \cos\left(\frac{\pi}{4} - 2x\right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} - 2x \Rightarrow 4x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8} \\ 2x = 2k\pi - \frac{\pi}{4} + 2x \end{cases} \quad (\text{۰/۲۵})$$

۱۱

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt[3]{x+1}-1} \times \frac{\sqrt{x+1}+1}{\sqrt[3]{x+1}+1} \times \frac{\sqrt[3]{(x+1)^2} + \sqrt[3]{x+1}+1}{\sqrt[3]{(x+1)^2} + \sqrt[3]{x+1}+1} \quad (\text{الف})$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x+1)^{\frac{1}{3}}(\sqrt[3]{(x+1)^2} + \sqrt[3]{x+1}+1)}{(x+1)^{\frac{1}{3}} \times (\sqrt[3]{x+1}+1)} = \frac{3}{2} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\therefore \omega_{\text{ل}}[-x] = -1 \quad \text{ل} \rightarrow 1^- \quad (\text{وقتی})$$

$$\text{ب) } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^{\frac{1}{3}} - 1}{(x-1)^{\frac{1}{3}}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \underbrace{\frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)^{\frac{2}{3}}}}_{(\text{۰/۲۵})} = \frac{2}{-} = -\infty \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{پ) } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x + \sqrt{x^2}}{|x| - x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \underbrace{\frac{2x + |x|}{|x| - x}}_{(\text{۰/۲۵})} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - x}{-x - x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{-2x} = -\frac{1}{2} \quad (\text{۰/۲۵})$$

۱۲

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{(x-2)(x+2)} = \frac{1}{12} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} \times \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x+2} = \frac{1}{12} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\Rightarrow f'(2) \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12} \Rightarrow f'(2) = \frac{1}{3} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{معادله خط مماس: } y - 2 = \frac{1}{3}(x-2) \Rightarrow y = \frac{1}{3}x + \frac{4}{3} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$x_B = 1 \xrightarrow{*} y_B = \frac{1}{3} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$x_C = 3 \xrightarrow{*} y_C = \frac{10}{3} \quad (\text{۰/۲۵})$$

یادآوری ۹

$$\text{ا) } y = (f(x))^n \Rightarrow y' = n f'(x) (f(x))^{n-1}$$

$$\text{ب) } y = \frac{f(x)}{g(x)} \Rightarrow y' = \frac{f'(x)g(x) - g'(x)f(x)}{(g(x))^2} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{الف) } f'(x) = \Delta \left(\frac{(\Delta x^2 + 1)(\Delta x + 1) - \Delta(2x^2 + x)}{(\Delta x + 1)^2} \right) \left(\frac{2x^2 + x}{\Delta x + 1} \right)^2 \quad (\text{۰/۲۵})$$

یادآوری

$$\text{ا) } y = \sqrt[n]{f(x)} \Rightarrow y' = \frac{f'(x)}{n \sqrt[n-1]{(f(x))^{n-1}}} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{ب) } y = \sqrt{x} \Rightarrow y' = \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad (\text{۰/۲۵})$$

$$\text{ب) } g'(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{(\gamma x - \sqrt{x})^2}} + \frac{2}{\sqrt[3]{x^2}} \quad (\text{۰/۲۵})$$

نکته ۱) قرینه نقطه $A(x_0, y_0)$ نسبت به نقطه $W(\alpha, \beta)$ عبارتاست از: $A'(\alpha - x_0, \beta - y_0)$ (۱) اگر F' و F کانون‌های بیضی و M نقطه لنفواده روی بیضی باشد، آن‌گاه $MF + MF' = 2a$ طبق تعریف بیضی در ریاضی:الف) کانون دیگر بیضی یعنی F' ، قرینه نقطه F نسبت به مرکز بیضی است:

$$F' = (2 \times 3 - 2, 2 \times 1 - 1) \Rightarrow F' = (-1, 1) \quad (\text{۰/۲۵})$$

می‌دانیم: $MF + MF' = 2a$

$$\Rightarrow \sqrt{(\gamma - \gamma)^2 + (4 - 1)^2} + \sqrt{(-1 - 3)^2 + (1 - 4)^2} = 2a$$

$$\Rightarrow 5 + 5 = 2a \Rightarrow 2a = 10 \Rightarrow a = 5 \quad (\text{۰/۲۵})$$

۱۳

نکته ۲) قرینه نقطه $A(x_0, y_0)$ نسبت به نقطه $F(\gamma, \beta)$ عبارتاست از: $A'(\alpha - x_0, \beta - y_0)$ (۱) اگر F' و F کانون‌های بیضی و M نقطه لنفواده روی بیضی باشد، آن‌گاه $MF + MF' = 2a$ طبق تعریف بیضی در ریاضی:

۱۴



ب) درست است که SiC و SiO_2 پامدکووالانسی هستند، اما سایر ترکیب‌های Si پزء مواد مولکولی هستند.

ت) چون سوال پرسیده در کدام دسته از ترکیب‌ها، پس پامدگاهی فلزی را شامل نمی‌شود. در میان پامدگاهی یونی، مولکولی و کووالانسی، تنها مواد مولکولی در دمای اتاق، مایع هستند.

۳۲ آ) نمودار b : $b = 25$ زیرا انرژی فعال سازی آن کمتر است. (۰/۲۵)

ب) $30 \text{ kJ} = 0/25$

پ) $-20 \text{ kJ} = 10 - 30 = 20 \text{ (عدد)} / 0.25 \text{ (علامت منفی)}$ (۰/۲۵)

بايد بدانيد

آ) در صورت استفاده از کاتالیزگر، E_a و کنش کاهش می‌پابد و مسیر واکنش کوتاه‌تر می‌شود؛ پس مربوط به مسیر پیوون کاتالیزگر و b مربوط به مسیر استفاده از کاتالیزگر است.

ب) به تفاوت سطح انرژی واکنش دهنده‌ها تا قله، انرژی فعال سازی واکنش ۶۰ - ۳۰ = ۳۰ kJ .

پ) به تفاوت سطح انرژی فراورده‌ها و واکنش دهنده‌ها، آنتالپی واکنش گفته می‌شود. $10 - 30 = -20 \text{ kJ}$

۳۳ آ) نادرست؛ (۰/۲۵) در شرایط یکسان، قدرت پاک‌کنندگی پاک‌کننده غیرصابونی از پاک‌کننده صابونی بیشتر است. (۰/۲۵)

ب) درست (۰/۲۵)

پ) نادرست؛ (۰/۲۵) واکنش میان اسید چرب با سود، خنثی شدن است. (۰/۲۵)

ت) درست (۰/۲۵)

بايد بدانيد

ب) آند سلول ها، گرفتگی است که با اکسیژن تولید شده واکنش داده و به کربن دی‌اکسید تبدیل می‌شود.

ت) NaHCO_3 یک نک است، اما محلول آبی آن فاصله بازی دارد.

۳۴ آ) رابطه مستقیم؛ (۰/۲۵) با افزایش شمار اتم‌های کربن در اسیدهای آلی، نقطه جوش آن‌ها افزایش می‌پابد. (۰/۲۵)

ب) پروپانوئیک اسید (۰/۲۵)

پ) $10 \times 10 = 100$ با افزایش شمار اتم‌های کربن در اسیدهای آلی، K_a آن‌ها کاهش می‌پابد. (۰/۲۵)

بايد بدانيد

آ) با افزایش شمار اتم‌های کربن، نقطه پوش اسیدهای آلی افزایش می‌پابد، زیرا هر ۳ مولی آن‌ها پیشتر شده و هابزی و ان دروالسی در آن‌ها قوی تر می‌شود.

ب) شمار اتم‌های کربن در پروپانوئیک اسید کمتر است؛ پس بخش قطبی می‌تواند بر بخش ناقطبی غلبه کند.

پ) به K_a اسیدها توجه کنید. با افزایش شمار اتم‌های کربن، K_a کوچک می‌شود؛ یعنی قدرت اسیدی کمتر می‌شود.

۳۵ آ) $8: 8: 4: 4$ زیرا نزدیکترین بون‌های Cl^- که پیرامون یک بون Cs^+ قرار گرفته‌اند، برابر ۸ می‌باشد. (۰/۲۵)

ب) HCl : (۰/۲۵) بی حس کننده موضعی (۰/۲۵)

پ) 2965 : (۰/۲۵) آنتالپی فروپاشی شبکه بلور MgF_2 از MgO کمتر و از NaF بیشتر است. (۰/۲۵)

بايد بدانيد

آ) با دقت در شکل متوجه می‌شوید اطراف هر یون سریم (Cs^+) که در مرکز مکعب قرار گرفته است، ۸ یون کلرید (Cl^-) در ۸ گوش این مکعب قرار گرفته است.

پ) بار یون‌های سازنده MgO برابر $+2$ و -2 است.

پ) بار یون‌های سازنده MgF_2 برابر $+2$ و -1 است.

پ) بار یون‌های سازنده NaF برابر $+1$ و -1 است.

پ) یون‌های سازنده MgO بیشتر است، پس آنتالپی فروپاشی شبکه آن بزرگ‌تر است.

پ) از این رو عدد 2965 مربوط به MgF_2 و 926 مربوط به NaF است. (۰/۷۹۸)

از طرفی: $\text{FF}' = 2c \Rightarrow 2c = 8 \Rightarrow c = 4$ (۰/۲۵)

$a' = b' + c' \Rightarrow 25 = b' + 16 \Rightarrow b' = 9$ (۰/۲۵)

$2a = 10 \Rightarrow a = 5$ طول قطر بزرگ \Rightarrow (۰/۲۵)

$c = \frac{4}{5}$ (۰/۲۵) ب)

۳۶ $O(a, 2a) = y$ است، پس مرکز دایره به صورت (۰/۲۵)

است.

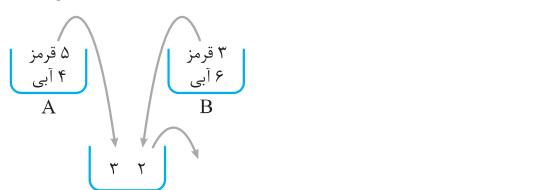
فاصله نقاط $(0, 0)$ و $(3, 1)$ از مرکز دایره یکسان است:

$$OA = OB \Rightarrow \sqrt{a^2 + 4a^2} = \sqrt{(a-3)^2 + (2a-1)^2}$$

$$\Rightarrow 5a^2 = a^2 - 6a + 9 + 4a^2 - 4a + 1 \Rightarrow a = 1$$

$$OA = \sqrt{5a^2} = \sqrt{5}$$

۱۵



$$\begin{aligned} \text{مهره انتخابی قرمز باشد. } A &\xrightarrow{\frac{5}{9}} \text{مهره انتخابی قرمز باشد. } \\ \text{مهره انتخابی قرمز باشد. } B &\xrightarrow{\frac{3}{9}} \text{مهره انتخابی قرمز باشد. } \\ P(E) = \frac{3}{5} \times \frac{5}{9} + \frac{2}{5} \times \frac{3}{9} &= \frac{15+6}{45} = \frac{21}{45} = \frac{7}{15} \end{aligned}$$

شیوه ۳ | امتحان ۳

۱ آ) شیره معده (۰/۲۵)

پ) کلروفرم (۰/۲۵)

ث) آمونیاک (۰/۲۵)

بايد بدانيد

آ) شیره معده به شدت اسیدی، براق انگلی اسیدی، فون، انگلی بازی و روده باریک به شدت بازی است.

پ) در نیمسلول SHE، غلظت الکترولیت (HCl) ۱ مولار و فشارگاز هیدروژن 25°C است. atm

پ) کلروفرم، CHCl_3 است که مولکولی قطبی است و کربن تترآلرید، CCl_4 است که ناقطبی است.

ت) لگز NO_2 قهوه‌ای رنگ است که یک آلاندینه است و باعث می‌شود هوای شهرهای آلوهه قهوه‌ای دیده شود.

ث) آمونیاک یک کاهنده قوی است و باعث می‌شود لگزهای NO_2 در فوردهای دیزلی به N_2 تبدیل شوند.

۲ آ) D (۰/۲۵)

پ) E (۰/۲۵)

پ) E (۰/۲۵)

بايد بدانيد

آ) X و E, D به ترتیب پامدکووالانسی، یونی، مولکولی و کووالانسی است.

آ) مدل دریای الکترونی برای توجیه پرفی از خواص پامدگاهی فلزی مورد استفاده قرار گیرد.

پ) پامدگاهی یونی همه ترکیب هستند و در میان آن‌ها عنصر و چهره ندارند.